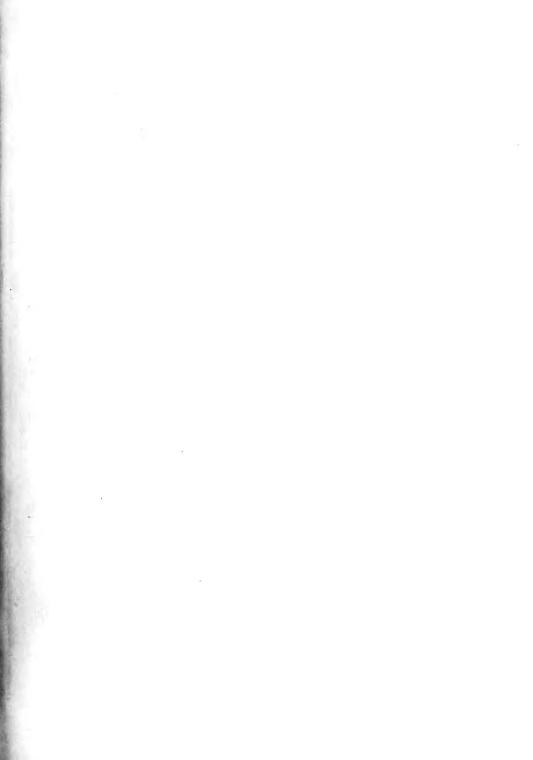


5. 804 833





# HISTOIRE

DE

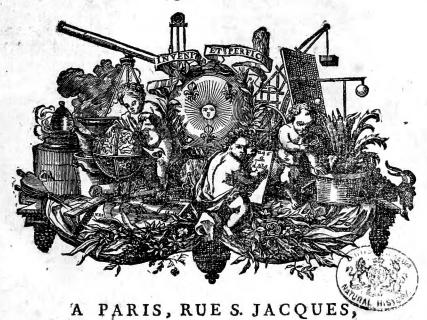
# L'ACADEMIE

# ROYALE DES SCIENCES

Année M. DCCXVII.

Avec les Memoires de Mathematique & de Phisique, pour la même Année.

Tirés des Registres de cette Academie.



Chez & LAMBERT, Libraire à la Sagesse. DURAND, Libraire à S. Landry.

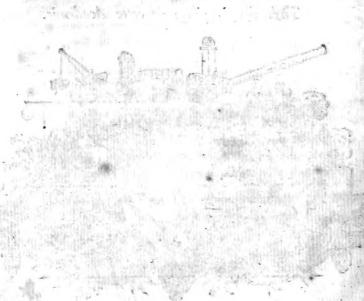
# HISTOIRE

DE

# L'ACADEMIE E ROTALE E DES SCHENOES

TIN XOOR W AND A

Avec les Mempites de Vivi en ime & de Philipre,



A PARIS, ROES JACQUES

=3/10

|   |                              | 1,5 | DI           | AT |     |                             |
|---|------------------------------|-----|--------------|----|-----|-----------------------------|
|   | ********<br>******<br>****** |     |              |    |     | *********<br>************** |
|   |                              |     |              |    | A E |                             |
| L | 'H                           | IS  | $\mathbf{T}$ |    | R   | * callenger                 |

# PHISIQUE GENERALE.

| CUr les Pierres de Florence.      | 1 =       | Page 1 |
|-----------------------------------|-----------|--------|
| Sur une Lumiere horisontale.      |           | ,      |
| Sur un phenomene de l'Aiman       | ASTR      | 5      |
| Diverses Observations de Phisique | generale. | 1 7    |

# ANATOMIE.

| Sur les Desc       | entes ou Hernie  | s de Vellie.          | 7                 |
|--------------------|------------------|-----------------------|-------------------|
| Sur une nou        | velle Valante de | e la Veine-Cave infer | 14                |
| peut avo<br>Fætus. | ir rapport à la  | Circulation du Sang   | g dans le         |
| Sur les Lav        | ements nourriss  | ants.                 | 25 17 21 27 21 21 |
| Sur la form        | ation des Perle  | chine à élever de la  | M emu 26          |
| Diverses Of        | fervations Ana   | tomiques.             | 27                |

## CHIMIE.

| 10. 20. 1 1 1 1  | wloge de 114. Ozana |
|--|---------------------|
| Sur l'Origine du Nitre.  | 29                  |
| Sur le changement des Acides en Alkali.  | 34                  |
| A STATE OF THE PARTY OF THE PAR | ¶ ij                |

|                       | BOTANIQUE.   | 37            |
|-----------------------|--|---------------|
|                       | ALGEBRE.   |               |
| Sur le Cal<br>Suites. | lcul des Differences finies, & des Somn                                  | nes des<br>38 |
| 8_1                   |  |               |
|                       | GEOMETRIE.   |               |
| Sur le Par<br>Rangées | GEOMETRIE.  arallelisme ou Non-parallelisme appare s ou Allées d'Arbres. |               |
| Sur le Par<br>Rangées | rallelisme ou Non-parallelisme appare                                    | nt des<br>48  |

| Sur la pression des Cilindres & des autres Corps par | des |
|--|-----|
| - Cordes.  | 68  |
| Sur une Machine à élever de l'Eau.                   | 70  |
| Sur les principes de l'action des Fluïdes.           | 73  |
| Machines ou Inventions approuvées par l'Academie     | en  |
| 1717.  | 83  |
| E-1 1/1 H D  |     |
| Flore de M Ox an aux                                 | 26  |

# TABLE

POUR

# LES MEMOIRES.

| Blervations Meteorologiques  | faites | à l'Obs | ervatoire |
|--|--------|---------|-----------|
| O Bservations Meteorologiques Royal pendant l'année 1716.  | Par M. | DE LA   | HIRE.     |
| STATE OF THE PARTY |        | 200     | Page I    |

| Traité du Calcul des différences finies. Par M. NICOLE. | 7   |
|---|-----|
| Observations d'une Lumiere horisontale. Par M. MARAL    | DI. |
|   | 22  |

| Premier Memoir | e fur | le Nitre. | Par M. | LEMERY. | 31 |
|----------------|-------|-----------|--------|---------|----|
|----------------|-------|-----------|--------|---------|----|

| Observations de l'Eclipse de | Lune, arrivée le vingt-/ | èptiéme |
|------------------------------|--------------------------|---------|
| jour de Mars au matin        |                          |         |
| Par Mrs. DE LA HIRE.         |                          | 52      |

| Observation | de | PE  | clip | ofe | de  | Lune | , | faite | à l'Ob | ferva | toire |
|-------------|----|-----|------|-----|-----|------|---|-------|--------|-------|-------|
| Royal le    | 2  | 7   | de   | M   | ars | 171  | 7 | au    | matin. | Par   | M.    |
| CASSINI.    |    | 141 |      |     | 10  | 20   |   |       |        | KITT  | 54    |

| Observation | de   | l'Equinoxe | du   | Printemps | de | cette | année |
|-------------|------|------------|------|-----------|----|-------|-------|
| 1717. P     | ar I | M. DE LA I | HIRI | E         |    |       | 50    |

| Construction d'un Micrometre universe | el pour | toutes | les | Ecli- |
|---------------------------------------|---------|--------|-----|-------|
| pses de Soleil & de Lune, & pour      |         |        |     |       |
| gles. Par M. DE LA HIRE.              | 3       | 1444   |     | 57    |

| Description d'une Machine p | our élever des Eaux. Par   | M. |
|-----------------------------|--|----|
| DE LA FAYE.                 | The second secon | 67 |
|                             | - 10 t   |    |

| T A B L E  Histoire du Kali d'Alicante. Par M. DE JUSSIEU. 7  |
|---|
| Recherche des Dates de l'Invention du Micrometre, de<br>Horloges à Pendules, & des Lunettes d'approche. Pa<br>M. DE LA HIRE.  |
| Lignes suivant lesquelles des Arbres doivent être planté pour être vûs deux à deux aux extremités de chaque or donnée à ces lignes, sous des Angles de sinus donnés, par un wil donné de position arbitraire au dessus du plan sur leque on veut planter ces Arbres. Par M. Varignon. |
| Second Memoire sur le Nitre. Par M. LEMERY. 122   |
| Des Mouvements apparents des Planettes, & de leurs Satel<br>lites à l'égard de la Terre. Par M. Cassini. 146  |
| Observations sur le Coquillage appellé Pinne Marine, ou Na<br>cre de Perles; à l'occasion duquel on explique la forma<br>tion des Perles. Par M. DE REAUMUR. 177  |
| Pressions des Cylindres & des Cones droits, des Spheres & des Spheroïdes quelconques, serrés dans des Cordes roulée autour d'eux, & tirées par des poids ou des puissances aus quelconques. Par M. VARIGNON. 195  |
| Description d'une Valvule singuliere de la Veine-cave interieure, à l'occasion de laquelle on propose un sentiment nouveau sur la fameuse question du Trou ovale que semble également appuyé par les preuves favorables aux deux opinions contraires. Par M. Winslow. 211             |
| Du changement des Sels acides en Sels alkalis volatiles uri-  |

Construction d'une Horloge qui marque le Tems vrai avec le moyen. Par M. DE LA HIRE. 238

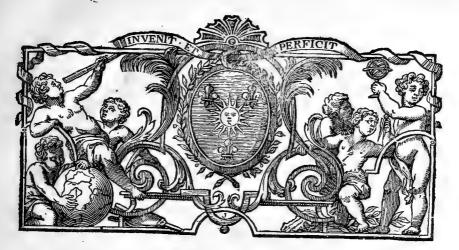
Sur la Volatilisation vraye ou apparente des Sels fixes. Par M. LEMERY. 246

246.

| T A B L E.  De la grandeur des Etoiles fixes, & de leur distance à la  |
|--|
| Terre. Par M. Cassini. 256   |
| Description de deux nouvelles Especes de LAMIUM, cultivées au Jardin du Roy. Par M. DANTY D'ISNARD. 268                                      |
| Remarques sur l'Aiman. Par M. DE LA HIRE. 275.   |
| Observations sur un Fatus monstrueux qui n'avoit qu'un Oeil.<br>Par M. LITTRE. 285   |
| Observations de l'Eclipse de Lune arrivée le vingtième jour<br>de Septembre au soir 1717 à l'Observatoire Royal. Par<br>Mrs. DE LA HIRE. 288 |
| Observation de l'Eclipse de Lune faite le 20 Septembre<br>1717. Par M. MARALDI. 292  |
| Observation de l'Eclipse de Lune du 20 Septembre 1717. Par<br>M. Cassini. 295  |
| Observation de l'Eclipse de Lune du 20 Septembre 1717 au soir, faite à Montmartre. Par M. Delisle le Cadet. 299                              |
| Crics nouveaux. Par M. DALESME. 301  |
| Observation de l'Eclipse d'Aldebaram par la Lune, faite le<br>25 Septembre 1717. Par M. MARALDI. 304.  |



3.04



# HISTOIRE

DE

# L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES.

Année M. DCCXVII.

まいなるいとないよういとないとないとないとないとないとないと

# PHYSIQUE GENERALE

SUR LES PIERRES DE FLORENCE.



L arrive presque toûjours dans la Nature que les mêmes choses se passent, ici en grand & fort sensiblement, là en petit & d'une maniere imperceptible, & les meilleures explications sont celles qui transportent aux phe-

nomenes délicats les causes que l'on a connuës dans ceux qui étoient plus grossiers. M. de la Faye avoit observé Hist. 1717.

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE que les Pierres à Rasoir, que l'on tire d'une Carriere de Lorraine où elles sont sur une espece d'Ardoise, sont quelquefois mêlées de veines noires qui les rendent moins propres au Rasoir, parce que la matiere de ces veines differente de celle de la Pierre empêche qu'il n'y coule assez également & affez librement; il avoit conçû que ces veines, qui penetrent toute la substance blanche ou jaunâtre de la pierre, devoient venir de l'Ardoise qui étant encore assez liquide, car toutes les pierres l'ont été, dans le temps que la pierre à Rasoir se durcissoit, avoit jetté dans cette pierre une matiere étrangere, qui s'étoit insinuée dans toutes les fentes ou interstices ouverts, & que la cause du mouvement par lequel la matiere de l'Ardoise avoit monté dans la pierre étoit la compression de la terre superieure, qui en pesant sur l'une & l'autre matiere encore liquide, avoit obligé celle qui l'étoit le plus à monter dans celle qui l'étoit le moins, & à la penetrer autant qu'il étoit posfible.

On voit que cette explication fort vrai-semblable en elle-même estassez generale, & se peut aisement appliquer à tous les faits pareils. Aussi M. de la Faye l'applique-t-il aux Pierres de Florence, où l'on voit des Plantes, des Arbres, des Châteaux, des Clochers, quelquesois des sigures geometriques. Tout cela, ce ne sont que des veines, mais trés-sines & trés-sinement ramissées, d'une matiere étrangere qui s'est insinuée dans la substance de la pierre, comme celle de l'Ardoise dans la Pierre à Rasoir.

Selon cette idée les representations les plus ordinaires doivent être des Plantes, parce qu'il est fort naturel que la matiere étrangere qu'on suppose plus fluide que la pierre se divise & se subdivise en un grand nombre de petits courants, qui auront l'air de rameaux. Et il ne saut pas croire que ce puissent être deveritables Plantes qui ayent laissé leur empreinte dans les Pierres de Florence, car ces representations les penetrent dans toute leur épaisseur, ce que de veritables Plantes n'auroient pas sait; ces Tableaux

ne sont pas à beaucoup prés de la même perfection que ceux qui ont été faits sur les Originaux, & le plus souvent les prétendues branches ne sont pas des filets continus, mais seulement ponctués; ensin des Châteaux n'ont pas laissé là leur empreinte, & il saut bien que les hazards du cours de la matiere étrangere en ayent produit les apparences imparsaites, que nôtre imagination favorise volontiers.

#### SUR UNE LUMIERE HORISONTALE.

A Lumiere dont nous avons parlé en 1716\*, & V. les M. que nous appellions Septentrionale, ne doit plus p. 22. porter ce nom, mais celui d'Horisontale, on en verra suiv. bien-tôt la raison.

M. Maraldi a revû le 15 & le 16 Decembre 1716, & le 6, 9, 10 & 11 Janvier la même Lumiere qu'il avoit vûë en Avril 1716, toûjours semblable à l'Aurore en clarté, blanchâtre, transparente de sorte qu'on voit les Fixes au travers, élevée au dessus des nuages, puisqu'ils la cachent en passant, mais rensermée dans l'Atmosphere de la Terre, puisqu'on ne la voit point participer au mouvement des Etoiles d'Orient en Occident, ce qui se recon-

noît en ce qu'elle est immobile à leur égard.

Mais cette lumiere qui en Avril 1716 n'étoit étenduë que sur 80 degrés de l'Horison du côté du Nord, l'a été davantage dans les dernieres Observations, & même a occupé le tour de l'Horison entier. Elle s'est élevée en certains endroits jusqu'à 20 degrés; elle a toûjours été parsaitement tranquille, au lieu qu'en Avril 1716 elle étoit souvent traversée par d'autres lumieres passageres qui s'élevoient verticalement au dessus d'elle; principalement lorsqu'elle sut vûë au mois de Mars 1716 en Angleterre, où ce phenomene sut dans une agitation trés bisarre & continuelle. Ensin la lumiere du mois d'Avril ne dura

4 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

pas plus de deux heures dans une même nuit, & celle des mois de Decembre & Janvier suivants parut pendant les

nuits entieres, quand le Ciel fut serein.

Il y a même beaucoup d'apparence que celle qui paroissoit pendant deux nuits consecutives avoit toujours duré sans interruption, & n'avoit été essacée que par le jour; & qui sçait si cela ne peut pas être poussé plus loin, c'est-à-dire, si elle n'a pas duré depuis le 15 Decembre 1716 jusqu'au 11 Janvier suivant, temps extrêmes des Observations?

Par toutes les Observations pareilles répanduës dans les Auteurs tant anciens que modernes, & que M. Maraldi a recüeillies avec soin, il paroît que ce phenomene, assez indépendant de la saison de l'année, tient à un temps qui soit chaud pour la saison & sec. Le phenomene doit plustôt suivre ce temps & en être l'effet que le préceder & l'annoncer, car il semble ne pouvoir être formé que par des exhalaisons sulphureuses qui se seront élevées plus haut qu'à l'ordinaire, qui pendant une assez longue secheresse n'auront point été détrempées par des vapeurs aqueuses, se seront amassées en grande quantité, & ensin auront pris seu. Il sera fort naturel que cet amas de soufres cause de la chaleur dans l'air avant que de s'enslammer, ou du moins adoucisse le froid de l'Hiver; des exhalaisons nitreuses feroient un effet contraire.

Il se fait donc un grand incendie dans une region assez élevée de l'Atmosphere, & s'il peut durer un mois, il saux que les matieres qui le forment ou soient en une prodigieuse quantité, ou ne s'enslamment que sort successivement, ou se consument bien lentement, ou plustôt tous

les trois ensemble.

Cette Lumiere qui est à Paris une grande bande horifontale est necessairement pour quelque autre Lieu une bande verticale. S'il y avoit par tout des Observateurs, le phenomene auroit été vû sous cette derniere apparence. Mais combien d'autres choses nous échapent saute d'Observateurs. fervateurs? Il n'y a eu ici que des Astronomes qui se soient apperçûs de la derniere Lumiere horisontale.

#### SUR UN PHENOMENE DE L'AIMAN.

Es phenomenes de l'Aiman sont si singuliers & en v. si si grand nombre, qu'il est difficile d'en apporter quel- p. 275- qu'un qui surprenne, tant on y est préparé; cependant en voici un dont on ne peut guere s'empêcher d'être surpris, parce qu'il semble renverser ce principe si évident, que

le plus foible ne peut l'emporter sur le plus fort.

On mesure la force d'un Aiman par sa sphere d'activité, c'est-à-dire, par le plus ou le moins de distance où il peut se faire sentir à une Aiguille, & agir sur elle. Si on approche un morceau de Fer du pole d'un Aiman, & principalement du Meridional qui passe pour le plus puissant en ces pays-ci, le Fer s'y attache, & enquelque forte s'y cole, desorte qu'on sent beaucoup de resistance à le détacher. Qu'on applique à ce Fer un autre Aiman plus foible que le premier par le pole qui convient, c'est-à-dire, par le pole contraire à celui du premier Aiman qu'il regarde, le Fer s'attache aux deux Aimans par ses deux faces opposées. En cet état, si on fait mouvoir le second Aiman en l'éloignant du premier, souvent il emporte avec lui le Fer qui lui demeure attaché, & par consequent il l'enleve au premier Aiman, quoi-que plus fort. Il faut dans cette experience que le mouvement qu'on donne au second Aiman & par consequent au Fer, soit horisontal, afin que la pesanteur du Fer ne s'y oppose ni ne le savorise, & qu'il se fasse sur un plan fort uni, comme sur une glace, pour n'avoir point à craindre les frottements.

M. de la Hire prouve que cet avantage de l'Aiman foible sur le fort n'est qu'apparent, & il démêle la realité,

V. les M.

6 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

dont les principes sont un peu envelopés.

Les endroits les plus forts d'un Aiman doivent être ceux où la matiere magnetique, qui forme un Tourbillon autour de la Pierre, est en plus grande abondance, ce sera là certainement où elle aura le plus d'action sur le Fer. Il n'est pas libre de la supposer en plus grande abondance où l'on veut, & selon le besoin d'une explication; on la voit à l'œil, pour ainsi dire, du moins on voit ce qui la represente parfaitement. On seme sur un papier de la limaille d'Acier dans la quantité necessaire pour n'y faire qu'une simple surface, on met ce papier sur un Aiman, & on voit aussi-tôt la limaille s'arranger d'elle-même autour de l'Aiman selon le cours d'une matiere invisible qui est celle dont se forme le Tourbillon. La limaille reprefente la direction de la matiere magnetique par celle qu'elle prend, & son abondance inégale en differents endroits par y être plus ou moins ferrée. On voit les filets de limaille plus serrés vers les poles de l'Aiman, la matiere magnetique y est donc en plus grande abondance, & en moindre vers le milieu ou l'Equateur de la Pierre.

Armer un Aiman, c'est attacher à ses deux poles deux plaques d'Acier, & cela augmente sa force. Il paroît par plusieurs experiences que la matiere magnetique passe avec plus de liberté dans les pores du Fer que dans ceux de l'Aiman même, apparemment parce que le Fer est d'une matiere moins roide que l'Aiman qui est une pierre, & ensin il est sûr que la matiere magnetique circule dans le Fer avec une extrême facilité. Cette facilité fait qu'elle se porte avec abondance dans les armures appliquées aux poles de l'Aiman, & cela est si vrai, que les armures elles-mêmes ont leurs especes de poles qu'on appelle leurs têtes, où elles ont béaucoup plus de sorce que dans les autres en-

droits.

Cela posé, dans le phenomene dont il s'agit, le Fermis au pole de l'Aiman le plus fort, & l'Aiman soible qui s'est attaché à ce Fer, ne sont tous deux ensemble qu'une

espece d'armure du premier Aiman dont ce pole est devenu plus fort. Le second Aiman est donc aussi plus fort qu'il n'étoit par lui-même, entant qu'il fait partie du premier, & il en fait partie tant qu'il est dans sa sphere d'activité. C'est par cette force étrangere qu'il enleve le Fer au premier Aiman, mais quand il a été éloigné de cet Aiman jusqu'à un certain point, c'est-à dire, quand il est forti de son Tourbillon, il est tout-à-coup abandonné par le Fer qu'il ne peut plus soutenir, ce qui prouve trés sensiblement l'explication de M. de la Hire. Elle est aussi prouvée aux yeux par l'arrangement que prend la limaille Torsque les deux Aimans & le Fer sont unis. La limaille se couche presque en ligne droite & parallelement contre ce Fer, qui est une verge, marque sûre qu'il y a un torrent de matiere magnetique sortie du premier Aiman, qui enfile toute la verge de Fer selon sa longueur sans perdre de sa force par d'autres directions, & qui par consequent a toute celle dont elle est capable.

La fausse merveille disparoît donc; non que ce phenomene & une infinité d'autres qui appartiennent à l'Aiman ne soient toûjours admirables, mais c'est bien assez que de les empêcher de détruire les principes les plus clairs &

les plus établis.

#### DIVERSES OBSERVATIONS

#### DE PHYSIQUE GENERALE.

I.

Voici encore un petit Aiman. C'est une Pierre qu'on trouve dans une Riviere de l'Isle de Ceylan, grande comme un denier, plate, orbiculaire, épaisse d'environ une ligne, brune, lisse & luisante, sans odeur & sans goût, qui attire & ensuite repousse de petits corps

8 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

legers, comme de la Cendre, de la limaille de Fer, des parcelles de papier. M. Lémery la fit voir. Elle n'est point

commune, & celle qu'il avoit coûtoit 15 livres.

Quand une Aiguille de Fer a été aimantée, l'Aiman en attire le pole Septentrional par son pole Meridional, & par ce même pole Meridional il repousse le Meridional de l'Aiguille, ainsi il attire & repousse differentes parties d'un même corps felon qu'elles lui sont presentées, & il attire ou repousse toûjours les mêmes. Mais la Pierre de Ceylan attire & ensuite repousse le même petit corps presenté de la même maniere, & c'est en quoi elle est fort differente de l'Aiman. Il semble qu'elle ait un Tourbillon qui ne soit pas continuel, mais qui se forme, cesse, recommence d'instant en instant. Dans l'instant où il est formé les petits corps sont poussés vers la Pierre, il cesse, & ils demeurent où ils étoient, il recommence, c'est-àdire, qu'il fort de la Pierre un nouvel écoulement de matiere analogue à la magnetique, & cet écoulement chasse les petits corps. Il est vrai que selon cette idée les deux mouvements contraires des petits corps devroient se succeder continuellement, ce qui n'est pas, car ce qui a été chassé n'est plus ensuite attiré. Mais ce qu'on veut qui soit attiré on le met affez prés de la Pierre, & lorsqu'ensuite elle repousse ce corps, elle le repousse à une plus grande distance. Ainsi ce qu'elle a une fois chassé elle ne peut plus le rappeller à elle, ou, ce qui cst la même chose, son Tourbillon a plus de force pour chasser en se formant que pour attirer quand il est formé.

II.

M. Geoffroy le cader apprit à l'Academie que le 4 Janvier au Quesnoy, le temps étant fort couvert, les nuages baisserent au point qu'ils paroissoient toucher les maisons, qu'un Tourbillon ou Globe de seu parut dans le nuage au milieu de la Place, alla avec l'éclat d'un coup de Canon se briser contre la Tour de l'Eglise, & se répandit sur la Place comme une pluye de seu, aprés quoi la même chose

arriva

arriva encore au même lieu. On peut juger de l'effroi des spectateurs.

III.

Dans la Cour de l'Hôtellerie du passage de Plougastel entre Brest & Landernau il y a un Puits dont l'eau monte quand la Mer qui est fort proche descend, & au contraire descend quand la Mer monte. Cela est si fort établi dans le Pays comme un prodige, que M Robelin habile Mathematicien, l'a crû digne qu'il l'examinât, & il en a envoyé à l'Academie une relation avec une explication fort simple. Le fond du Puits est plus haut que le niveau de la basse Mer en quelque Marée que ce soit, de-là il arrive que l'eau du Puits qui peut s'écouler s'écoule, ou que le Puits descend tandis que la Mer commence à monter, ce qui dure jusqu'à ce qu'elle soir arrivée au niveau du fond du Puits, aprés cela tant que la Mer continuë de monter le Puits monte avec elle. Quand la Mer se retire, il y a encore un temps considerable pendant lequel un reste de l'eau de la Mer qui est entré dans les terres les penetre lentement & tombe successivement dans le Puits qui monte encore, quoi-que la Mer descende. Cette eau se filtre si bien dans les terres, qu'elle y perd sa salure. Quand elle est épuisée, le Puits commence à descendre, & la Mer acheve. Comme ce Puits, qui n'a pas été creusé jusqu'à l'eau vive, & qui n'est revêtu que d'un mur de pierre féche, reçoit aussi des eaux d'une Montagne voisine quand la pluye a été abondante, il faut avoir égard aux changements que ces eaux peuvent apporter à ce qui ne dépend que de la Mer. Elles l'empêchent de tarir entierement en Hiver quand la Mer est basse. Il séche quelquefois en Eté faute de ce secours, & parce que toute l'eau de la Mer est bûë par une terre trop aride.

IV.

Le 16 Juin vers les 8 ou 9 heures du matin à Agde, qui est vers l'embouchure de l'Eraut, cette Riviere baissa tout d'un coup & à tel point que le Pont de Bateaux Hist. 1717.

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE s'affaissa, & qu'on sut obligé de lâcher les Chaînes & les Cables qui le retenoient. Cet abaissement qui parut aux yeux trés confiderable à cause du talus du rivage, & du grand retrecissement du lit de la Riviere, ne fut pourtant que de 6 pieds. La hauteur ordinaire des eaux dans le Port d'Agde est d'environ 22. Elles demeurerent un quart d'heure dans cet abaissement, aprés quoi elles se remirent à hausser fort vite pendant un autre quart d'heure. Elles furent d'abord d'un pied plus hautes qu'elles n'avoient été, mais un moment aprés elles reprirent leur premier niveau. Ce pied de plus en hauteur ne fut que l'effet de la rapidité de leur retour. L'aprés midi du même jour il arriva un autre abaissement, mais moins considerable. Dans l'un & dans l'autre, quand les eaux revenoient, elles étoient salées, & par consequent elles venoient de la Mer.

Les circonstances qui ont accompagné le grand abaissement, & le retour des eaux, sont un petit vent qui varia du Nord-Est au Sud-Est & au Nord-Oüest, un petit calme, & un peu de pluye. Il avoit plû aussi la nuit préce-

dente.

L'eau de la Mer ne se mêle avec celle de la Riviere, ni lorsque le vent est Nord-Oüest & frais, parce qu'il jette les eaux de la Riviere dans la Mer, ni lorsque la Riviere est grosse, parce qu'alors elle est au dessus du niveau de la Mer. Mais lorsque le vent est au Sud-Est, & au Sud-Oüest, il pousse les eaux de la Mer vers la Riviere, & on l'appelle pleine, parce que l'eau y est plus haute d'un pied & demi ou deux pieds qu'à l'ordinaire, & alors elle est salée.

Les eaux de la Mer & celles de l'Eraut à Agde sont ordinairement au même niveau à peu prés. On compte depuis l'embouchure jusqu'au Pont de Bateaux 1750 toises.

Il n'y a aucun flux ni reflux sensible sur les Côtes

d'Agde.

Il y a eu autrefois à Agde de pareils abaissements. Qs

en a vû arriver un en Février, mais communément ce n'est qu'en Juin, Juillet & Août. Quelquefois il y en a eu jusqu'à 3 ou 4 en un jour. Quelques Matelots disent qu'ils ont essuyé alors des tempêtes, & qu'il y avoit plusieurs Courants à la Mer.

C'est à M. de Mairan que l'Academie doit cette relation. Il semble qu'on peut assez naturellement attribuer ce phenomene à un tremblement de terre qui n'aura été qu'au fond de l'embouchure de la Riviere & de la Mer. Il aura tout d'un coup abaissé le terrein qui portoit la Riviere, & l'aura ensuite relevé, & remis dans son premier état.

Le même M. de Mairan envoya à l'Academie la rela- Voyez la tion d'une Corne de Bœuf qui paroissoit avoir vegeté en Figure. terre, & il l'a fait voir à la Compagnie depuis qu'il en est membre. Cette Corne fut arrachée de terre avec la Charruë par un Laboureur prés de la Ville de Beziers. De sa base partoient un nombre prodigieux de filets qui avoient l'air de racines fraîches, fucculentes & pleines de vie dans les premiers temps, & faisoient naître d'abord l'idée d'une vegetation. Mais en les examinant de plus prés M. de Mairan se desabusa de cette idée. Elles étoient cilindriques, creuses, lisses par leur surface interieure, dont on détachoit aisément des filets soyeux aprés les avoir un peu laissé tremper dans l'eau. Elles rendoient sur le seu une odeur de corne brûlée, & les dissolvants Chimiques faisoient sur elles à peu-prés le même effet que sur de la corne. Tout cela prouve que ces fausses racines étoient une vraye production animale. Quelques Infectes inconnus & souterrains qui font des Coques comme les Chenilles se seront amassés en grand nombre autour de la Corne, se seront nourris de sa substance, & y auront attaché leurs Coques qu'ils auront ensuite filées & bâties à leur maniere. Il s'ensuit de-là qu'elles ont dû être necessairement creuses. Les insectes en seront peut-être sortis

12 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

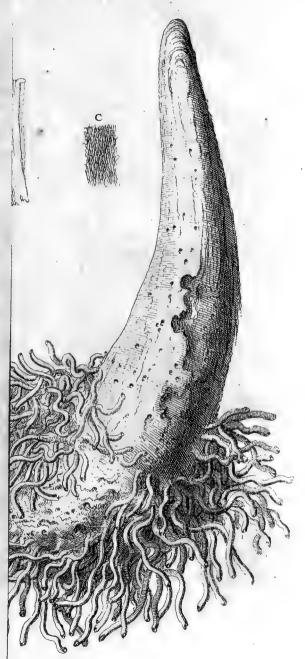
fous quelque autre forme, ainsi que tant d'autres qui ne bâtissent des Coques que pour se préparer à leur metamorphose. Tout le reste convient évidemment à cette explication. Cependant M. de Mairan avoüe qu'il a mis d'autres Cornes en terre, & qu'il ne leur est arrivé rien de pareil, quoi-qu'il ait varié l'experience de plusieurs façons. Il n'y a vû ni apparences de racines, ni coques d'Infectes. Seulement il a vû que celles qui étoient demeurées exposées à l'air étoient rongées d'un Insecte velu sait à peu-prés comme une petite Chenille d'une ou deux lignes de longueur, mais qui a des jambes & marche assez vite. C'est le même animal qui ronge l'Eçaille & les Cheveux humains.

#### VI.

Le 15 Octobre à 10 heures & demie du soir M. de la Hire le fils vit un Rayon de lumiere blanche & assez vive d'environ 2 degrés de largeur sur 5 à 6 de hauteur, qui paroissoir directement au Nord derrière des nuages épais élevés sur l'horison d'environ 15 degrés. Il étoit semblable à ceux que forme la lumiere du Soleil caché derrière des nuages, lorsqu'elle passe entre deux plans différents de ces nuages, & qu'elle y rencontre des traînées de vapeurs qu'elle éclaire, & qui sont exposées à nos yeux.

Ce Rayon de lumiere fut une minute à s'élever, & demeura immobile pendant 4 ou 5 autres, aprés quoi il commença à s'élargir, & s'étendit en 3 ou 4 minutes dans un espace de 20 à 25 degrés en partie à l'Est, en partie à l'Oüest, & rendit tout cet espace beaucoup plus clair, aussi-bien que quelques nuages qui étoient à ses extremités. Ensuite cette lumiere vint à s'affoiblir toûjours du milieu vers ses bords, de sorte qu'elle sut entierement éteinte au milieu, tandis que vers les bords elle étoit encore assez serves.

Ce phenomene étant fini, il en reparut à 10 heurestrois quarts au même endroit un autre tout pareil, & pourla figure, & pour le progrés, & pour la fin.



savscope

A. tutair de grandeur naturelle B. le meme ouvert auec des ciseaux. C uir dedans auec le miscroscope

Ph. Simonneun , illus Del et Se ?

Il est facile de voir par la situation où étoit alors le Soleil qu'il n'avoit nulle part à ces essets. On ne peut non plus les rapporter à la Lune, quoi-qu'elle eût 11 jours & strasset fût assez haute sur l'horison; l'étenduë de ces lumieres, leur accroissement successif & leur maniere de décroître, tout cela ne convient qu'à des exhalaisons qui se seront enslammées dans l'air, & y convient si juste, ainsi qu'il est aissé de le voir, qu'on ne sçauroit chercher d'autres causes. Ces lumieres sont en petit ce que sont en grand les lumieres horisontales dont nous avons parlé dans cette Histoire & dans la précedente.

Ous renvoyons entierement aux Memoires Le Journal des Observations de M. de la Hire Voy. les M. pendant l'année 1716.





#### ANATOMIE

#### SUR LES DESCENTES OU HERNIES DE VESSIE

\* P. 18. E sujet a déja été traité dans l'Histoire de 1713 \*. M. Méry a crû que la Hernie de Vessie, dont les Auteurs n'ont point encore parlé, étoit assez rare pour ne pouvoir être qu'un vice de conformation, & en effet la raison qui l'a frappé est trés propre à frapper tout le monde. La Vessie pleine d'urine est trop grosse pour passer par les Anneaux par où un Intestin passe, sa figure ne le permet point, & elle est trop fortement attachée de tous côtés pour pouvoir tomber dans le Scrotum.

> Cependant M. Petit croit que la Hernie de Vessie peut aussi-bien que celle d'Intestin ou d'Epiploon avoir des causes accidentelles. Ce sont la suppression d'urine & les

grossess.

Ce n'est pas dans le temps où la suppression d'urine dilate excessivement la Vessie qu'elle peut passer par les Anneaux, elle y est certainement moins disposée que jamais, mais c'est dans ce temps-là qu'elle prend des dispositions à y passer lorsqu'elle se sera vuidée. Elle est élargie & aplatie par la suppression, ce que montre l'ouverture de ceux qui sont morts de cette maladie; de plus la vieillesse seule ou la foiblesse de constitution suffisent pour donner cette figure à la Vessie. Dans la suppression les Malades sentent qu'elle est poussée avec force contre les Anneaux par les Muscles du bas Ventre & de la Poitrine. Quand on urine dans l'état naturel, la Vessie rapproche ses parois du côté

de son col par la contraction de ses sibres charnuës, mais dans l'état contre nature les sibres qui ont perdu leur ressort ne peuvent plus replacer la Vessie de cette maniere, ni détruire la sigure qu'elle a prise, ou l'esse de l'impulsion qu'elle a reçûë vers les Anneaux. D'ailleurs les Anneaux sont affoiblis par la grande dilatation que la suppression d'urine a causée à toute cette region, & par consequent ils sont moins en état de s'opposer à la Vessie qui tend à y entrer. Tous ces accidents souvent renouvellés peuvent produire la Hernie dont il s'agit.

La portion de la Vesse engagée dans un Anneau, & qui forme la Hernie, est toûjours necessairement au dessus de la portion qui reste à peu-prés en sa place naturelle, & les deux communiquent ensemble. Si la communication est libre, toute la tumeur se vuide quand le Malade urine, & elle se vuide sans bruit, parce qu'il n'y a point d'air dans la Vesse, comme il y en a dans les Intestins. Si la communication n'est pas libre, c'est-à-dire, s'il y a étranglement, le Malade n'a qu'à presser sa Tumeur avec la main, toute l'urine contenue dans la portion superieure de la Vesse se vuide dans l'inserieure, & toute la Tumeur disparoît, ce qui est un signe certain de cette sorte de Hernie.

Dans celle d'Intestin où il y a étranglement, la cause du retour des matieres contenuës dans les Intestins vers l'Estomac, & par consequent du vomissement, est sort évidente. Dans la Hernie de vessie avec étranglement le vomissement est rare, soible, & ne vient que tard. M. Petit a remarqué qu'il est suivi du hoquet, au lieu que dans l'autre Hernie il en est precedé. Si cette difference se maintient toûjours, la raison n'en paroît pas trop aisée à trouver.

La fluctuation & la transparence doivent être des signes communs à la Hernie de Vessie & à l'Hidrocele, puisque de part & d'autre c'est de l'eau rensermée dans un sac menbraneux.

16 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Les grossesses frequentes peuvent aussi être une cause de la Hernie de Vessie. On sçait que dans les derniers mois l'Ensant appuye sa tête contre le sond de la Vessie, qui ne pouvant plus, lorsqu'elle se remplit d'urine, s'élever du côté de l'Ombilic, est obligée de s'étendre à droite & à gauche, & de sormer deux especes de cornes disposées à s'introduire dans les Anneaux, d'autant plus sacilement qu'ils sont affoiblis par l'extension violente que souffrent toutes les parties du bas ventre, & les saits qui sondent cette idée sont verissés par les cadavres de Femmes qui sont mortes avancées dans leur grossesse, ou peu de temps aprés l'accouchement.

La Hernie de Vessie peut être compliquée avec celle d'Intessin, ou d'Epiploon, & il est même assez naturel que la premiere, quand elle est sorte, produise la seconde, car alors la Vessie engagée sort avant dans un Anneau tire aprés elle la portion de la tunique interne du Peritoine qui la couvre par derriere, & cette portion sorme un culde-sac où l'Intessin & l'Epiploon peuvent ensuite s'enga-

ger facilement.

En voilà assez pour faire appercevoir à ceux qui y seront reslexion, & sur tout aux Anatomistes, tout ce qui appartient à la Hernie de Vessie soit simple, soit compliquée, & même pour leur donner lieu d'imaginer les précautions & les attentions que demandera l'operation Chirurgique. M. Petit a poussé tout cela dans un plus grand détail, mais ceci sussit pour les Phisiciens, & les autres suppléeront aisément au reste: on peut se flatter d'avoir déja assez de connoissance sur une maladie si nouvellement connuë.

### SUR UNE NOUVELLE VALVULE DE LA VEINE-CAVE INFERIEURE,

qui peut avoir rapport à la Circulation du sang dans le Fætus.

L est dangereux de s'en tenir à ce que les Anatomistes ont écrit, & souvent trés difficile de le verifier. M. Winslow ayant trouvé dans la Veine-Cave des Valvules dont avoient parlé Silvius & Charles Etienne, deux anciens Medecins de Paris, chercha long-temps inutilement dans la même Veine une autre Valvule plus singuliere, que Silvius paroissoit avoir eûë en vûë. Ensuire il vint à sçavoir par les Opuscules d'Eustachius nouvellement tirés de l'oubli & remis en lumiere, & sur-tout par ses Tables que M. Lancisi, premier Medecin du Pape, a recouvrées & données au Public, que ce celebre Anatomiste Romain qui vivoit il y a 150 ans avoit connu à l'orifice du Tronc inferieur de la Veine-Cave une Valvule trés remarquable. qu'il ne prenoit pourtant pas pour une Valvule, mais seulement pour une Membrane. M. Winflow se mit à la chercher tant dans l'Homme que dans quelques Animaux, mais inutilement. Aprés beaucoup de tentatives, dont nous supprimons le détail, quoi-qu'elles pussent servir à ceux qui font de pareilles recherches, & leur apprendre du moins à ne se pas décourager aisément, enfin il s'apperçût que pour trouver cette Valvule il falloit ouvrir la Veine-Cave par sa partie posterieure, au lieu qu'il l'avoit jusque-là toujours ouverte par l'anterieure, ce qui avoit détruit ce qu'il cherchoit, & n'en avoit laissé que quelques petits restes en forme de filets dérangés & retirés de part & d'autre, de maniere qu'ils n'étoient pas reconnoissables, & qu'on n'y faisoit nulle attention. Cela confirme Hift. 1717.

V. les M

#### 18 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

\*p. 10. bien ce qu'on a dit d'aprés lui en 1715 \* fur la differente

maniere de dissequer.

Celle qu'il venoit d'apprendre au sujet de sa Valvule n'empêchoit pourtant pas qu'elle n'échapât encore le plus fouvent à sa curiosité, & ce ne sut qu'aprés bien des peines qu'il vint à reconnoître qu'elle ne se trouvoit ordinairement entiere que dans les plus jeunes Enfants, en qui le trou ovale étoit encore ouvert, qu'elle diminuoit avec ce trou, & enfin disparoissoit dans les Adultes, à moins qu'il n'y fût pas fermé, ce que n'avoit pas vû Eustachius lui-même, qui a été plus instruit que personne sur cette matiere. C'est son nom que M. Winslow a crû devoir donner à la Valvule.

Elle est, à peu-prés comme toutes celles des Veines, difposée en Croissant. Sa concavité est en enhaut, & sa convexité en embas, de forte que si le sang de la Veine-Cave inferieure refluoit de haut en bas, elle se vouteroit en embas, & empêcheroit son retour. Une des Cornes du Croissant se termine entre l'orifice de la Veine Coronaire, & l'extremité anterieure de l'arcade charnuë de la Cloison des Oreillettes; c'est cette arcade qui forme en partie l'ouverture du trou oyale. L'autre Corne aboutit entre l'extremité posterieure de cette arcade, & le bord voisin de l'Oreillette droite. Le reste de la Valvule est presque demi-circulaire, & s'attache interieurement aux parois anterieures de la Veine-Cave inferieure. Elle n'est pas toute membraneuse, car depuis environ les deux tiers de sa longueur jusqu'au bord qui est libre ou qui flotte, elle devient fibreuse, & forme un beau reseau. Elle est fort étenduë, desorte qu'étant voutée elle s'applique sur la cloison des Oreillettes prés la base du Cœur, & couvre l'orifice de la Veine-Cave inferieure.

M. Winflow la démontra à l'Academie dans un Vaisseau plein d'eau, ce qui est la meilleure maniere de démontrer ces fortes de parties qui dans leur état naturel font flotantes, car autrement ou elles se plissent en disserentes manieres, si elles sont fraîches, ou elles diminüent d'étenduë

si elles sont séches.

M. Lancisi croit que l'usage de cette Valvule est d'empêcher que le sang de la Veine-Cave superieure ne choque avec trop de force celui de l'inferieure, & M. Winflow le croit avec lui, mais puisqu'elle s'efface dans les Adultes, & qu'elle suit la diminution du Trou ovale, il y a bien de l'apparence qu'elle a aussi quelque autre fonction, & principalement par rapport à la circulation du

fang dans le Fœtus.

Il entreroit donc dans cette question si vivement agitée pendant les premiers temps du Renouvellement de l'Academie \*, quelque chose de nouveau, & sur quoi l'on n'avoit pas compté, & voici comment M. Winflow trouve moyen d'y lier fa Valvule d'Eustachius, en prenant des deux partis opposés tout ce qu'ils sont obligés de s'accorder l'un à l'autre, & par consequent tout ce qu'il y a de plus certain, & en formant un sistême moyen qui accorde les deux contraires.

25.& fuiv. de 1701. p. 36. & fuiv. de 1703. p. 32.

\* V. les Hift.

de 1699. pag.

Il y a à l'ouverture du Trou ovale dans le Fœtus une Valvule, ou membrane flotante qui peut en avoir quelque apparence, mais elle n'en fait point la fonction, & n'empêche point que le fang ne passe avec une égale liberté & de droite à gauche, & de gauche à droite. Son usage n'est que de s'appliquer contre le Trou, & de le fermer aprés la naissance du Fœtus, & certainement cetusage suffit. Avant la naissance le sang des deux Oreillettes du Cœur se mêle donc, & par consequent celui des deux Ventricules, & le Fœtus est dans le même état que si son Cœur n'avoit qu'une Oreillette & un Ventricule; aussi no respire-t-il point, & il doit être dans l'état des Animaux qui n'ont point de Poumon veritable, comme les Poissons, ou qui n'en ont pas un usage perpetuel comme les Amphibies, tels que la Tortuë & la Grenoüille; on sçait que le Cœur de tous ces Animaux n'a qu'une Oreillette & un Ventricule.

C ij

Le mêlange continuel du fang dans les deux Oreillettes & dans les deux Ventricules du Cœur du Fœtus est necessaire, parce que le Fœtus ne respirant point, son sang n'a que l'air qu'il reçoit du sang de la Mere, & tout le fang de la Mere qui est venu par la Veine Ombilicale tombe dans l'Oreillette droite du Cœur du Fœtus, où il faut que l'air qu'il contient se partage à tout ce que le Fœtus a déja de sang, c'est-à-dire, à tout ce qui en est revenu & par la Veine-Cave & par la Veine Pulmonaire. Ensuite tout ce sang animé d'air & poussé par la Sistole du Cœur & dans l'Artere Pulmonaire, & dans l'Aorte, & dans le Canal de communication qui est arteriel, & qui jettant du fang immediatement de l'Artere Pulmonaire dans l'Aorte descendante lui épargne une circulation dans le Poumon.

Ainsi il est inutile, selon M. Winslow, de s'embarassez des differentes forces, ou des differentes capacités des Vaisfeaux du côté droit & du côté gauche. Puisque le Cœuz doit être consideré dans le Fœtus comme n'ayant qu'une Oreillette & un Ventricule, il n'importe de quel côté le fang soir poussé avec plus de force, ou se porte en plus grande abondance, c'est toujours du côté où il trouve le plus de facilité à son cours.

L'office de la Valvule d'Euflachius est d'empêcher que le sang toûjours mêlé, comme il doit l'être dans les deux Oreillettes, ne refluë dans la Veine-Cave inferieure; car s'il y refluoit, le mêlange seroit affoibli, & de plus le sang de la Mere retourneroit dans le Placenta par la Veine Ombilicale, qui n'a point de Valvules pour s'opposer à ce

retour.

Ce Sistême de M. Winflow, qui concilie tout, verifie une espece de prédiction que nous avions faite en 1703, que peut-être les deux sistêmes opposés se trouveroient vrais tous deux. Cependant M. Mery ne s'est pas contenté de la conciliation, & il a redonné à l'Academie un abregé des raisons qui l'attachoient à sa premiere pensée. Nous ne les repeterons pas. M. Winflow ne prétend pas même avoir mis encore cette matiere dans tout le jour dont il la croit susceptible.

#### SUR LES LAVEMENTS NOURRISSANTS

UAND par quelque indisposition violente l'Oesophage est bouché, & que les aliments n'y peuvent passer à l'ordinaire, du moins en quantité suffisante, on tâche à y suppléer par des Lavements nourrissants, c'està-dire, par des Bouillons pris sous cette sorme. La question est de sçavoir ce qu'on peut esperer de ce supplé-

ment. M. Littre a crû qu'il y a peu à en esperer.

On sçait quelles sont toutes les préparations que doivent recevoir les aliments avant que de pouvoir saire leur sonction d'aliment, ou de passer en nôtre substance. Ces préparations ne sont pas seulement necessaires en elles-mêmes, elles le sont selon un certain ordre, il faut que les plus sines succedent aux plus grossieres, celles de l'Estomac à celles de la Bouche, celles des Intessins à celles de l'Estomac, &c. Or des Bouillons pris en Lavement ni ne reçoivent toutes ces préparations, ni ne les peuvent recevoir dans cet ordre. Il est vrai que les aliments liquides n'ont pas besoin d'autant de préparations que les solides sont broyés, mais du moins y a-t-il apparence qu'ils ne peuvent être dispensés de celle de l'Estomac, à laquelle doit succeder celle des Intessins.

Dans le Cœcum, qui est le premier des gros Intestins, il y a une Valvule qu'on appelle Valvule de Bauhin, du nom de son Inventeur. Elle est formée de deux especes de plans, chacun de sigure presque demi-circulaire, placés à l'opposite l'un de l'autre, & disposés de façon qu'ils

Cij

peuvent en s'appliquant l'un contre l'autre, ou fermet exactement le Cœcum, ou laisser entre eux une ouverture semblable à celle des deux paupieres de l'œil. Cette alternative dépend de la dilatation du Cœcum, auquel les deux plans sont attachés, l'un en haut, l'autre en bas. Si le Cœcum est extrêmement dilaté, il tire ces deux plans en sens opposés, les écarte, & par consequent ils laissent une ouverture entre eux. Sinon, ou dans l'état naturel, c'est le contraire. C'est à quoi il faut prendre garde pour juger de l'état & de l'esset de cette Valvule par les dissections ou préparations anatomiques.

Elle est certainement saite dans le même dessein que toutes les autres, c'est-à-dire, pour savoriser le passage d'une matiere en un certain sens, & l'empêcher dans le sens opposé. Et comme dans l'état naturel les matieres doivent passer des Intessins grêles dans les gros, & non pas des gros dans les grêles, c'est déja un grand préjugé pour la fonction que doit saire la Valvule de Bauhin. Aussi est-elle placée presque à l'endroit où se sait la séparation des

Intestins grêles & des gros.

Cela posé, elle empêche donc qu'un Lavement prétendu nourrissant ne passe des gros Intestins dans les grêles. Or les gros Intestins n'ont point de Veines Lactées, au lieu que les grêles en sont pleins, & ces Veines sont les seuls canaux qui puissent porter le Chile dans son Reservoir, & le Chile la seule substance qui puisse nous nourrir.

M. Littre a rapporté de plus un grand nombre d'experiences par lesquelles il a toûjours trouvé que la Valvule de Bauhin permettoit au souffle & aux injections de passer des Intestins grêles dans les gros, mais non pas des gros

dans les grêles.

Nous avons dit que dans l'état naturel, & la cavité du Cœcum n'étant pas plus ouverte qu'elle ne doit être, la Valvule est fermée, & par consequent il semble qu'elle le soit également pour ce qui va d'un sens ou de l'autre, & qu'elle en doive egalement empêcher le passage. Mais

des deux plans demi-circulaires qui la forment l'un est plus grand que l'autre, & on peut concevoir que le plus grand poussé de l'un des deux sens vers le petit s'appliquera exactement contre lui, & ne laissera point d'ouverture, & que poussé de l'autre il s'en éloignera un peu, desorte qu'une matiere pourra se glisser entre deux, & se faire elle-même un passage. Ce passage ne pourra être qu'étroit, aussi les matieres qui descendent des Intestins grêles dans les gros n'y doivent-elles descendre que lentement, sans cela elles dilateroient trop le Cœcum, forceroient son ressort, & nui-roient au mouvement perissaltique, par lequel il doit chasser hors de sa cavité ce qu'elle contient.

Puisque la Valvule retient les Lavements dans les gros Boyaux, où il n'y a point de Veines lactées, il ne doit pas s'y former de Chile, & en effet M. Littre assure qu'il n'en a trouvé nulle apparence dans les gros Boyaux des personnes mortes aprés avoir pris assés de Lavements nourriffants, au lieu que dans les Intessins grêles le Chile est or-

dinairement aisé à reconnoître.

Ces Lavements sont donc un soible secours, à moins que par une conformation particuliere, ou quelque indisposition, telle que seroit un relâchement ou une Paralise du Cœcum, il sût assés dilaté pour tenir la Valvule ouverte, ou qu'elle ne le sût par des mouvements convulsis des Boyaux qui forceroient sa resistance, ausquels cas ces indispositions ou ces accidents fâcheux produiroient un bien. Alors il faudroit donner les Lavements en plus grande quantité qu'à l'ordinaire pour forcer mieux la Valvule à s'ouvrir; & même il n'y a aucun risque à les donner quand on ne verroit aucun indice de ces dispositions ou indispositions savorables. Enfin tout se réduit, selon M. Littre, non à ne les pas employer dans la pratique, mais à en esperer peu.

M. Lémery s'est opposé à ce peu, tel que l'entendoit M. Littre; sans contester l'usage de la Valvule, il a proposé

plusieurs difficultés.

24 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Des Anatomisses habiles ont trouvé des Veines lactées dans les gros intestins de l'Homme, quoi-que quelquesuns d'entre eux assûrent qu'elles n'y sont qu'en petit nombre.

Quand il n'y en auroit point, les Veines Mesaraïques se distribüent certainement à ces Intestins, & elles pourroient pomper la partie la plus subtile des Boüillons pris en Lavement, & la porter dans le sang. M. Mery a fait passer une liqueur immediatement des gros Intestins dans ces Veines.

Le corps de l'Animal vivant est si poreux, & tellement criblé, qu'il paroît que cette facilité de passer par tout qu'auront les liqueurs subtiles, doit être une ressource dans les besoins. Cette idée sera presque incontestable si le Sis-\* v. Phis. tême de seu M. Morin sur la route des Urines \* est reçû

de 1701. P. pour vrai.

34. & fuiv.

Enfin un Boüillon est un aliment tout sait, & tout préparé. Ce sont les parties les plus fines des chairs d'un Animal, toutes prêtes à se joindre à celles d'un autre, & par consequent à le nourrir.

On a objecté que c'est la Limphe qui nous nourrit, & que la Limphe & un Boüillon ne se ressemblent pas, qu'un Boüillon mis sur le seu y est toûjours liquide, & qu'au contraire la Limphe s'y prend en gelée.

A cela M. Lemery à répondu en faisant un parallele de ces deux liqueurs, qui prouve qu'elles sont composées des mêmes principes, & découvre pour quoi elles peuvent

paroître differentes.

Toutes deux ont beaucoup de Sels salés de la nature du Sel Armoniac, qui sont volatils, & étroitement unis à des particules huileuses, peu ou point de Sel sixe, peu de Terre. Les particules huileuses ne se tiennent suspenduës & exactement mêlées dans toute la substance de ces deux liquides, qu'en vertu de leur union avec les Sels. Sans cela toute l'huile se rassembleroit.

Si l'on suppose l'eau égale de part & d'autre, & en grande

grande quantité, la Limphe & le Boüillon se tiendront également liquides sur le feu. Il y a alors deux causes de leur liquidiré, la grande quantité de parties aqueuses, & le mouvement que le feu leur donne outre celui qui leur est naturel. Si l'eau a été évaporée jusqu'à un certain point, alors il n'y a plus que le mouvement de la chaleur qui entretienne la liquidité, & les deux liqueurs ôtées de dessus le feu se congelent, c'est-à-dire, que leurs Sels se cristallisent de la même maniere dont se font toutes les cristallisations Chimiques. Passé le point où les deux liqueurs sont encore liquides sur le feu, si on les y laisse davantage, elles s'y congelent toutes deux, parce que l'évaporation de l'eau ayant été trop grande, la chaleur ne fait plus que rapprocher les Sels, & les unir; & plus on laisse ces liqueurs sur le feu, plus elles se congelent & se durcissent. Si ayant été ôtées de dessus le feu, dans le temps qu'elles étoient encore affés liquides, & s'étant ensuite congelées à l'air, elles sont remises sur le seu, on voit bien qu'elles y doivent encore redevenir liquides pour quelque temps.

En suivant cette idée on entend tout d'un coup pourquoi un Bouillon est liquide sur le seu, tandis que la Limphe s'y congele. C'est qu'on ne les a pas pris l'un & l'autre dans le même état. Le Bouillon avoit beaucoup de parties aqueuses, & la Limphe trés peu. Ainsi la compa-

raison qu'on faisoit étoit trompeuse.

Aussi la Limphe se congele-t-elle quesquesois à l'air comme du Bouillon bien chargé de viande, & elle se redissout de même au seu. C'est qu'ils sont l'un & l'autre dans le point où la chaleur leur est necessaire pour la liquidité.

De tout cela M. Lémery conclut que les Lavements nourrissants peuvent être utiles. Mais comme il feroit impossible de marquer combien ils le sont selon lui, & combien peu ils le sont selon M. Littre, il y a toute apparence qu'ils sont tous deux dans le sond du même avis, quand même ils ne le croiroient pas.

Hift. 1717.

### SUR LA FORMATION DES PERLES

V. les M. p. 177.

N fait de Diamants, de Perles, &c. ce qu'il y a de moins prétieux pour le commun du monde en qui l'est le plus pour les Phisiciens, parce que c'est le plus imparfait, & qui porte le plus de marques de la maniere dont il s'est formé. C'est ainsi que les Perles de nulle valeur qu'on trouve dans les Pinnes-marines, espèce de grandes Moules de Mer, ont donné lieu à M. de Reaumur d'imaginer comment se forment ces Perles d'Orient si estimées. Nous ne touchons point au reste de la description de la Pinne-marine, à la maniere dont elle file une fove qui l'attache aux Rochers, &c.

On trouve dans le corps de ce Poisson des Perles de deux fortes de couleurs, les unes affés argentées & d'une couleur de Nacre passable, les autres rougeâtres ou jaunâtres, quelquefois même il y en a de noires. M. de Reaumur croit qu'elles sont toutes formées d'un suc qui s'est extravasé de quelques vaisseaux rompus, & a été arrêté entre des membranes, & qu'ainsi les Perles sont l'effet de quelque maladie ou de quelque accident de l'Animal. Elles feroient du même genre que les Pierres de la Vessie,

ou les Bezoards.

Pour prouver cette penfée, M. de Reaumur remarque que la surface interieure de la Coquille de la Pinne-marine est argentée, ou de couleur de Nacre depuis une certaine partie de son étendue qu'il détermine jusqu'à une autre, aprés quoi elle est rougeâtre, & ces deux couleurs sont précisément celles des deux sortes de Perles. Or selon M. de Reaumur les Coquilles des Poissons aussi-bien que cel-\* v. l'Hist. les des Limaçons \* ne sont formées que d'une matiere gluante & pierreuse sortie du corps de l'Animal, & il se celle de 1716. trouve que les Perles d'une couleur dans la Pinne-marine p.21. & suiv. répondent toûjours à l'endroit de la Coquille qui est de

la même couleur, ce qui fait voir qu'au même lieu où la transpiration d'un certain suc avoit déja fait & auroit encore continué de faire à la Coquille un enduit d'une certaine couleur, les vaisseaux qui portoient ce suc se sont rompus, & qu'il s'y est fait un petit amas de liqueur qui a été la Perle, dont par consequent la couleur est la même que celle de l'endroit de la Coquille qui lui répond.

Il y a plus. La partie argentée de la Coquille est formée de couches qui s'envelopent les unes les autres, comme les peaux d'un Oignon, la partie rougeâtre est composée de petits filets cilindriques fort courts appliqués les uns contre les autres Les Perles des deux couleurs ont aussi cette difference de tissu, non que les unes & les autres ne soient composées de couches concentriques, mais celles des Perles rougeâtres sont beaucoup moins sensibles, & elles ont de plus des filets qui comme des rayons vont de leur centre à leur circonserence.

En voilà assés pour établir les fondements du Sistême de la formation des Perles, & pour faire prévoir les differentes irregularités qui pourroient y arriver, & qui ne se-

roient que des difficultés apparentes.

### DIVERSES OBSERVATIONS

### ANATOMIQUES.

I.

NE Femme ayant fait un effort pour lever un grand poids, il parut dés le même jour à la partie inferieure de son Avant-bras droit une petite Tumeur, qui alla toûjours dans la suite en augmentant. 18 mois aprés il se sit à la partie interne de la main une ouverture par où il sortoit tous les jours du pus & de la serosité, & cependant la Tumeur ne laissoit pas de grossir ençore. Les doigts de

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE cette main étoient toûjours pliés, & ne se pouvoient étens dre. Enfin au bout de deux ans la Malade se resolut à faire ouvrir fa Tumeur, M. Sivert Chirurgien fit l'operation. Il ne fortit de matiere liquide qu'environ deux Cueillerées de ferosité gluante mêlée d'un peu de pus blanc & épais, tout le reste étoit solide, & c'étoient environ 200 petits corps blancs, ronds & oblongs, affés semblables à des faseoles, longs peut-être de 4 lignes & larges de 2, sans cavité, tous de même substance, recouverts d'une membrane assés solide, & sort adherante, à moins qu'on n'employât la maceration pour la féparer. Quelques-uns de ces Grains avoient un Pedicule par où ils auroient pû être attachés à quelque autre corps. M. Rouaut les fit voir à l'Academie. On crut que ces Grains étoient des Glandes qui s'étoient durcies en perdant leur usage naturel, & dont quelques-unes avoient conservé & emporté avec elles leur Canal excretoire, qui avoit cette apparence de Pedicule.

#### II.

M. du Verney a dit que si on casse un Oeus de Couleuvre dans le temps que le petit Serpent est prêt à sortir, on le voit d'abord roulé en spirale, roide & sans mouvement, mais que dés qu'il a ouvert la gueule deux ou trois sois, & pris l'air, il a tout à coup des mouvements trés viss. L'air monte la Machine dans le moment.

V. les M. La description d'un Fœtus qui n'a qu'un œil par.

M. Littre.

### CHIMIE.

### SUR L'ORIGINE DU NITRE.

ORIGINE du Nitre a été agitée cette année dans V. les M. p. L'Academie, comme l'avoit été l'année précedente 31. & 122. celle du Sel Armoniac. \*

C'est une operation connuë de tout le monde que celle de 1716. P. par laquelle se fait le Salpêtre, devenu malheureusement si necessaire pour la fabrique de la Poudre à canon. On le tire dans toute l'Europe de vieux Platras, de la terre des Ecuries, des Etables, des Colombiers, des Cimerieres, mais de plus il en vient des Indes Orientales, qui est beaucoup meilleur, & qu'on appelle Salpêtre de houssage, parce qu'on croit, sans le sçavoir bien positivement, que dans les lieux où l'on le prend il vient si naturellement & en si grande abondance qu'on n'a qu'à le housser ou à le balayer.

On ne trouve en aucun lieu des Minieres de Salpêtre ou de Nitre, comme on en trouve, & en grande quantité, de Sel Gemme, d'Alun, de Vitriol, de Soufre, &c. D'ailleurs on a vû par plusieurs experiences que de la Terre, d'où l'on avoit tiré tout son Nitre, en reprenoit de nouveau étant exposée pendant un certain temps à un air frais & humide, tel que celui d'une Cave, & de tout cela on a conclu que la premiere source du Nitre, étoit l'Air, que ce grand fluide est chargé de particules nitreuses extrêmement fines, qui portées & aidées par un vehicule aqueux, s'insinüent & s'assemblent dans les pores des terres propres à les recevoir. On a crû même que ce Nitre

30 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE aërien étoit ce qui rendoit la respiration si absolument necessaire, parce qu'il pouvoit seul animer le sang, & lui donner la sorce dont il a besoin pour circuler. Ce Sistème du Nitre aërien a sait une assés grande sortune.

Cependant M. Lémery l'attaque, & il prétend que ni la Terre ni l'Air ne sont les sources du Nitre, ce qui peut paroître un Paradoxe, & rendre la veritable source assés

difficile à deviner.

Pour mettre toute cette matiere dans un plus grand jour, il définit exactement les termes. Le Nitre n'est qu'un certain Sel Acide, different de l'Acide du Sel commun, de celui du Vitriol, ou du Soufre, &c. Comme nous n'avons pas les Acides purs, cet Acide est engagé avec un Alkali ou fixe, ou volatil. Dans le premier cas le Sel composé ou salé qui en resulte, est le Salpêtre, dans le se-

cond c'est un Sel armoniac nitreux.

M. de Ressons a sait voir qu'il y a des Plantes, comme la Bouroche, le Pourpier, &c. dont on tire facilement du Salpêtre tout sait & bien conditionné, & il y a tout lieu d'esperer qu'en suivant cette vûë on multipliera extrêmement le Salpêtre & à peu de frais. M. Lémery adopte cette experience. Les Plantes ont beaucoup de Sel sixe & peu de Sel volatil, le Nitre principe, ou tel qu'il a été désini, en s'unissant à leur Sel sixe, a formé du Salpêtre. En voilà déja une source qui est vegetale.

Selon toutes les apparences, c'est celle du Salpêtre des Indes, ou de houssage. Dans de grands Cantons deserts ou peu habités il vient des Plantes annuelles, naturellement chargées de Salpêtre. Elles meurent, se pourrissent, & les grandes pluyes, reglées dans ces Climats, sont penetrer leurs sucs dans la terre, qui fait alors l'effet de dégraisser leur Salpêtre, c'est-à-dire, de le séparer des parties huileuses avec lesquelles il étoitmêlé dans ces Plantes. Les temps où le Soleil est découvert viennent ensuite, & ce Salpêtre dégraissé étant dégagé par le Soleil des humidités superslues, paroît sur la surface de la terre, où l'on n'a

plus qu'à le recüeillir. Si ce n'est pas là précisément ce qui se fait, ce sera du moins quelque chose d'équivalent

& de fort semblable.

Le Nitre a aussi une source animale. Les Animaux tout au contraire des Plantes ont trés peu de Sel fixe, & beaucoup de Sel volatil. Quand le Nitre principe s'est uni à ce Sel volatil, & est devenu par consequent un Sel armoniac nitreux, c'est celui qu'on tire en Europe des terres où les Animaux ont déposé leurs excréments, ou de celles où leurs corps ont pourri, ou du moins de celles où l'on a jetté des eaux impregnées de particules animales, comme des murs de Cuisines. M. Lémery soutient que tout nôtre Salpêtre artisciel d'Europe vient de-là sans exception, & il s'est convaincu par plusieurs experiences que des terres bien exemptes de tout soupçon de contenir des particules animales, exposées à l'air aussi long-temps qu'on voudra, & dans les lieux les plus savorables, ne donnent jamais aucune indice de Salpêtre.

Ce seroit une grande objection contre le Nitre animal qui est un Acide, que l'opinion où sont beaucoup de Phisiciens qu'il n'y a point d'Acides dans les Animaux. Mais seu M. Homberg a levé d'avance cette difficulté en 1712 par des preuves de sait \*. Il est vrai seulement que \*ples Acides des Animaux sont difficiles à tirer, ils sont suiv.

trop liés avec des particules grasses & huileuses.

C'est pour cela même qu'il saut que le Nitre animal entre dans une terre qui le dégraisse. Cette operation naturelle demande du temps, & de-là vient que les plus vieux platras, & ceux des Masures qui ont été le plus long-temps inhabitées, sont les meilleurs pour le Salpêtre. On ne le tireroit pas si aisément ni en si grande quantité des terres qui seroient le plus impregnées d'excréments d'Animaux, mais qui le seroient recemment. Il semble que le Nitre doive avoir eu quelque mouvement lent, quelque espece de circulation qui l'ait purissé.

Toutes les terres ne sont pas également propres à le

\* p. 45. 88

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE recevoir. Les meilleures sont celles qui sont bien poreuses & bien séches, telles que des Murs où il entre beaucoup de chaux. Le Nitre ne fait que couler sur les terres argilleuses & grasses, & ne les penetre point.

Il faut en même temps que l'humidité de l'air lui aide à s'insinuer dans les terres qui doivent le recevoir, il s'évapore promptement dans des lieux trop exposés au Soleil.

On peut même croire que quand il est entré dans les terres à la faveur d'une humidité qui l'y abandonne, l'air lui cause ensuire une legere sermentation, qui contribuë à le persectionner, car on sçait que l'air sermente aisément avec les matieres animales, & que c'est-là ce qui le rend si ennemi des Playes, & peut-être si necessaire à la respiration & à la vie. Cela rendroit encore plus lente l'operation naturelle qui fait ici le Salpêtre, ou plussôt le Sel Armoniac nitreux.

Tout ce que nous tirons de nos terres n'est que ce Sel Armoniac, & il ne devient de veritable Salpêtre que par l'addition artificielle du Sel fixe des Cendres. C'est en quoi il differe du Salpêtre des Indes, qui porte avec lui son Sel fixe tiré des Plantes avec le Nitre principe.

Ce n'est pas que nous ne puissions avoir aussi, mais rarement, un Salpêtre tout fait & de houssage. Cela arrivera ou comme aux Indes sur des terres qui auront porté des Plantes nitreuses, ou même lorsque le Nitre principe se sera uni au peu de Sel sixe qui est dans les Animaux. Au contraire si ce même Nitre s'est uni dans les Indes au peu de Sel volatil qui est dans les Plantes, ce ne sera qu'un Sel Armoniac nitreux, qui pour devenir Salpêtre aura besoin d'un Sel sixe, ou de l'addition des Cendres.

Ces deux especes de Salpêtre, l'une naturelle, l'autre artiscielle, du moins en partie, étant ainsi établies par M. Lémery, & bien distinguées, on voit assés qu'il n'y en a que deux sources, l'une vegetale, l'autre animale, & que toutes deux ne se doivent point réduire à une seule source minerale, quoi-que la nourriture des Plantes & des Ani-

maux ne vienne que de la terre. Sans doute la matiere du Nitre principe vient de la terre, mais il n'y a pas pris sa forme, il ne l'a prise que dans les organes des Plantes ou des Animaux, & appareniment à l'aide de quelque sermentation.

On se convaincra facilement que les sucs tirés de la terre par les Plantes, ou des Plantes par les Animaux, y deviennent fort differents de ce qu'ils étoient. Par exemple, les Plantes & fur-tout les Animaux donnent un Sel alkali trés volatil, & s'il n'est devenu alkali que par le feu, du moins avoit-il une extrême disposition à le devenir, puisqu'il vient à un feu fort mediocre. Mais les Mineraux ne donnent presque jamais rien de pareil, on n'en tire que des Sels concrets, fort acides, moins volatils que le flegme, au lieu que le Sel volatil des Plantes & des Animaux l'est davantage, & monte le premier. Ainsi, selon la reflexion de M. Lémery, les Acides des Mineraux sont peu envelopés, ceux des Plantes davantage, ceux des Animaux le sont à un point qu'il est difficile de les dégager, & ce sont originairement les mêmes matieres qui ont pris ces differentes formes.

Puisque les Animaux se nourrissent des Plantes, & que réciproquement dans le sujet dont il s'agit les Plantes se nourrissent des Animaux, car on excite leur vegetation par le sumier, il faut que ce qui étoit dans les Plantes veritable Salpêtre, devienne dans les Animaux simple Sel Armoniac nitreux, & au contraire.

M. Lémery explique trés simplement cette double metamorphose, en supposant que le Nitre principe toûjours le même est toûjours aussi attaché à la même matrice, à cela prés que dans les Plantes cette matrice devient plus terreuse, & par-là est fixe, & que dans les animaux elle perd de ses parties terreuses, & en prend d'autres huileuses, ce qui la rend volatile.

La vertu qu'a le Nitre de rendre les terres plus fecondes est trés connuë. Mais de plus il a une proprieté par-

Hift. 1717.

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE ticuliere, qui le rend plus propre à nourrir des Plantes, s'il l'a par lui-même, ou qu'il a peut-être retenuë de ce qu'il a nourri des Plantes, c'est que naturellement il se ramisse & se dispose en branchages. Toutes les vegetations Chimiques, l'Arbre de Diane, & en dernier lieu l'Arbre \* v. l'Hist. de Mars qu'on doit à M. Lémery \*, ne se font point sans de 1706. p. Nitre. Si cette proprieté du Nitre se maintient toûjours celle de 1707. par les experiences, à l'exclusion des matieres semblables, p. 32. & suiv. quelle Phisique l'expliquera!

39. & fuiv. &

### SUR LE CHANGEMENT DES ACIDES

#### EN ALKALI.

V. les M. p. 226.8246.

dans la Chimie, & qui produit ou explique tant de 'Opposition des Acides & des Alkali, si celebre phenomenes, n'est pourtant pas si grande que ces deux especes de Sels ennemis ne se changent l'un en l'autre.

Quand un Acide, que l'on conçoit en general comme un petit Dard roide, long & pointu, est absorbé ou concentré dans une portion suffisante de terre, le tout s'appelle un Sel salé, ou composé, ou moyen, ou neutre, parce qu'alors cet Acide enfermé dans cette gaine ne peut faire fentir la même saveur que s'il en étoit dégagé, & qu'il fait cependant sentir une saveur salée, & que par la même rai-

fon il est composé, &c.

Le feu est le seul agent qui puisse dégager l'Acide de la terre qui l'envelope. Alors l'Acide plus leger que la terre s'éleve, & elle demeure au fond du Vaisseau, ce qui la fait appeller fixe par opposition à l'Acide qui est volatil. Cette terre privée de son Acide a des pores vuides, au lieu qu'ils étoient auparavant remplis, & en même temps parce qu'elle a reçû l'action du feu, elle en a conservé des particules ignées, qui lui donnent une faveur acre que n'auroit pas une terre pure. A cause de cette sayeur elle

est appellée Sel, & à cause de ses pores ouverts qui la disposent à recevoir de nouveaux Acides, elle est appellée Sel Alkali.

Il ne faut pas croite qu'une terre qui a été impregnée d'Acides en puisse être parfaitement dépouillée, il y en reste toûjours, mais en une quantité beaucoup moindre. Ainsi les Alkali ne sont, si l'on veut, qu'une trop petite quantité d'Acides envelopés d'une trop grande quantité de terre.

Le feu grossier & visible n'est pas le seul agent qui puisse séparer les Acides de leur terre, la fermentation fait le même effet, parce qu'elle est un feu, qui quoi-qu'invisible est trés fort & trés actif. Les Alkali sont donc une production de l'un ou de l'autre feu, & on en pourroit dire autant des Acides dégagés, puisque c'est la desunion des parties d'un même Sel salé causée par le feu qui a donné des Acides aussi bien que des Alkali; toute la difference est qu'il entre dans les Alkali quelques particules ignées introduites par le feu, au lieu que dans les Acides il n'y a rien d'étranger.

Selon ces idées tout Acide est volatil, & au contraire tout Alkali seroit fixe, si tout Alkali n'étoit que de la terre. Mais, comme il a été dit ci-dessus \*, le peu d'Acide \*p. 33: qui demeute encore dans l'Alkali peut être uni à une portion d'huile aussi-bien qu'à une portion de terre, & parce que l'huile est volatile, le tout ou l'Alkali sera volatil, si

elle y domine.

En ce cas l'Alkali a une saveur & une odeur forte, penetrante & urineuse, & c'est ce qu'on appelle un Sel Alkali volatil urineux.

Ces differentes notions étant bien établies & bien démêlées, on voit aisément en general tout ce qui peut refulter des féparations ou des nouvelles réunions des parties d'un Mixte.

Un Acide peut devenir Alkali, puisqu'aprés avoir été dégagé de sa matrice quelconque il peut se réunir de nou-

yeau en petite quantité à une matrice ou purement ter-

reuse, ou terreuse & huileuse. Dans le premier cas, il est Alkali fixe, dans le second il peut être Alkali volatil, si dans la matrice supposée la dose de l'huile l'emporte à un certain point sur celle de la terre, & dans ce même cas il

fera urineux.

Ce qui étoit Alkali fixe peut devenir volatil & urineux en déposant une partie de sa terre, & prenant de l'huile

en la place.

Mais quand de ces vûës generales on descend au détail des experiences particulieres, on trouve que ces changements ne sont pas également faciles dans les trois differents genres de Mixtes, ou dans les trois Regnes, ce qui n'est rien moins que surprenant, à cause de la quantité des circonstances qui doivent y concourir. C'est dans le Regne Mineral que ces metamorphoses sont les plus rares, parce que les parties des Mineraux sont plus étroitement liées, & peuvent moins, pour ainsi dire, jouer ensemble, mais aufli parce que ces metamorphofes font plus rares dans le Regne Mineral, les Chimistes doivent être plus curieux de les y produire. Ainsi la Chimie n'ayant donné jusqu'à present que dans la seule operation de la fixation du Salpêtre un exemple d'un Acide mineral changé en Alkali fixe, M. Geoffroi a voulu changer ce même Acide en Alkali volatil urineux, & y a reiissi. Il a reiissi pareillement sur l'Acide du Vitriol. Il s'est trouvé que dans le même temps M. Lémery avoit eu la même pensée, & le même succés dans une operation qu'il suivoit encore. Leurs Memoires feront voir les faits dont nous avons indiqué la possibilité. En Geometrie toute possibilité est un fait, mais il n'en va pas de même en Phisique. Seulement il est bon que quand on arrive au fait, on soit préparé par la connoissance de la possibilité.



## BOTANIQUE.

Marchant a donné la description du Leontopetalon foliis costæ ramosæ innascentibus, & du Leontopetalon foliis costæ simplici innascentibus.

Et M. Reneaume celle de l'Erangelia Pauli Renealmi.

Ous renvoyons entierement aux Memoires La description du Kali d'Alicant par M. de Jussieu.

V. les M.

Et celle de deux nouvelles especes de Lamium par M. P. 73. les M. Danty d'Isnard.



38 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE



# ALGEBRE.

#### SUR LE CALCUL

Des Differences finies, & des Sommes des Suites.

V. les M. P. 7.

'INFINI, que nous connoissons si peu, ne laisse pas de nous donner des vûës sur le Fini, que nous nous croyons toûjours à portée de connoître. On sçait comment les Geometres modernes, pour pouvoir parvenir à des Theories generales sur les Courbes, ont été obligés de les considerer comme composées d'une infinité de cotés infiniment petits, & leurs Ordennées comme infiniment proches, & toujours croissant ou décroissant de l'une à l'autre infiniment peu, ou par differences infiniment petites. Pour operer sur ces différences, il a fallu en avoir l'expression, & par les Regles connues du Calcul differentiel on la tire de l'Equation d'une Courbe quelconque, c'est-à-dire, que l'on a en general la difference infiniment petite dont toutes les Ordonnées possibles d'une Courbe croîtront ou décroîtront à chaque pas infiniment petit. Supposé que la Courbe commence par avoir une Ordonnée qui soit nulle ou Zero, ce qui est le cas le plus naturel, chaque Ordonnée est la somme des différences de toutes les Ordonnées précedentes. Ainsi lorsqu'au lieu de trouver, comme on avoit fait selon le Calcul differentiel, les différences infiniment petites par les Ordonnées finies, on retrouve selon le Calcul Integral les Ordonnées finies par les differences infiniment petites, ce sont des sommes de differences que l'on retrouve. De même si un espace curviligne étant déterminé, on a l'expression de la derniere partie infiniment petite de cet espace, qui sera sa derniere disference, puisque c'est la derniere quantité dont il a crû ou décrû, & si cette disserence ou disserentielle se peut integrer, son integrale donne l'espace curviligne entier, qui n'est que la somme d'une infinité de petits espaces disserentiels pareils qui ont précedé. On en dira autant des Solides sinis que l'on considerera comme sormés d'une infinité de petits Solides disserentiels, & en general toute grandeur disserentielle étant integrée donne la somme de l'infinité de grandeurs de son espece qui l'ont

précedée.

M. Taylor, sçavant Geometre Anglois, a fait apparemment cette reflexion ingenieuse, quoi-que simple, que si ces differentielles integrées donnent toûjours des sommes, cela ne vient point de ce qu'elles sont infiniment petites, & précedées d'une infinité de grandeurs, mais seulement de ce qu'elles sont differentielles, & précedées de grandeurs de même espece, & que par consequent cette proprieté doit se retrouver dans le Fini, de sorte qu'une Suite de Nombres étant posée, si on peut trouver l'expression de la grandeur disterentielle qu'elle aura aprés un nombre quelconque de termes, comme aprés 10 termes, 15, 20, &c. Et si on peut trouver l'integrale de cette differentielle, cette integrale sera la somme de tous les termes précedents depuis l'origine de la suite, comme des 10 premiers, des 15, &c. En effet il faut considerer la somme des termes de la Suite quelconque comme une quantité toûjours croissante à chaque terme nouveau qu'elle prend, & ce terme nouveau est une differentielle, mais sinie, dont elle s'augmente. Quelle que soit la route qui a conduit M. Taylor à appliquer le Calcul des différences infiniment petites à ces differences finies, c'est sur cela qu'il a fondé son Traité intitulé Methodus Incrementorum, & cette application nouvelle a des usages que les Geometres sentiront d'abord, & que nous tâcherons de faire apercevoir. M. Nicole qui en a été frapé a voulu mettre toute 40 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE cette matiere dans un plus grand jour, il a pris le fond de la belle découverte de M. Taylor, & il y a joint du sien tout ce qu'il a cru necessaire ou pour éclaircir, ou pour étendre cette Theorie.

Elle n'est nullement necessaire pour les progressions Arithmetiques, puisque par des regles connuës on a la somme de tel nombre de leurs termes que l'on veut, & de plus elle n'y seroit pas appliquable. Elle ne l'est qu'à des Suites qui ont ces deux conditions, 10, que leurs termes soient formés par un produit, 2º. qu'il n'entre dans ce produit qu'une seule grandeur indéterminée qui croisse toûjours d'une même quantité, d'où il suit que toute la Suite pourra être renfermée dans une seule expression algebrique. Ainsi cette Suite 2, 6, 12, 20, 30, 42, &c. est dans les conditions requises, parce que 2 est le produit de 1 par 2, 6, celui de 2 par 3, 12 celui de 3 par 4, 20 celui de 4 par 5, &c. & qu'en supposant une grandeur indéterminée qui croisse toujours de 1, cette grandeur multipliée par elle-même accrûë de 1 exprimera un terme quelconque de la Suite, & que pour avoir un terme déterminé il ne faudra que lui donner une valeur. La quantité ou différence constante dont la grandeur indéterminée croît, peut être tout autre nombre que 1, & le produit dont chaque terme de la suite est formé peut être formé de la grandeur indéterminée repetée autant de fois qu'on voudra, mais toûjours accrûë à chaque fois de la difference constante.

Cette disserence constante sait que l'expression algebrique de la Suite, ou, ce qui est le même, d'un terme quelconque de la Suite, étant donnée, il est trés aisé de trouver celle du terme quelconque suivant. Ce terme suivant est la disserentielle sinie dont la somme totale de la Suite augmentera en prenant ce nouveau terme, & l'on trouve une formule generale pour cette disserentielle. Son integrale, qui sera la somme de tous les termes précedents, se trouve en saisant le contraire de ce qu'on a sait pour avoir

avoir la differentielle, c'est-à-dire, en ajoutant ce qu'on avoit retranché, en divisant si on avoit multiplié, ou au contraire. Ainsi on a par une formule generale la somme de tous les termes de ces Suites jusqu'à un certain terme, ou, ce qui est le même, la somme de tel nombre de termes que l'on veut.

Comme ces Suites sont necessairement croissantes, si on les supposoit infinies leur dernier terme seroit infini & leur somme infinie, & on la trouveroit telle par la Methode de M. Nicole. Mais cette connoissance n'est pas ordinairement si utile ni si difficile que celle des sommes

finies de tel nombre fini de termes que l'on veut.

Si une Suite croissante quelconque conditionnée comme cette Methode le demande est changée en une Suite de fractions, ce que l'on fera en prenant tous ses termes pour des dénominateurs de fractions dont 1 sera le numerateur constant, on aura une Suite décroissante, dont M. Nicole trouve aisément la somme d'un nombre quelconque de termes, car ce qu'il a fair pour les nombres entiers s'applique de soi-même aux rompus. Or les Suites décroissantes étant poussées jusqu'à l'infini ont souvent des sommes finies, & il est d'une grande unlité de les pouvoir

déterminer comme fait la Theorie presente.

Pour cela il n'y a qu'à renverser la Suite infinie décroissante, c'est-à-dire, prendre pour son premier terme celui qui étoit naturellement le dernier, & chercher la somme du nombre infini de termes compris depuis celuilà jusqu'à tel terme qu'on voudra placé vers son origine naturelle, & par consequent connu; par exemple, la somme des termes depuis le dernier jusqu'au 3me. ou 4me. &c. ou même jusqu'au 1er ce qui donnera la somme totale de la Suite. Ainsi l'on a la somme non seulement de tel nombre fini de termes que l'on veut, mais du nombre infini total des termes, ou d'un nombre infini des termes moins tel nombre fini que l'on veut. Par exemple, la Suite 2, 6, 12, 20, 30, 42, &c. étant réduite en frac-Hift. 1717.

42 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYKLE tions qui ont toutes 1 pour numerateur, sa somme est 1, & celle des 5 premiers termes est  $\frac{1}{6}$ , & par consequent celle du nombre infini de termes depuis le  $6^{\text{me}}$ , inclusivement jusqu'au dernier n'est que  $\frac{1}{6}$ .

Il n'est pas necessaire que 1 soit le numerateur perpetuel, tout autre nombre peut l'être, ce qui est évident, & même les numerateurs peuvent être variables, ou changer, mais il saut que ce soit avec un certain ordre, ou sous-

certaines conditions.

Quand les conditions que demande une Suite infinie décroissante pour être sommée par la Methode de M. Nicole, ne se trouvent pas dans une Suite proposée, il saut voir si elle ne peut pas être changée en d'autres Suites où ces mêmes conditions se trouvent. Cela se fait en décomposant la proposée, & en la resolvant en deux ou plusieurs Suites conditionnées comme il saut, mais c'est-là une espece de bonheur que l'on n'a pas toûjours quand on voudroit. Un grand nombre de Suites échapent encore à la Methode de M. Nicole, & il en échapoit davantage à celle de M. Taylor. Peut-être avec le temps en échapera-t'il moins.

Quoi-qu'il en soit, ceux qui ont quelque idée du Calcul Differentiel & de l'Integral en verront ici avec plaisir les principes qui percent déja dans le fini, & qui annoncent ce qu'ils produiront dans l'infini, pour lequel seul la

consideration des Courbes les avoit fait employer.

ETTE année M. de Traytorens d'Yverdun donna à l'Academie une nouvelle Methode pour les Cal-

culs arithmetiques, qui fut fort approuvée.

Les expressions Arithmetiques pour les Nombres ce sont les 10 caractères 1, 2, 3, &c. combinés comme tout le monde sçait pour representer tous les nombres possibles. Les expressions Algebriques ce sont des Lettres de l'Alphabet qui ont telles valeurs que l'on yeut. Deux Let-

tres ayant été prises pour representer deux nombres déterminés, si on veut faire un produit de ces deux nombres, on n'a qu'à écrire les deux Lettres tout de suite, & dans ce produit qui est un nouveau nombre on voit encore par consequent les deux qui l'ont sormé, & que nous appellerons ses Elements, au lieu que dans les expressions arithmetiques des produits les élements disparoissent; par exemple, on ne voit point du tout par cette expression 21 que 21 est le produit de 3 par 7, il saut le sçavoir d'ailleurs. Dans de plus grands nombres ni on ne le voit, ni on ne le sçait, & il saut saire de grandes operations.

Par la même raifon les divisions arithmetiques sont longues & embarassées, & les algebriques sort courtes, & presque toutes saites d'elles-mêmes, lorsque la grandeur à diviser & le diviseur ont des Lettres ou des élements communs, car il n'y a qu'à effacer de part & d'autre ces éle-

ments, & le quotient est trouvé.

Ces avantages des expressions algebriques sur les arithmetiques à l'égard de la multiplication & de la division, M. de Traytorens a pensé à les transporter dans l'Arithmetique. Pour cela il faut réduire les Nombres à être ex-

primés par des Elements.

Tous les Nombres sont ou premiers tels que 1, 2, 3, 5, 7, 11, &c. Si cependant 1 doit être compté, ou composés des premiers par multiplication, tels que 4, 6, 8, 10, 12. &c. les nombres premiers sont donc élements & ils doivent entrer, & entrer seuls dans la composition & dans l'expression de tous les autres. Je dis seuls, non qu'un nombre qui n'est pas premier ne puisse être formé de nombres qui ne seront pas tous premiers, ainsi 12 est le produit de 2 par 6 qui n'est pas premier, mais 6 luimême est le produit de 2 par 3 tous deux premiers, & il ne saut considerer 12 que comme le produit de 2 par 2 par 3, trois élements qui sont nombres premiers, ou du moins deux élements dont l'un est repeté deux sois, ou élevé au quarré. Il en va de même de tous les autres

44 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

nombres que l'on pourra concevoir formés de quelqu élements qui ne feront pas nombres premiers, ces faux élements fe resoudront toûjours en nombres premiers, qui feront les vrays élements, & les seuls que l'on devra considerer comme formant le nombre proposé, soit qu'ils

foient repetés, ou non.

Cela posé, & cette idée étant renduë generale, on peut avoir un Table où vis-à-vis de tous les Nombres naturels rangés de suite & exprimés à l'ordinaire seront ces mêmes nombres exprimés par les produits de leurs élements, à l'exception des nombres premiers qui n'auront pas d'autre expression qu'eux-mêmes, puisqu'ils sont les élements des autres. Ainsi 4 sera exprimé par le quarré de 2, 6 par le produit de 2 & de 3, 8 par le cube de 2, &c. On pourra pousser cette Table si loin qu'on voudra, & plus elle sera poussée loin, plus elle sera utile. On y verra

10. La formation primitive & essentielle de tous les

nombres non premiers.

2°. Tous les diviseurs possibles d'un nombre, car ces diviseurs sont non seulement les élements pris chacun séparément, mais encore ces mêmes élements pris deux à deux, trois à trois, &c. selon les regles connuës des combinaisons, de sorte que le plus grand diviseur se presentera tout d'un coup aux yeux.

3°. Tous les nombres qui seront ou quarrés ou cubiques, ou quarré-quarrés, &c. ce qu'on jugera trés aisément par les exposants des élements, & par consequent quelles sont les racines quarrées ou cubiques, &c. d'un

nombre quelconque.

4°. Combien un même nombre peut être de differentes puissances à la sois, & quelles sont toutes ses racines. Ainsi parce que 46656 sera exprimé par le produit de 2 & de 3 élevés l'un & l'autre à la 6<sup>me</sup>. puissance, on verra tout d'un coup que 46656 est la 6<sup>me</sup>. puissance de 6, le cube de 36, & le quarré de 216.

5°. Quels sont les nombres premiers, car ils demeure-

ront sans expression, & feront des vuides dans la Table.

6°. Combien il y en a de répandus dans la Suite des nombres naturels. Ainsi l'on s'appercevra sans peine que dans la 1<sup>re.</sup> centaine des naturels il y a 26 nombres premiers, 21 dans la 2<sup>de.</sup> 15 dans la 3<sup>me.</sup> 16 dans la 4<sup>me.</sup> 17 dans la 5<sup>me.</sup> 14 dans la 6<sup>me.</sup> 16 dans la 7<sup>me.</sup> 14 dans la 9<sup>me.</sup> 16 dans la 7<sup>me.</sup> 14 dans la 10<sup>me.</sup> &c. ce qui joint à la consideration des intervalles qui sont entre eux peut n'être pas inutile à la Theorie de ces nombres.

Cette Table étant construite jusqu'à 1000, par exemple, on a donc tous les nombres non premiers jusqu'à 1000, exprimés par leurs élements. Si je veux multiplier l'un par l'autre deux nombres non premiers compris dans cet espace, il est visible que leur produit sera celui de leurs élements. Par exemple, le produit de 15 & de 34 sera celui de 3 & de 5, élements de 15, par 2 & 17 élements de 34. Mais pour trouver que ce produit qui est celui de 2 par 3 par 5 par 17 est 510 il faut une seconde Table ou par ce produit de 2 par 3 par 5 par 17 ie trouve tout d'un coup 510.

Pour cette seconde Table il saut établir un certain ordre selon lequel les nombres premiers en se multipliant successivement les uns les autres produisent tous les nombres non premiers, & en vertu de cet ordre on trouvera que le produit des nombres premiers proposé vaut 510. Il en ira de même de tous les autres possibles compris

dans les bornes de la Table.

L'ordre que prend M. de Traytorens est de multiplier d'abord 2, ensuite 3, ensuite 5, &c. par tous les autres nombres premiers compris entre 1 & 1000, si la Table s'arrête à 100, de sorte que les produits ne passent point 1000. Aprés cela il multiplie 2 & 3 ou 6 par tous les nombres premiers suivants, ensuite 2, 3 & 5 ou 30 par tous les nombres premiers suivants, & toûjours ainsi de suite, & tous les produits exprimés à l'ordinaire sont écrits dans des colonnes correspondantes.

F iij

46 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Par-là deux nombres premiers ou non premiers étant donnés, on en trouve aussi-tôt le produit comme par les Tables des Logarithmes, mais on le trouve sans faire aucune operation, au lieu que par les Tables des Logarithmes il faut saire de grandes additions, & même pour les

plus petites multiplications.

Selon la methode presente les divisions sont d'une extrême facilité quand le nombre à diviser & le diviseur ont quelques élements communs, ce qui est trés frequent, ainsi pour diviser 780 dont les élements sont 2, 2, 3, 5, 13 par 65, dont les élements sont 5, 13, il n'y a qu'à essacer de part & d'autre 5 & 13, le reste qui est 2, 2, 3 ou 12 est le quotient de 780 divisé par 65. De même on verra tout d'un coup que 812 dont les élements sont 2, 2, 7, 29 divisé par 696 dont les élements sont 2, 2, 3, 29 est 7 divisé par 6 ou 1 to les Logarithmes il faudroit faire une soustraction de deux grands nombres.

Il est évident que par la même voye les fractions sont en un moment & à l'œil réduites à leurs moindres termes,  $\frac{8}{6}\frac{1}{9}\frac{2}{6}$  par exemple a  $\frac{7}{6}$ . De même le plus grand commun diviseur de deux nombres saute aux yeux. Ici c'est

4 fois 29, ou 116.

Si le nombre à diviser & le diviseur n'ont pas d'élements communs, il faut, en laissant le diviseur tel qu'il est, & en remontant au dessus du nombre à diviser, c'est-à-dire, à de plus petits nombres, trouver celui qui en est le plus proche, & qui a des élements communs avec le diviseur. La division de ce nouveau nombre étant faite comme dans le cas précedent, son quotient sera le quotient cherché, à cela prés qu'il y faudra ajoûter la difference du premier nombre à diviser & du nouveau nombre divisée par le diviseur. On entendra aiscment cette pratique, & on y sera les suppléments necessaires, pour peu que l'on prenne l'esprit de la Methode.

Les extractions parfaites ou imparfaites de racines quelconques se trouveront ici toutes faites, car il sera aisé de distinguer dans les Tables par une couleur, ou par quelque autre marque les nombres tellement formés par leurs élements qu'ils seront une ou plusieurs puissances, & on verra par les distances des nombres intermediaires à ceux-là & par leurs élements quelles puissances ils renserment, & combien il s'en faudra qu'ils ne soient certaines puissances. Tout cela seroir plus aisé à voir qu'il ne l'est à expliquer.

pliquer. On voit affés que ces Tables auroient avec les mêmes usages que celles des Logarithmes d'autres usages particuliers. De plus il est impossible que dans la construction des Tables des Logarithmes il n'y ait un trés grand nombre d'erreurs, qui à la verité peuvent être negligées, parce qu'elles sont peu sensibles sur d'aussi grands nombres que ceux qu'on prend exprés pour les pouvoir negliger. Mais enfin ce sont toujours des erreurs, dont les calculs fondés fur les Logarithmes se ressentent necessairement, & ici tout seroit dans une entiere exactitude. Aussi la Methode de M. de Traytorens est-elle tirée du fond de la nature des nombres, & elle procede toûjours directement, au lieu que celle du Baron Neper, Auteur des Logarithmes. est plus indirecte & plus détournée. Par cette raison même celle-ci peut paroître plus ingenieuse, quoi-qu'il n'y ait veritablement rien de plus ingenieux que d'aller le plus droit qu'il est possible. Le grand avantage des Logarithmes, c'est d'être en possession des calculs. Il est vrai cependant que de grands calculateurs ne s'en louent pas trop.





# GEOMETRIE.

### SUR LE PARALLELISME

ou Non-parallelisme apparent des Rangées ou Allées d'Arbres.

V. les M. p. 88.

L n'y a personne qui étant placé à un bout d'un longue Allée d'Arbres plantés sur deux lignes droites paralleles n'ait remarqué que les Arbres à l'autre bout paroissoient s'approcher, & cela d'autant plus que l'Allée étoit plus longue. La Perspective empêche que les deux lignes sur lesquelles les Arbres sont plantés ne paroissent paralleles, comme elles le sont réellement, elle diminuë toujours de plus en plus l'apparence de leur intervalle toûjours égal en lui-même.

Les Geometres, qui ne cherchent que des difficultés, ont demandé sur quelles lignes il saudroit disposer des Arbres pour corriger cet esset de Perspective, ou asin que les deux rangées parussent toûjours paralleles. Il est clair d'abord que pour le paroître il saudroit qu'elles ne le sussent pas, & qu'elles s'écartassent toûjours l'une de l'autre, mais selon quelle regle saudroit-il qu'elles s'écartassent?

Les deux lignes de rangées doivent être telles que les intervalles inégaux de deux Arbres quelconques correspondants, c'est à-dire, de ceux qui sont chacun le 1es, le 2d, le 3me. &c. de sa rangée, soient toujours vûs égaux, ou sous le même angle, si c'est de cette seule égalité des angles visuels que dépend l'égalité de la grandeur apparente des objets, ou si en general cette grandeur ne dépend que de celle des angles visuels.

Sur

Sur ce principe le P. Fabry a dit sans démonstration, & le P. Taquet a dit aprés lui & démontré, mais par une voye trés difficile, que les deux rangées d'Arbres devoient être deux demi-Hiperboles opposées. Pour se faire une idée distincte, il faut concevoir que la premiere largeur de l'Allée, ou l'intervalle des deux premiers Arbres correspondants, est déterminé arbitrairement. Les deux extremités de cette premiere largeur sont les sommets de deux Hiperboles opposées, dont par consequent le centre commun est au milieu de cette largeur, qui est leur axe transverse ou premier. L'œil est placé dans une ligne qui est perpendiculaire au plan de l'Allée, & qui part du centre des Hiperboles. Le double de la longueur de cette ligne quelconque sera le second axe des deux Hiperboles qu'il faut décrîre, & leurs deux axes étant ainsi déterminés, leur espece l'est aussi. Il est visible qu'à moins qu'on ne suppose que l'œil ayant été tourné d'un côté se tourne ensuite de l'autre, il ne faut que les deux demi-Hiperboles opposées, qui se presenteront leurs convexités, & s'écarteront toûjours l'une de l'autre. Les Arbres, ou pour parler plus exactement, les pieds des Arbres correspondants disposés sur ces deux demi-Hiperboles seront toûjours vûs sous un même angle, à quelque distance qu'ils soient de l'œil.

La démonstration du P. Tacquet est une Sinthese fort longue & fort embarassée, & M. Varignon trouva la même Solution par une Analise si simple & si courte qu'elle ne contient qu'une seule Analogie, tant il peut y avoir de difference entre les diverses voyes d'arriver aux mêmes verités. M. Varignon sit plus, il rendit le Ploblème beaucoup plus general; les angles visuels seront non seulement toûjours égaux, mais croissants ou décroissants selon tel ordre qu'on voudra, pourvû que le plus grand ne soit pas plus grand qu'un droit, & tous les autres aïgus, & comme les Sinus des angles sont leur mesure, il suppose une Courbe quelconque dont les Ordonnées represente-

Hift. 1717.

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE ront les Sinus des angles visuels, & il la nomme par cette raison Courbe des Sinus. De plus l'œil peut être placé où l'on voudra, soit précisément au commencement de l'Allée, soit en de cà, soit au de là. Tout cela posé, il suppose que la premiere rangée d'Arbres est une ligne droite, & il cherche quelle ligne doit être la seconde, qu'il appelle Courbe de rangée. Il trouve une équation generale & indéterminée, où la position de l'œil, la Courbe quelconque des Sinus, & la Courbe quelconque de rangée sont liées de telle maniere que dés qu'on aura déterminé deux de ces trois choses, la troisiéme le sera necessairement, & s'offrira aussi-tôt. Il faut même remarquer que la differente position de l'œil ne change rien à la Courbe des Sinus, ce qui est évident, ni à la nature de la Courbe de rangée, mais seulement à sa position, ce qu'on voit assés

aussi qui doit être.

Ainsi si on veut que les angles visuels soient toûjours égaux, c'est-à-dire, si la Courbe des Sinus est une droite, la Courbe de rangée devient une Hiperbole, l'autre rangée d'Arbres ayant été supposée ligne droite. Si l'œil est posé sur le commencement de l'Allée, le premier pied d'Arbre est posé sur le sommet de l'Hiperbole, ou, ce qui est la même chose, ce sommet est le premier point que l'œil puisse voir sur la Courbe de rangée. Par-là il est facile de juger que si l'œil est autrement posé, le sommet de l'Hiperbole s'avance devant lui, ou se recule derriere lui, desorte qu'il voit plus ou moins que la demi-Hiperbole, ce qui détermine la position que cette Courbe doit avoir fur le plan où elle sera décrite. Le demi-axe transverse ou premier de cette Hiperbole & le second sont déterminés comme nous avons dit. On verra donc la rangée d'Arbres droite & l'Hiperbolique à l'infini comme deux droites paralleles.

Si on décrit de plus la demi-Hiperbole opposée, ce qui fera trois rangées d'Arbres, dont la droite tiendra le milieu,

on les verra encore paralleles toutes trois.

Il y a plus. Il n'est pas necessaire que la seconde Hiperbole soit l'opposée de la premiere, c'est-à-dire, de la même espece, ou de même axe transverse, ou premieraxe. Il sussit qu'elle air le même centre, son sommet sur la même ligne droite, & le même axe conjugué ou second axe, & parce que ces conditions laissent au premier axe la liberté de varier à l'insini, les deux Hiperboles pourront être de toutes les disserntes especes possibles.

Et même il pourra y avoir tel nombre qu'on voudra de ces rangées Hiperboliques, qui prifes deux à deux, seront toûjours vûës sous des angles égaux, & toutes ensemble seront vûës parsaitement paralleles, sans compter la rangée droite qui ne peut pas empêcher le parallelisme

apparent des autres.

Reciproquement la rangée droite étant posée, si l'on veut que ses pieds d'Arbres & les correspondants de la seconde soient vûs sous des angles décroissants, il saut établir un ordre pour leur décroissement ou l'équation de la Courbe des Sinus, & cette équation étant d'une certaine espece que M. Varignon détermine, on voir que la Courbe de rangée devient une ligne droite parallele à la premiere, c'est-à-dire, que les Arbres plantés sur deux droites paralleles comme ils le sont dans toutes les Allées, paroissent s'approcher toûjours, & ensin concourir à une grande distance.

De-là il suit que dans l'approche apparente des Arbres plantés parallelement la diminution des angles visuels se fait selon une certaine proportion que M. Varignon a déterminée, & qui ne l'avoit point encore été, & si l'on vouloit que cette diminution se sit selon toute autre proportion, il ne faudroit plus que les Arbres sussent plantés pa-

rallement.

On voit assés combien le Problème a été élevé par M. Varignon au dessus des termes où la solution du P. Tacquet étoit rensermée. M. Varignon va encore plus loin. Il suppose que la premiere rangée d'Arbres soit une Cour-

be quelconque, & il cherche quelle doit être la seconde, asin que les Arbres sassent à la vûe tel esset qu'on voudra, c'est-à-dire, soient vûs sous des angles toûjours égaux, ou croissants, ou décroissants. Pour celail pose trois Courbes indéterminées, les deux de rangée, & celle des Sinus, & il les lie tellement par une équation generale, que deux d'entre elles étant déterminées, la troisséme l'est aussi.

Si l'on veut que les angles visuels soient toûjours égaux, ou la Courbe des Sinus une ligne droite, il n'y a encore rien de déterminé pour les Courbes de rangée, & par consequent ce ne sont pas seulement deux Hiperboles qui peuvent satisfaire à la question, mais une infinité d'autres Courbes prises deux à deux, & quand on en aura déterminé une, qui sera, par exemple, une Parabole, ou une Logarithmique, on verra naître l'autre de l'équation generale. Mais il est vrai que le plus souvent elle n'en naîtra

pas avec facilité, ou fans un long calcul.

Jusqu'ici nous avons toûjours supposé que la grandeur apparente des objets ne dépendoit que de la grandeur de l'angle visuel, c'est le sentiment commun, & les PP. Fabry & Tacquet ne l'ont pas revoqué en doute. Mais ce principe n'est pas sûr entant qu'il en exclut tout autre, quelques Philosophes, & des plus éclairés, prétendent qu'il y faut joindre la distance apparente des objets qui nous les fait voir d'autant plus grands que nous les jugeons plus éloignés. C'est sur cela qu'a roulé la sameuse question de la grandeur de la Lune vûë à l'Horison ou au Meridien \*. M. Varignon pour s'accommoder à tout dans son Problême des Allées d'Arbres sans cependant prendre aucun parti sur la difficulté d'Optique, fait aussi entrer dans ce Problème l'augmentation de la grandeur apparente des objets felon leur distances. Il en resulte des Courbes plus compliquées & plus difficiles à construire, plus d'exercice, ou plus de jeu pour la Geometrie, & c'est ce qu'elle demande.

Il est fort remarquable que quand on a joint cette se-

\* V. l'Hist. de 1707. p. 160. & 161. conde Hipothese sur les apparences à la premiere, & qu'ayant supposé la premiere rangée d'Arbres en ligne droite, on cherche selon la formule de M. Varignon quelle doit être la seconde rangée pour faire paroître tous les Arbres paralleles, on trouve que c'est une Courbe qui s'approche toûjours de la premiere rangée droite. Or cela est réellement impossible, car si deux rangées droites paralleles font paroître les Arbres non paralleles & s'approchants, à plus forte raison deux rangées non paralleles & qui s'approchent feront-elles cet effet. C'est donc là une trés grande difficulté contre la seconde Hipothese des apparences, & on la doit à une Geometrie assés abstruse, qui seule pouvoit aller jusques-là. Je dis qu'on la doit, car c'est beaucoup que de connoître toutes les difficultés. Nous avons déja vû ailleurs d'autres exemples d'Hipotheses phisiques, qui étant introduites dans des calculs geometriques, menent à des conclusions visiblement fausses, ce qui fait voir que ces principes ou ne sont pas employés par la Nature, ou le sont avec des modifications que nous ne connoissons pas. La Geometrie peut être en ce sens-là une bonne Pierre de touche pour la Phisique.

de Traytorens, dont nous avons déja parlé ci-des-fus \*, donna encore cette année à l'Academie une \*p. 42. Theorie où il rendoit plus generale & infinement generale celle des Dévelopées. Il avoit pris sans le sçavoir le même dessein que M. de Reaumur avoit déja executé, & que nous avons expliqué d'aprés lui en 1709 \*. Nous y avons appellé Dévelopées imparfaites celles qu'il conside- suiv. roit & que M de Traytorens considera aussi, & dont les Dévelopées proprement dites ou parfaites ne sont qu'un cas particulier. Mais comme il n'est pas possible que deux esprits differents donnent le même tour à la même idée. M. de Traytorens averti qu'il avoit été prévenu, jugea avec raison que quoi-que le fond du sujet ne sût plus Giii

4 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

nouveau, du moins la maniere dont il se traitoit auroit la grace de la nouveauté. De plus il arrivoit à des conclusions nouvelles & importantes, & c'est à quoi nous allons nous attacher uniquement, en laissant tout ce qui est com-

mun pour le fond aux deux Geometres.

On scait que la rectification des Courbes est une des plus difficiles recherches de la Geometrie la plus élevée. La Theorie des Dévelopées y est fort utile. M. le Marquis de l'Hôpital qui n'a traité que des Dévelopées parfaites a démontré que quand la Courbe produite par le dévelopement, que j'appelle Dévelopante, étoit geometrique, la Developpée étoit geometrique aussi, & de plus rectifiable. Ainsi comme il n'y a point de Courbe qui ne puisse être prise pour Dévelopante, & qui n'ait sa Dévelopée, le nombre infini des Courbes geometriques donne une infinité de Courbes geometriques rectifiables. Telles sont les Dévelopées de toutes les Paraboles, Hiperboles, Ellipses, &c. Il est vrai que la Dévelopée du Cercle n'est que son centre ou un point, mais un point est geometrique dans le sens où l'on prend ce mot, & il est de lui-même tout rectifié autant qu'il peut l'être.

Une Dévelopante non geometrique ou mécanique ne peut donc avoir une Dévelopée geometrique & rectifiable. Ainsi la Cycloïde à une Dévolpée rectifiable, mais non pas geometrique, puisque c'est une autre Cycloïde égale & semblable, mais differemment posée. Il en va de

même de la Logarithmique Spirale.

Reciproquement si la Dévelopée n'est geometrique & rectissable, la Dévelopante n'est point geometrique. Ainsi la Dévelopante de la Logarithmique ne peut l'être, puisque la Logarithmique n'est ni geometrique ni rectissable, & même la Dévelopante de la Parabole ordinaire n'est pas geometrique non plus, parce que cette Parabole, quoi-que geometrique, n'est pas rectissable.

Voilà les principales connoissances qu'on avoit tirées de la Theorie des Dévelopées par rapport à la rectification

DES SCIENCES.

des Courbes. M. de Traytorens en rendant generale la Theorie des Dévelopées, y ajoûte 10. Que si une Dévelopante prise à sa maniere, qui revient à celle de M. de Reaumur, est une Courbe geometrique concave du même côté, sa Dévelopée est toûjours une autre Courbe geometrique, dont la difference a une ligne droite connue sera aussi petite qu'on voudra. 20. Que si la longueur de cette Dévelopée est entierement connuë, elle déterminera celle de la Dévelopante, supposé que la Dévelopée n'ait point de point de rebroussement. 3º. Que si elle en a un, & qu'on puisse prendre de part & d'autre de ce point deux arcs égaux, on aura toûjours la longueur d'un arc de la Dévelopante. Ces nouvelles rectifications ne peuvent manquer d'avoir beaucoup de prix chés les Geometres. du moins chés ceux qui cherchent à élever toûjours de plus en plus des speculations si glorieuses à l'esprit humain.



### 

## ASTRONOMIE.

#### SURLES SATELLITES.

#### ENGENERAL.

p. 146.

V. les M. A été depuis 1610 jusqu'en 1684, ou dans l'espace de 74 ans au dernier siecle, que l'Astronomie s'est enrichie de 9 Satellites, & de l'Anneau de Saturne, qui est une espece de Satellite continu & immobile, ou peutêtre un amas d'un nombre prodigieux de Satellites mobiles & féparés. Mais ce qui a enrichi l'Astronomie a aussi augmenté ses peines & son travail. Nous l'avons assés fait voir toutes les fois que nous avons parlé des Satellites ou \* V.l'Hill. de l'Anneau \*.

de 1705. P. 117. & fuiv. de 1712. P. 68. & fuiv. de 1714. p.71. & luiv. de 1715. p. 36. & fuiv. de 1716. p. 54. St fuiv.

La Theorie des Satellites en general a déja été ébauchée en 1716 d'aprés M. Cassini, nous y avons consideré les révolutions des Satellites rapportées comme elles doivent l'être à leurs Planetes principales, qui en sont les centres; mais il reste le point le plus important & le plus & fuiv & 57. difficile de cette Theorie generale, que M. Cassini a traité dans toute son étendue, & par des méthodes geometriques. Il s'agit de l'inclinaison des Orbes des Satellites sur celui de leurs Planetes, & des intersections ou Nœuds de ces differents Orbes. Il sussit de considerer un seul Satellite qui tourne autour de sa Planete qu'on appelle principale.

> Ce Satellite est précisément par rapport à sa Planete ce que la Lune est par rapport à la Terre, & par consequent la détermination des Eclipses qu'il souffrira en tombant dans l'ombre de sa Planete, & celle de la grandeur de ces

Eclipses,

Eclipses, dépendent de la détermination exacte des nœuds de son Orbite avec celle de la Planete & de l'angle sous lequel se fait cette intersection, ou, ce qui est la même chose, de l'inclinaison de son Orbite sur celle de la Planete. Or on sçait de quelle importance sont les Eclipses des Satellites, & combien on a déja tiré d'utilité de celles des Satellites de Jupiter. Il est aisé de voir aussi que la connoissance de ces nœuds, & de cette inclinaison est essentielle pour toutes les déterminations du mouvement du Satellite.

Il faut bien remarquer que ce sont précisément les nœuds & l'inclinaison de l'Orbe du Satellite avec ce-Jui de sa Planere dont il s'agit ici, & non pas des nœuds ou de l'inclinaison de l'Orbe du Satellite avec l'Orbe de la Terre, ou l'Ecliptique. De plus il s'agit précifément des nœuds & de l'inclinaison veritables de l'Orbe du Satellite avec celui de sa Planete, c'est-à-dire, tels que les a le Satellite vû de sa Planete, & non pas de ces nœuds ou inclinaison apparents, c'est-à-dire, tels que les a le Satellite vû de la Terre. De-là vient la grande difficulté de ces connoissances, car nous sommes sur la Terre, d'où il n'y a que le mouvement de la Lune, nôtre Satellite, & dont il n'est point ici question, qui puisse nous paroître régulier, tous les autres sont extrêmement défigurés pour nous par le desavantage du point de vûë. Il faut rectifier par beaucoup de raisonnements geometriques les apparences trompeuses que nous donnent les Observations, aprés quoi le vrai ou le réel étant connu, il faut enfin pour l'usage de l'Astronomie le réduire aux apparences qu'il donnera fur la Terre.

Nous repeterons, peut être sans necessité, ce que nous avons déja dit bien des sois en traitant cette matiere. La circonference d'un Cercle rapportée sur une surface plate, ou qui paroît plate, n'est vûë comme une ligne droite, que quand l'Oeil est dans le plan de ce Cercle prolongé ou non. Hors de-là cette circonference est vûë comme Hist. 1717.

78 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

une Ellipse d'autant plus ouverte, ou dont le petit axe est d'autant plus grand par rapport au grand, que l'Oeil est plus éloigné d'être dans le plan de ce Cercle, ou, ce qui est le même, plus élevé sur ce plan.

C'est donc le petit axe, ou plustôt la moitié du petit axe de l'Ellipse apparente qui mesure l'élevation de l'Oeil sur le plan du Cercle dont l'apparence a dégeneré en Ellipse.

L'élevation de l'Oeil doit être considerée comme vûc du centre de ce Cercle, & par consequent elle est un certain Sinus de ce Cercle.

La même élevation de l'Oeil vûë d'un centre plus éloigné est un sinus d'un moindre arc, ou de moins de degrés.

L'Oeil est toûjours supposé au centre de la Terre, & par consequent dans le plan de l'Ecliptique, qui est mené par

les centres de la Terre & du Soleil.

Toutes les Planetes principales ayant chacune leur Orbite ou Ecliptique qui passe par le centre du Soleil, & toutes ces Orbites étant differentes, excepté les deux Nœuds ou points opposés où elles se coupent toutes prifes deux à deux, l'Oeil ne peut être dans le plan de l'Orbite d'aucune Planete principale que quand il est, ou, ce qui est le même, quand la Terre est dans un Nœud de son Ecliptique avec l'Orbite de cette Planete.

Les Orbites des Satellites sont des plans menés par le centre d'un Satellite & par celui de sa Planete principale. Toutes ces Orbites peuvent être & sont réellement differentes de celles de leurs Planetes principales, & même de celles des autres Planetes auxquelles elles ne se rapportent point, d'où il suit que les Orbites des Satellites autour de leurs Planetes ont aussi leurs Nœuds avec nôtre Ecliptique.

Tout cela posé, je suppose qu'on ait observé que le mouvement d'un Satellite en un certain temps se faisoit en ligne droite par rapport aux Etoiles sixes, ou, ce qui revient au même, passoit par le centre de la Planete principale, on sçait donc qu'alors l'Orbite du Satellite étoit vue comme une ligne droite, & par consequent que la

Terre étoit dans un Nœud de son Ecliptique avec cette Orbite. Or le lieu de la Terre ou du Soleil dans l'Eclip-

tique est toûjours connu, ou aisé à connoître.

On voit ensuite que le mouvement du Satellite ne se fait plus en ligne droite, ou qu'il ne passe plus par le centre de la Planete principale, mais à quelque distance, & à une distance de jour en jour plus grande, jusqu'à ce qu'enfin cette distance devenuë la plus grande qu'elle puisse être recommence à diminuer.

L'Oeil ayant été dans le plan de l'Orbe du Satellite lorsqu'il l'a vû passer par le centre de la Planete principale, il n'est plus dans ce plan lorsqu'il le voit passer à quelque distance de ce centre, & plus cette distance est grande, plus l'Oeil s'éleve sur le plan, & quand cette distance est la plus grande qu'elle puisse être, l'Oeil est aussi dans sa plus grande élevation. Chaque distance est le petit demiaxe de l'Ellipse apparente en laquelle dégenere chaque jour l'Orbe circulaire réel du Satellite, & la plus grande distance est le petit demi-axe de la plus grande Ellipse ou de l'Ellipse la plus ouverte en laquelle il puisse dégenerer, & en même temps cette plus grande distance mesurant la plus grande élevation possible de l'Oeil sur l'Orbe du Satellite, elle détermine l'angle sous lequel cet Orbe coupe nôtre Ecliptique, ou l'inclinaison de ces deux plans.

Voilà ce que l'Observation donne immediatement, mais ce n'est pas-là ce qu'on cherche; il en saut tirer le lieu où se fait dans le Zodiaque le Nœud de l'Orbe du Satellite avec celui de la Planete principale, & l'angle de l'in-

clinaison de ces deux plans l'un à l'autre.

Si dans le même temps où l'on voit le Satellite passer par le centre de sa Planete, & où par consequent la Terre est dans le Nœud de l'Orbe du Satellite avec nôtre Ecliptique, la Terre étoit aussi dans le Nœud de l'Orbe de la Planete principale avec nôtre Ecliptique, le lieu où la Planete seroit rapportée dans le Zodiaque par la Terre, ou le lieu apparent de la Planete, seroit le même que le lieu du

Hij

Nœud de l'Orbe du Satellite avec nôtre Ecliptique. Et comme par la supposition la Terre seroit alors dans le plan de l'Orbe de la Planete principale, le lieu du Nœud de l'Orbe du Satellite avec l'Orbe de sa Planete, vû de la Terre, seroit le même que le lieu du Nœud de l'Orbe du Satellite avec nôtre Ecliptique, ou le lieu apparent de la Planete principale dans le Zodiaque. Par confequent si la Planete étoit vûë du Soleil, son lieu dans le Zodiaque qui feroit alors le vrai, seroit le même que le vrai lieu du Nœud de l'Orbe du Satellite avec l'Orbe de la Planete principale, qui est celui qu'on cherche. Or quand on a le lieu d'une Planete, vû de la Terre, son lieu vû du Soleil,

est trés aisé à trouver.

Le vrai lieu du Nœud du Satellite étant ainsi trouvé, reste à trouver l'inclinaison de son Orbe sur celui de la Planete principale. Pour cela il faut observer le mouvement de la Planete par rapport à une Etoile fixe, la ligne droite felon laquelle il se fait, coupe sous un certain angle la droite selon laquelle le Satellite se meut en ce temps là par la supposition. Mais cet angle n'est pas encore celui qu'on cherche, car le mouvement de la Planete principale qu'on a observé n'est que son mouvement apparent, ou vû de la Terre, il est composé & de son mouvement vrai autour du Soleil, & de celui de la Terre autour du même centre. Il faut donc le décomposer, & ne prendre que la route que tiendroit la Planete vûë du Soleil. L'inclinaison de cette route à celle du Satellite est la veritable inclinaison de l'Orbe du Satellite à celui de sa Planete.

Ce cas où la Terre est en même temps dans le Nœud du Satellite & dans celui de la Planete principale avec nôtre Ecliptique, est le plus simple & le plus facile de tous, mais aussi c'est le plus rare, & il faut presque toûjours se passer de l'avantage d'avoir la Terre dans le Nœud de la Planete principale avec l'Ecliptique. On n'a donc alors que le Satellite dans son Nœud avec l'Ecliptique, & on

est obligé à retrouver par raisonnement ce que l'on n'a pas par le bonheur du temps de l'observation. Dans le premier cas l'Oeil étoit dans le plan de l'Orbe de la Planete, & dans le second il est élevé sur ce plan, & il faut trouver cette élevation qui est proportionnée à la distance de la Planete à son Nœud avec l'Ecliptique. Cette élevation de l'Oeil, qui est l'inclinaison apparente de l'Orbe de la Planete sur l'Ecliptique, étant connuë, & d'ailleurs l'inclinaison de la route du Satellite sur la route de la Planete l'étant aussi, on aura ensin la veritable inclinaison de l'Orbe du Satellite sur celui de la Planete.

De même dans le premier cas on trouvoit que le lieut de la Planete, vû du Soleil, étoit celui du Nœud de la Planete avec son Satellite, mais dans le second on ne peut plus que trouver la distance de ces deux lieux, & on ne la conclut que par un assés long circuit. Elle dépend en partie de l'inclinaison déja connuë de l'Orbe de la Planete sur celui du Satellite, & en partie de l'élevation de l'Oeil sur l'Orbe de la Planete. Cette élevation est proportionnée à la distance de la Terre ou du Soleil au Nœud de la Planete avec l'Ecliptique. Mais comme cela ne donne que l'élevation de l'Oeil sur l'Orbe de la Planete telle qu'elle service du Soleil, il la faut avoir ensuite telle qu'elle est vûë de la Planete même, ce qui demande la connoif-sance des distances de la Terre au Soleil & à la Planete.

Que si dans le temps de l'observation sondamentale le Satellite n'étoit pas vû se mouvoir en ligne droite, ou, ce qui revient au même, passer précisément par le centre de sa Planete principale, les raisonnements necessaires deviendroient encore beaucoup plus compliqués. Il faudroit par l'espece de l'ellipse que le Satellite décriroit, c'est-à-dire, par la proportion du petit axe de cette Ellipse au grand, déterminer combien il seroit éloigné de décrire une ligne droite, c'est-à-dire, à quelle distance il seroit de son Nœud avec l'Ecliptique, & de-là tirer tout le reste.

Nous n'avons donné qu'une idée trés-superficielle des

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE Methodes de M. Cassini, elles sont d'un trop grand détail & trop geometriques. Nous avons même évité de parler des distinctions qu'il faut faire entre un Nœud Ascendant ou le Descendant, entre des inclinaisons qui sont d'un fens ou d'un autre par rapport à l'Orient & à l'Occident, au Septentrion & au Midi, entre la position de l'Oeil au dessus ou au dessous d'un plan. Nous n'avons presque songé qu'à faire sentir les difficultés, & en effet cette matiere est la plus épineuse de toute l'Astronomie, & celle qui fait le plus d'honneur à la subtilité de l'Art.

#### SUR LA DISTANCE DES ETOILES fixes à la Terre, & sur leur grandeur.

V. les M. p. 256.

Eux qui n'ont pas d'idée de l'Astronomie pren-droient volontiers pour des réveries de Sçavants tout ce qu'ils entendent dire sur les distances des Planetes à la Terre & sur leurs grandeurs. Tout cela est cependant déterminé assés précisément, & presque aussi précisément, les proportions gardées, que s'il s'agissoit d'Objets terrestres & peu éloignés de nous. Mais on ne peut disconvenir qu'aux Etoiles fixes tout l'Art ne soit en désaut, du moins

jusqu'à present.

C'est à Mars que finissent les connoissances des distances que l'on peut avoir par les parallaxes horisontales, c'està-dire, par la difference des deux Lieux d'une même Planete vue en même temps du centre de la Terre, ou de dessus sa surface \*. Encore la distance de Mars est-elle trés difficile à attraper par cette voye. Celles des deux Planetes qui sont au dessus, Jupiter & Saturne, ne se peuvent connoître que par les parallaxes annuelles de leurs Orbes. qui sont aussi leurs secondes inégalités \*, ou par la Regle de Kepler, qui s'étend à tous les corps celestes mus autour d'un centre commun. Mais il est trés visible que tous ces. moyens cessent absolument à l'égard des Etoiles fixes.

\*v .! 'Hift. de 1706. p. 95.82 fuiv.

\* V. l'Hift. de 1704. p. 65. & fuiv.

Si elles étoient toutes égales au Soleil, & que nous connussions leurs grandeurs apparentes, nous jugerions par le rapport de ces grandeurs à celle du Soleil quel seroit le rapport des distances où elles sont de la Terre à celle où en est le Soleil qui est connue. Ainsi, par exemple, une Fixe égale au Soleil, & dont le diametre apparent seroit 1000 fois plus petit, seroit 1000 fois plus éloignée de la Terre, ou en seroit à 1000 fois 33 millions de lieues. Mais outre que la supposition de l'égalité de toutes les Fixes, ou même d'une seule Fixe & du Soleil seroit toutà-fait gratuite, nous ne connoissons point les grandeurs apparentes des Fixes. Celles qu'elles ont à la vûë simple sont tout-à-fait fausses, à cause du rayonnement & de la scintillation, qui étend beaucoup trop ces objets lumineux & éloignés, & de plus rend leurs diametres indéterminables. Et quand on regarde les Fixes avec la Lunette, elles sont à la verité déposiillées de cette scintillation trompeuse, mais ce ne sont plus que des points, & il est presque impossible de trouver une grandeur aux plus grandes. Cela seul suffit pour donner une idée de leur prodigieux éloignement; quel doit-il être si une Lunette qui grossit les objets 200 fois ne fait paroître la plus grande Etoile fixe que comme un point?

M. Huguens dans son Cosmotheoros, a imaginé un moyen de mesurer la distance des Fixes, digne de sa grande sagacité. Il a choisi Sirius, la plus grande & la plus lumineuse de toutes les Fixes qui paroissent sur nôtre horison, & l'a supposé égal au Soleil. Il a disposé une Lunette de sorte qu'elle diminuât le Soleil jusqu'à ne le faire plus paroître qu'égal en grandeur & en clarté à Sirius, aprés quoi ayant calculé selon les Regles de la Dioptrique qu'il avoit réduit le diametre du Soleil à n'être que la 27664<sup>me</sup> partie de ce qu'il nous paroît ordinairement, il a conclu qu'il avoit fait la même chose que s'il avoit porté le Soleil à une distance de la Terre 27664 sois plus grande que celle où il est, & que par consequent Sirius,

64 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE s'il est égal au Soleil, est éloigné de nous de 27664 fois 33 millions de lieues.

\* p, 80. &

Nous avons dit en 1699 \* que felon le Sistême de Copernic la Terre dans l'espace de 6 mois est plus proche ou plus éloigné de la même Etoile fixe de toute l'étenduë du diametre de son Orbe annuel, ou de 66 millions de lieües. Il semble donc que la Terre devroit voir cette Fixe plus grande & plus petite, ou du moins lui voir quelque variation de position par rapport à des points immobiles, ce qui seroit une parallaxe. Si cette parallaxe est absolument insensible, c'est une difficulté contre le Sistème de Copernic, aisée cependant à digerer, & plus effrayante pour l'imagination que pour la raison. Si cette parallaxe se trouve être de quelque grandeur, non seulement elle démontre à la rigueur le Sistême de Copernic, mais elle donne un moyen de mesurer la distance des Fixes, car on la trouvera geometriquement par la grandeur observée de l'angle de cette parallaxe, & par la grandeur connuë du diametre de l'Orbe annuel de la Terre, base de cet angle. Il est visible que plus l'angle qui aura toûjours cette même base sera petit, plus la distance des Fixes sera grande.

M. Cassini a tenté ce moyen, & comme il s'est bien attendu que l'angle, s'il y en avoit un, seroit trés petit, & que par consequent l'observation seroit trés délicate, il y a apporté toutes les attentions & toutes les précautions possibles. Il a pris pour son Etoile sixe Sirius, non seulement pour la même raison que M. Huguens, mais pour d'autres encore plus assronomiques & plus recherchées. Il a observé assidüement Sirius pendant une année entiere.

Il ne suffit pas que Sirius varie de position, il saut qu'il varie comme il doit varier, supposé le mouvement de la Terre, autrement la variation de Sirius ne prouveroit ni

ne donneroit la parallaxe qu'on cherche.

Sirius fut posé d'abord dans le fil horisontal de la Lunette qui étoit fixe & immobile, & l'épaisseur de ce fil se trouva heureusement égale au diametre apparent de Sirius,

de sorte

de sorte qu'il en étoit caché entierement. On jugea par là que le diametre apparent de Sirius étoit de 5 ou 6 "au plus. Si l'Etoile n'avoit nulle variation de hauteur, elle devoit toutes les fois qu'elle repassoit par la Lunette passer exactement derriere le sil, mais elle passa tantôt au dessus, tantôt au dessous, & ne s'éleva jamais au dessus pendant toute l'année d'observation, ni ne s'abaissa au dessous de plus que de l'épaisseur de ce sil ou de son diametre

apparent.

A une même hauteur sur l'Horison, comme celle où étoit toûjours Sirius en passant par le sil de la Lunette, les refractions sont inégales en disserentes saisons de l'année, plus grandes ordinairement en Hiver qu'en Eté, Sirius ayant paru à la même hauteur dans l'une & dans l'autre saison, il étoit donc réellement plus bas en Hiver, & il avoit une vraye difference de position causée par le mouvement annuel de la Terre, ou une parallaxe, & plus l'inégalité des réstractions de l'Hiver à l'Eté sera grande, plus cette parallaxe le sera aussi. Mais cela suppose l'inégalité des réstractions d'une saison à l'autre constante & reguliere, & l'on sçait qu'elle ne l'est pas assez, & de plus pour en tirer une parallaxe sensible, il la faudroit supposer plus grande qu'elle ne peut l'être par toutes les observations qu'on en a faites.

Ainsi les variations de la hauteur de Sirius dans la Lunette pourroient n'être qu'un effet de l'inégalité irréguliere des refractions, & si l'on ne veut pas y rapporter tout, l'angle de la parallaxe de Sirius sera tout au plus de 6, ce qui donne la distance de la Terre à Sirius plus de 43700 sois plus grande que celle de la Terre au Soleil, au lieu que M. Huguens ne la trouvoir que de 27664 sois

plus grande.

La distance de Sirius trouvée par M. Cassini étant supposée, il est aisé de trouver la grandeur veritable de cette Etoile, car on a un Triangle rectangle où l'on connoît un angle aigu de 6" sous lequel est yû le diametre

Hift. 1717.

de Sirius, & un côté qui est sa distance à la Terre. Delà il resulte que le diametre de Sirius est 100 fois plus grand que celui du Soleil, qui est 100 fois plus grand

que celui de la Terre.

Tout le monde sçait que les Etoiles fixes sont divisées en 6 Classes par rapport à leur grandeur apparente vûë à l'œil nud. Si l'on suppose qu'elles soient à peu-préségales entre elles, & que leurs diametres apparents décroissent selon la proportion des nombres depuis 6 jusqu'à 1, celles de la 6mc. grandeur, qui est la moindre, seront donc 6 sois plus éloignées de la Terre que Sirius; & celles qu'on ne voit qu'avec des Lunettes qui grossissent 200 sois seront 1200 sois plus éloignées. Mais que toutes les Fixes soient égales entre elles, ce n'est point une supposition recevable en bonne Phisique, on voit bien par-tout certaines proportions, mais non pas de l'égalité.

Si au contraire on suppose toutes le Fixes également éloignées de la Terre, celles de la 6 me. grandeur auront un diametre 6 sois plus petit que celui de Sirius, & qui par consequent sera la 6 me. partie de celui du Soleil, & plus de 16 sois plus grand que celui de la Terre; & celles qu'on ne voit qu'avec de bonnes Lunettes auront un diametre 12 sois moindre que celui de la Terre. Mais la supposition de l'éloignement égal des Fixes n'est pas non plus recevable, ne sût-ce que parce qu'elle est trop consorme au temoignage des sens, qui nous les representent comme attachées à une même Voute. Il n'est pas possible que des cerps dont le diametre seroit 12 sois plus petit que celui de la Terre, ou 120000 sois plus petit que celui de Sirius soient visibles, même aux Lunettes, à la même distance où est Sirius.

Il n'y a d'idée raisonnable que l'inégalité tant de la grandeur des Fixes que de leurs distances à la Terre. Comme il n'y a pas d'apparence que Sirius soit la plus grande, parce qu'elle nous le paroit, il faut que celles qui seront plus grandes soient plus éloignées, & il peut y en avoir telle beaucoup plus grande que Sirius, qui ne sera visible qu'aux meilleures Lunettes, à cause de son grandéloignement. Quelques Philiosophes ont déja soupçonné que le Soleil étoit une des plus petites Etoiles fixes, ou des plus petits Soleils. Des Fixes plus petites que Sirius peuvent aussi être plus éloignées que lui, & être du nombre de celles qui sont au dessous de la premiere grandeur, ou qui ne paroissent qu'aux Lunettes. De même il est plus vrai semblable que des Fixes plus petites que Sirius sont plus proches de nous, mais enfin ces Fixes les plus proches ne peuvent l'être assés pour donner une parallaxe bien sensible de l'Orbe annuel de la Terre, c'est-à-dire, que le moindre éloignement qu'on puisse imaginer est tel, que par rapport à son étendue 66 millions de lieues ne sont rien, ou du moins ne sont pas une grandeur dont on puisse bien s'assurer. Quelle immensité a donc ce que nous voyons de l'Univers! & que sera-ce si ce que nous en voyons n'est encore qu'un point?

Ous renvoyons entierement aux Memoires Les Observations de l'Eclipse de Lune du 27 Mars par M<sup>rs</sup>. de la Hire & Cassini.

V. les M. p. 52. & 54.

L'Observation de l'Equinoxe de Mars par M. de la Hire.

V. les M.

L'Ecrit de M. de la Hire sur un Micrometre universel.

V. les M. P. 57.

Les Remarques du même sur l'invention du Micrometre, sur l'application du Pendule aux Horloges, &c.

V. les M. p. 78.

Les Observations de l'Eclipse de Lune du 20 Septembre par Mrs. de la Hire, Maraldi, Cassini & Delisse le cadet.

V. les M. p. 288. p. 292. p. 295. p. 299.

L'Observation de l'Eclipse d'Aldebaram par M. Maraldi.

V. les M. P. 304.

La Construction d'une Horloge qui marque le Temps yrai, par M. de la Hire.

V. les M. p. 238.





### MECHANIQUE.

SUR LA PRESSION DES CILINDRES & des autres Corps par des Cordes.

V. les M. p. 195. I N Cilindre étant posé fixement & horisontalement, si deux poids égaux sont suspendus aux deux extremités d'une Corde qui passe par dessus ce Cilindre, on conçoit que non-seulement il est tiré en embas dans toute sa masse selon la direction des deux bouts de Corde, qui dans la supposition presente sont tous deux verticaux, mais encore qu'il est pressé dans toute sa partie embrassée par la Corde, qui est la moitié d'une des circonferences circulaires dont sa surface est composée. C'est cette pression dont il s'agit. La direction de celle qui se fait sur un point quelconque de la demi-circonference embrassée est une ligne qui va de ce point au centre de la demi-circonference.

Si au lieu d'un Cilindre on supposoit un Parallelipipede comme une Poutre, le reste demeurant le même, on conçoit nettement qu'il y auroit encore la même traction en embas causée par les poids, mais plus de pression sur la surface du parallelipipede, parce que la Corde qui passeroit dessus ne seroit dans toute cette étendue que la toucher, sans qu'on y pût imaginer aucune direction comprimante, si ce n'est sur les sommets des deux angles embrassés par la corde. Cela vient essentiellement de ce que cette surface du parallelipipede est plane.

De-là il suit que moins la surface courbe du Cilindre sera courbe, ou, ce qui revient au même, plus le rayon.

du Cilindre sera grand, moins la compression sera grande, ou que la compression est en raison renversée des rayons

des Cilindres, le reste étant égal.

Si au lieu de deux poids égaux qui ne peuvent tirer que verticalement & parallelement entre eux, on imagine deux puissances égales, comme deux Hommes, qui tirent non parallelement entre eux depuis les deux directions où étoient les deux poids, jusqu'à celles où les deux Hommes ne feroient plus que tirer l'un contre l'autre sans agir contre le Cilindre, la Corde ne faisant plus que toucher en un point sa surface superieure, il est visible que dans ce dernier cas il n'y aura plus de pression, & que jusque-là elle aura toûjours éré en diminuant à mesure que la Corde embrassoit un moindre arc de la circonserence Cilindrique. Donc les pressions sont en raison des arcs embrassés par la Corde.

Enfin il est bien clair qu'elles sont d'autant plus grandes que les poids ou les puissances, ou, si l'on veu, que

le poids total est plus grand.

Donc la pression est en raison directe tant du poids que de l'arc embrassé par la Corde, & en raison renversée du rayon du Cilindre, ce qui donne aussi-tôt son expression algebrique.

De-là M. Varignon a tiré d'abord un grand nombre de Corollaires, & ensuite il a rendu selon sa coutume la

Theorie plus generale.

Au lieu d'un Cilindre il prend un Cône droit. Pour juger de l'action d'une force quelconque, & par consequent aussi de la pression que nous considerons ici, il saux prendre cette action entant qu'elle est perpendiculaire à ce qui la reçoit. La pression s'exerce sur la surface embrassée par la Corde, & par consequent il saut la prendre perpendiculaire à cette surface. Dans le Cilindre la ligne tirée d'un point quelconque de l'arc embrassé à son centre est perpendiculaire à la surface cilindrique, mais dans le Cône cette ligne ainsi tirée n'est pas perpendicaire à la Liij

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE furface conique. Il faut donc trouver cette perpendiculaire qui prend la place du rayon du Cilindre. Elle est d'autant plus differente de ce rayon, que le Cône est plus éloigné d'être un Cilindre, ou, ce qui revient au même, que l'angle du fommet du Cône est plus grand.

Ce sera donc par une pareille perpendiculaire à la surface des Corps qu'il faudra juger de la pression des Conoïdes, ou des Solides formés par la révolution d'une

Courbe autour de son axe.

Si au lieu de ne faire passer la Corde que sur une partie d'un des Cercles qui forment la surface du Solide, on fait plusieurs tours de Corde, il est évident que puisque dans le premier cas la pression est proportionnée à la grandeur de l'arc embrassé par la Corde, elle le sera dans celui-ci au nombre de tous les Cercles embrassés, & que ce sera encore la même chose s'il y a un certain nombre de Cercles entierement embrassés, plus une certaine partie de quelque autre Cercle voisin.

#### SURUNE MACHINE à élever de l'Eau.

p. 67.

v. les M. TE suppose une Roue posée verticalement, qui peut J tourner sur un essieu, & un poids suspendu au rayon vertical inferieur de cette Roue. Il agit de toute sa force contre le centre de la Roue qu'il tire en embas, & il le feroit descendre actuellement si ce centre n'étoit immobile, mais comme il l'est, il foutient le poids, qui n'a besoin d'aucune autre puissance pour être soutenu.

> Si le poids étoit appliqué à l'extrêmité d'un rayon horisontal de la Roue, il est évident qu'il ne seroit plus du tout soutenu, & qu'il ne le pourroit être que par une puissance, qui appliquée à l'extremité opposée de l'autre rayon horisontal seroit égale à ce poids. La Roue ne seroit

alors qu'une Poulie simple.

De-là il suit que si la Roüe avec le poids a passé de la premiere position à la seconde, parce qu'une puissance appliquée à sa circonférence l'a fait tourner, cette puissance qui dans la premiere position ne soutenoit point du tout le poids, & le soutient tout entier dans la seconde, en a toûjours soutenu dans toutes les positions moyennes une plus grande partie, jusqu'à ce qu'ensin elle ait soutenu le rout. Et en esset il est aisé de voir que le bras de Levier par lequel le poids a agi a toûjours été plus grand, & ensin égal au rayon de la Roüe. La puissance a donc dû faire d'instant en instant un plus grand essort, & n'a pas pû agir avec uniformité, ce qui est un inconvenient considerable dans la pratique des Machines. Il vaudroit mieux que la puissance travaillât davantage, & plus également.

Cet inconvenient de l'inégalité d'action de la puissance se trouve dans une Machine à élever de l'eau décrite par Vitruve, qui l'appelle Timpan. L'eau est le poids qui étant pris d'abord par le rayon vertical inferieur de la Roue ou Timpan doit être élevé au rayon horisontal, & au dessus. Nous supposons la description de la Machine telle que M. de la Faye la donne d'aprés Vitruve. Toutes les autres Machines construites sur la même idée, ou sur le même

principe, ont le même défaut.

M. de la Faye a imaginé une autre Machine où il est abs olument sauvé, & qui a toûjours cela de commun avec le Timpan qu'elle n'éleve qu'à la hauteur du centre de sa Roue l'eau qu'elle va puiser dans un Reservoir, & qu'elle

la vuide par son centre.

Il est connu de tous les Geometres que si on dévelope une Courbe, tous les Rayons de cette Courbe dévelopée sont ses Tangentes, & en même temps sont perpendiculaires à la Dévelopante. On peut déveloper un Cercle comme toute autre Courbe, & sa Dévelopante est une certaine Courbe déterminée, dont il est aisé de se representer le contour. Le Moyeu ou Treüil horisontal à la hauteur duquel on veut élever l'eau étant un Cilindre, il faut

concevoir qu'une des circonferences circulaires qui forment sa surface cilindrique ayant été entierement dévelopée, on donne la courbure de la Dévelopante à un Canal qui par son extremité la plus éloignée du Treüil ira puiser l'eau, & la rendra par l'autre quand le Treüil aura tourné.

Cela posé, l'eau contenuë dans le Canal courbe n'en presse la surface interieure que selon une perpendiculaire, & à cause de la courbure supposée du Canal, cette perpendiculaire au Canal est en même temps Tangente du Treüil, & cela en quelque endroit du Canal que l'eau puisse être. Son poids agit donc toûjours par des Tangentes d'un même Cercle, & par consequent toûjours uniformément, car le Cercle ayant une courbure uniforme, toutes ses Tangentes lui sont appliquées de la même maniere. Puisque le poids agira toûjours uniformément, la puissance qui s'élevera n'aura besoin que d'exercer contre

lui une action toûjours égale.

Il y a encore plus. Le poids agissant toûjours par une Tangente a un Cercle du Treüil, cette Tangente est la ligne de direction de son action sur la Machine, or cette ligne étant déterminée soit pour un poids, soit pour une puissance, il n'importe en quel point de la ligne on concoive que l'un ou l'autre soit appliqué, tout ce qui importe c'est la distance de la direction au point d'appui déterminée par une perpendiculaire qui se tire du point d'appui sur la ligne de direction. Il est donc sûr que le poids de l'eau en quelque endroit du canal courbe qu'elle se trouve, ou par quelque longue Tangente qu'il agisse peut & doit être consideré comme appliqué à la circonference du Cercle du Treüil, & que sa distance au point d'appui, qui est le centre immobile de ce Cercle, en est le rayon toûjours perpendiculaire à sa Tangente. Ainsi le bras du levier par lequel agit le poids de l'eau est toûjours égal, ce qui revient à l'uniformité de son action: mais d'ailleurs il faut comparer ce bras de levier à celui par lepar lequel agit la puissance qui éleve l'eau.

Chaque Rayon de la Dévelopée étant égal à l'arc correspondant de la Courbe dévelopé jusque-là, il est clair que quand le Cercle du Treüil est entierement dévelopé, le Rayon de la Dévelopée, ou, ce qui est la même chose, la distance du Treuil à l'extremité du Canal courbe est égale à la circonference du Cercle dévelopé. Si la puissance est appliquée à cette extremité du Canal, elle agit donc par un bras de levier égal à la circonference d'un Cercle, tandis que le poids n'agit que par un bras égal au rayon de ce même Cercle, c'est-à-dire, que l'avantage mecanique de la puissance sur le poids est un peu plus grand que de 6 à 1, ce qui est trés considerable. Voilà ce qu'a produit à M. de la Faye une idée prise dans les speculations de Geometrie, & heureusement transportée à la pratique. Du temps de Vitruve, & jusqu'au temps de M. Huguens, on n'a pas pû imaginer une pareille Machine.

# SUR LES PRINCIPES DE L'ACTION DES FLUIDES.

N imagine ordinairement les Solides & les Fluïdes comme deux especes de Corps qui n'ont de commun que l'étenduë & les autres proprietés generales, mais quand on y pense un peu plus philosophiquement, on voit bientôt que les Fluïdes ne doivent être que des amas d'un nombre presque infini de Solides presque infiniment petits, qui n'ont ensemble nulle liaison, & par consequent ont une extrême facilité à se mouvoir indépendemment les uns des autres. Pour plus de simplicité on peut concevoir en general que ces petits Solides sont des Boules ou des Spheres. C'est sous cette idée que M. Saulmon a pris les Fluïdes dont il a voulu considerer les distissif. 1717.

ferentes actions. Tout se réduit à examiner & à calculer selon les regles établies du Mouvement les efforts d'un amas de Spheres d'une grandeur quelconque mües selon certaines conditions; quand leurs efforts seront trouvés, it n'y aura plus qu'à concevoir la grandeur de ces Spheres extrêmement diminuée, & si l'on veut jusqu'à l'infiniment petit, & on aura à trés-peu prés des efforts de Fluïdes & on les aura sans aucune erreur sensible, car les petits Solides élementaires qui forment les Fluïdes sont infiniment petits par rapport à tous les autres corps que nous

pouvons mesurer.

Pour conduire cette question par les degrés que demande l'ordre d'acquerir des connoissances, il faut d'abord, comme a fair M. Saulmon, concevoir une Colonne verticale formée de Spheres d'une grandeur finie arbitraire, toutes égales entre elles, sans pesanteur & sans ressort. On les suppose sans pesanteur, pour n'y considerer que le mouvement qui leur sera imprimé, & sans ressort, asin que ce mouvement se communique des unes aux autres de la maniere la plus simple. La Colonne est formée de sorte qu'il y a une premiere Sphere posée sur deux autres qu'elle touche, les deux sont posées sur une seule qu'elles touchent aussi, & roujours ainsi de suite; une Sphere seule est posée sur deux, & deux sur une, & enfin la Colomne se termine par une seule Sphere de même qu'elle avoit commencé. Elle a autant d'especes d'étages qu'il y a de fois ou une Sphere ou deux Spheres, & puisqu'elle est terminée en haut & en bas par une Sphere seule le nombre des étages est necessairement impair, & dans la supposition presente le nombre des étages à une Sphere seule est la plus grande moitié du nombre total. La Colonne verticale est posée sur un plan horisontal, & puisqu'elle est sans pesanteur, & jusqu'ici sans mouvement, elle ne presse point du tout ce plan, ou ne fait aucun essort contre

Mais si on donne à la premiere Sphere une impulsion

verticale de haut en bas, ou, ce qui est la même chose, si la premiere Sphere devient seule pesante, quelle impression toute la Colonne fera-t-elle sur le plan qui la porte, ou quelle sera la charge de ce plan d'appui? L'impulsion verticale que la premiere Sphere a reçûe & qu'elle doit communiquer aux deux qui la portent, ou l'impression verticale qu'elle fait sur ces deux en vertu de sa pefanteur, n'est plus verticale quand elle agit sur elles, mais necessairement oblique à l'horison, car la premiere Sphere ne presse ni l'une ni l'autre des deux inferieures qui la portent que selon une ligne qui joint son centre avec celui de cette inferieure, & qui par consequent est oblique à l'horison. Ainsi l'impression verticale de la premiere Sphere sur les deux inferieures doit se décomposer, & par la même raison l'impression des deux Spheres du 2d. étage sur la Sphere seule du 3me. doit se décomposer encore, & on trouve par le calcul de ces décompositions que de l'impression verticale de la Sphere seule du 1er. étage il n'en arrive à celle du 3me. seule aussi que la moitié, à celle du 5me. que le quart, & toûjours ainsi de suite felon une progression geometrique soudouble, de sorte que si la Colonne a 13 étages, la derniere Sphere ne reçoit que la 64me partie de l'impression de la premiere, & par consequent le plan d'appui n'est chargé que de cette 64me. partie.

Plus le nombre des étages sera grand, moins sera grande la charge du plan d'appui, & ensin si ce nombre étoit infini, la charge du plan d'appui seroit infiniment petite ou nulle, de même qu'une progression geometrique soudouble qui a une infinité de termes ne peut aboutir qu'à

l'infiniment petit ou à Zero.

Ce qui diminuë toûjours la charge du plan d'appui, c'est que toutes les Spheres, tant celles qui sont seules à leur étage, que celles qui y sont deux, n'agissent sur les étages inferieurs que par des lignes obliques à l'horison, ce qui fait que dans ces directions obliques, lorsqu'on les

conçoit décomposées, il n'y a que ce qu'elles ont de vertical qui serve à la pression du plan, & que tout l'horisontal y est inutile. Et il n'est pas étonnant que l'impression verticale de la premiere Sphere, qu'on suppose seule pesante, se partageant toûjours à un plus grand nombre de Spheres, devienne toûjours moindre dans chacune, & ensin insiniment petite quand elle s'est insiniment par-

tagée.

Nous n'avons encore consideré que ce qui resulte de l'impression verticale d'une seule Sphere la premiere de toute la Colonne. Mais si la Colonne, toûjours terminée par une seule Sphere, commençoit par deux qui eussent chacune une impulsion verticale ou une pesanteur égale à celle de la Sphere seule, quelle charge en resulteroit à la derniere Sphere ou au plan d'appui? Il fe trouve par la décomposition des directions que la Sphere seule à son étage qui porteroit ces deux premieres, recevroit les trois quarts de la fomme de leurs impulsions, que la Sphere fuivante seule à son étage recevroit la moitié de ces trois quarts, & toûjours ainsi de suite selon une progression geometrique soudouble, de sorte que la Sphere seule que l'on suppose qui termineroit la Colonne, ou le plan d'appui, recevroit une impulsion d'autant moindre que le nombre des termes de cette progression, ou des étages de la Colonne seroit plus grand. Il est clair que la quantité de cette impulsion est déterminée par le terme correspondant de la progression.

On a donc les deux disserentes impressions que seroient sur le plan d'appui deux Colonnes sormées de Spheres égales & d'un nombre d'étages donné ou connu, l'une commençant par une Sphere, la seule de toutes qui sût pesante, l'autre par deux seules pesantes aussi, & toutes

deux terminées par une seule Sphere.

Maintenant si l'on suppose que dans la 1re. Colonne les deux Spheres du second étage deviennent pesantes aussi-bien que la seule du premier, on aura donc l'im-

pression qu'elles seront sur le plan d'appui. On aura de même celle qu'y sera la Sphere seule du troisième étage devenuë pesante aussi-bien que celles des deux premiers, & toûjours ainsi de suite, c'est-à-dire, qu'on aura l'impression que fera sur le plan d'appui la Colonne entiere devenuë pesante. Cela ne consistera qu'à ajoûter ensemble les derniers termes des progressions geometriques soudoubles & inégales par le nombre des termes, qui proviendront d'une part des étages à une Sphere, & de l'autre des étages à deux Spheres. Tous ces differents derniers termes provenants de même part feront encore une progression geometrique, & par consequent il est fort aisé d'en avoir la somme, & ensuite la somme de leurs deux sommes.

De-là il resulte qu'une telle Colonne formée d'un nombre infini de Spheres, ou, ce qui est le même, infinie en hauteur, ne fait sur le plan d'appui qu'une impression 5 sois plus grande que le poids d'une seule Sphere, & par consequent tant que la Colonne est sinie, quelque grande qu'elle soit, cette impression ne va jamais jusqu'à être 5 sois plus grande que ce poids, seulement elle en approche toûjours d'autant plus que la Colonne est plus haute.

Une si petite impression d'une Colonne, même insinie, sur son plan d'appui, vient de ce que, comme nous l'avons vû, toutes les impressions verticales de chaque Sphere sont décroissantes, & toutes les horisontales perduës.

Il n'en iroit pas de même si l'on concevoit la Colonne ensermée dans un Tuyau, dont les parois seroient immobiles. Alors toutes les impressions horisontales agissant contre les parois qui ne leur cederoient nullement, elles ne seroient ni perduës ni même diminuées, & le plan d'appui seroit chargé du poids absolu de la Colonne. It faut bien remarquer que celle que M. Saulmon considere est isolée.

Si l'on suppose dans une Colonne infinie isolée les Spheres infiniment peu pesantes, ou, si la pesanteur est 78 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE proportionnée à la masse, infiniment petites, l'impressions fur le plan d'appui sera infiniment petite, car le quiptu

sur le plan d'appui sera infiniment petite, car le quintuple d'un infiniment petit l'est aussi. De-là il est aisé de tirer

des consequences pour le fini.

M. Saulmon a raisonné de la même manière sur une Colonne qui feroit terminée de part & d'autre par deux Spheres, il a conduit le raisonnement par les mêmes degrés, & enfin il a trouvé que cette Colonne entiere étant pesante, son impression sur le plan d'appui, quand elle est infinie en hauteur, n'est que 5 fois & demie plus grande que la pesanteur d'une seule Sphere. Il est clair que ce qui rend son impression plus grande que celle de la Colonne infinie terminée de part & d'autre par une Sphere. c'est cette difference même de construction ou de formation, car nous avons vû que dans une Colonne qui commence par deux Spheres, la premiere impression verticale qui part de ces deux Spheres est plus grande que si elle ne partoit que d'une, celle que les deux dernieres Spheres font sur le plan d'appui est plus grande aussi que s'il n'y en avoit qu'une

On a donc les deux impressions totales que seront sur un plan d'appui deux differentes Colonnes composées de Spheres égales entre elles, & celles de l'une à celles de l'autre, mais l'une terminée de part & d'autre par une Sphere, & l'autre par deux. Ces impressions sont exprimées algebriquement. Si maintenant on conçoit ces deux Colonnes égales en hauteur, & posées sur un même plan horifontal assés proche l'une de l'autre, mais sans se toucher, elles seront exactement entremélées, c'est-à-dire, qu'à un étage de l'une qui n'aura qu'une Sphere répondra toûjours un étage de l'autre qui en aura deux, & si l'on veut scavoir l'impression que toutes deux ensemble feront fur le plan d'appui commun, il n'y aura qu'à faire une somme des deux expressions algebriques de l'impression de chacune. Quand ces deux Colonnes seront infinies, l'impression qu'elles feront toutes deux ensemble ne sera

Sphere.

On prend la précaution de supposer que les deux Colonnes ne se touchent point, parce que cette idée convient assés aux Fluïdes, qu'on peut imaginer composés de petites colonnes ou filets separés les uns des autres soit par une matiere subtile qui coule dans ces interstices, soit par des vuides, si l'on se resout à en admetre. C'est-là la raison essentielle des Colonnes isolées.

Il est clair que les deux Colonnes entrelassées étant finies, leur impression sur le plan d'appui est d'autant plus grande, 10. qu'elles sont plus hautes, 20. que la pesanteur

d'une Sphere quelconque est plus grande.

La hauteur des deux Colonnes, ou, ce qui revient au même, d'une seule, est d'autant plus grande, que le nombre des étages est plus grand, & le diametre des Spheres égales plus grand; sur quoi il est bon de remarquer que la hauteur d'une Colonne n'est pas le diametre d'une Sphere repeté autant de fois qu'il y a d'étages, elle est moindre que cette grandeur. La hauteur d'un étage formé d'une seule Sphere est égale au diametre de cette Sphere, mais la hauteur d'un étage formé de deux Spheres est moindre, & il est aisé de trouver selon quel rapport elle est moindre, ou quel est dans une hauteur donnée d'une Colonne le nombre des étages, si le diametre des Spheres est donné, ou le diametre des Spheres, si le nombre des étages est donné. Enfin on voit assés en general que deux Colonnes également hautes peuvent être formées d'un nombre d'étages different, & de Spheres d'un diametre different, j'entends les Spheres d'une Colonne étant comparées à celles de l'autre, mais dans la Colonne où le nombre des étages sera plus grand, le diametre des Spheres fera plus petir, & au contraire.

Si l'on supposoit la pesanteur des corps proportionnée à leur grandeur seule ou à leur volume, la pesanteur des Spheres seroit donc uniquement proportionnée à leur

groffeur, ou, ce qui est le même, au cube, de leur diametre. Mais la pesanteur dépend & de la grandeur des corps & de leur densité. La densité est d'autant plus grande qu'ils ont plus de matiere propre qu'on appelle leur masse, & moins de matiere étrangere qui remplit leurs pores, ou moins de vuides. La densité est donc d'autant plus grande que la masse est plus grande par rapport au volume, ou la masse plus grande & le volume plus petit. M. Saulmon mesure la densité, en imaginant que tous les vuides d'un corps spherique sont rassemblés desorte qu'ils font un creux concentrique à la Sphere, & que toute sa masse ou matiere propre fait une envelope à ce creux. Le rapport du diametre de la Sphere totale au diametre du creux étant connu, on a facilement l'expres-

sion de la densité de ce corps.

Tout cela établi, il ne faut plus que reprendre deux Colonnes également hautes entrelassées comme nous l'avons conçû, l'une terminée de part & d'autre par une Sphere, l'autre par deux. Cet entrelassement étant le seul qu'on puisse imaginer entre differentes Colonnes, il faut concevoir qu'on ajoûte à la premiere paire de Colonnes plusieurs autres paires égales & semblables, de maniere que les centres de toutes les Spheres soient dans le même plan. M. Saulmon appelle ce plan une rangée. L'impression de toute une rangée sur le plan d'appui est l'impression d'une paire de Colonnes multipliée par le nombre de ces paires, ou par le nombre total des Colonnes. Si à cette rangée on en ajoute plusieurs autres égales & semblables en differents plans, il se forme un Solide dont l'impression sur le plan d'appui est celle d'une rangée multipliée par le nombre des rangées.

Comme nous avons consideré chacune à part toutes les grandeurs qui entrent dans la formation de ce Solide, & tout ce qui peut les faire varier, il est aisé de voir dans tout le détail qu'on voudra les rapports qu'auront les impressions sur le plan d'appui de differents Solides ainsi

formés

formés, & quelles seront les choses qui devront être connuës, afin qu'on en puisse conclure d'autres inconnuës. Tout cela n'est plus qu'un jeu pour la Geometrie, quand

la formule generale est une fois trouvée.

Si l'on veut qu'un tel Solide se change en un Fluïde, il faut concevoir que les Spheres deviennent extrêmement, & même si l'on veut, infiniment petites, & par consequent infiniment peu pesantes. En ce cas il est vrai, selon ce qui a été dit, qu'une Colonne, sût-elle infinie en hauteur, ne fera sur le plan d'appui qu'une impression infiniment petite, mais aussi si l'on veut donner à ce Fluïde une base infinie il saudra par une suite necessaire de la même hipothese multiplier infiniment & le nombre des étages d'une Colonne, & celui des Colonnes d'une rangée, & celui des rangées, ce qui donnera une impression sinie sur le plan, pourvû qu'on traite le Calcul avec certaines précautions.

Quoi-que les Spheres de deux Fluïdes differents soient supposées infiniment petites & égales, elles ne laisseront pas d'être capables de densités, & par consequent de pefanteurs differentes, qui feront des impressions differentes

fur le plan.

Aprés avoir consideré l'impression que sait sur un plan d'appui horisontal un Solide formé de Spheres égales également pesantes, M. Saulmon vient à considerer celle que feroit contre un plan vertical ce même Solide mû d'un mouvement horisontal unisorme. Il saut concevoir que le plan vertical qui doit être choqué n'est qu'à une distance telle que les Spheres du Solide qui doit choquer ne soient pas tombées par leur pesanteur avant que de rencontrer le plan vertical. Par l'espace qu'on sçait qu'un corps pesant parcourt en une Seconde au commencement de sa chûte, & par le Sistême établi de l'acceleration, on détermine quelle peut être la plus grande distance de ce plan qui sera choqué.

M. Saulmon trouve par sa Theorie que la force abso-Hist. 1717.

luë ou la pesanteur totale du Solide qui choque sera à saforce de son choc contre le plan vertical comme 6 sois le nombre des étages d'une Colonne à un peu moins de 21, & par consequent comme le double du nombre des étages est à 7, quand on prend 21 sans diminution, ce qui est permis quand la fraction qu'il en faut retrancher est

assés petite.

De là il suit que quand le Solide supposé est un Fluïde, ce qui rend le nombre des étages d'une Colonne infini, si les Spheres en sont conçûes infiniment petites, la sorce du choc de ce Fluïde mû horisontalement d'une vitesse quelconque sinie est nulle par rapport à son poids total, & cela peut paroître paradoxe. Mais puisque les Spheres sont supposées infiniment petites, la premiere couche verticale du Solide qui s'applique contre le plan vertical & le frape, n'est qu'un plan mathematique sans prosondeur, & par consequent sans masse & sans force, quelque vitesse qu'il ait. D'un autre côté la pesanteur absolue du Solide qui se meut est la force d'un corps qui a ses trois dimentions; on a donc sait la même chose que si on avoit comparé la force d'un plan à celle d'un Solide, ou un plan à un Solide, & dans cette comparaison le plan est nul.

Puisque dans la nature le choc d'un Fluïde, comme l'Air ou l'Eau, mû horisontalement contre un plan vertical, n'est pas nul par rapport à sa pesanteur absolue, il s'ensuit que les particules élementaires qui composent ces Fluïdes ne sont pas infiniment petites, ou que, si elles l'étoient, elles formeroient des molecules ou Colonnes sinies en s'entretouchant en nombre infini. C'est ainsi que des idées purement geometriques, & qui ne paroissent d'abord que des sictions de l'esprit, peuvent avoir des applications réelles à la Phisique. Il semble même qu'on en peut attendre beaucoup d'autres de la Theorie de M.

Saulmon poussée aussi loin qu'elle peut aller.

Descamus a fair executer en grand, & marcher devant l'Academie un Carrosse de son invention qui a plusieurs singularités avantageuses. Les Chevaux y fatiguent moins, parce que leurs Traits sont paralleles au terrain, & qu'ils ne sont que tirer un poids sans l'élever. Les cahots s'y sont moins sentir, parce que les roues de devant sont aussi grandes que celles de derriere. Il est moins sujet à verser, parce que les quatre Soupentes qui portent le corps du Carrosse sont à la hauteur de l'Imperiale, & quand même on détacheroit une des quatre, il ne verseroit pas aisément, parce que son centre de pesanteur se trouveroit encore soutenu par ces Soupentes, qui sont en diagonale.

Ous renvoyons entierement aux Memoires Les Crics nouveaux de M. Dalesme.

V. les M. p. 301.

# MACHINES OU INVENTIONS APPROUVEES PAR L'ACADEMIE.

EN M. DCCXVII.

I.

N nouveau Compas inventé par M. du Val Prêtre;
pour prendre exactement sur toutes sortes de Plans
les Angles soit de degrés entiers, soit de degrés, & de
minutes, & de secondes, & pour les marquer sur le papier. Il a paru bien imaginé, & aussi utile que le peut être
un instrument à Pinnules.

Une nouvelle forme de Matelas inventé par M. de la L ij

84 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE Chaumette, qui peut être principalement utile dans les Hôpitaux.

HII.

Un moyen proposé par M. de Figuiere de Clermont en Languedoc, pour garantir de naufrage les Bateaux qui passent sous le Pont du S. Esprit. Ce moyen consiste à mettre au devant des Becs des Piles de ce Pont des Avantbecs flotants, qui les embrassent sans les toucher, qui soient toûjours sur la surface de l'eau, formés d'un plancher de bois qui porte de la Mousse haute de 6 pieds & recouverte de cuir, enfilés à 4 chaînes verticales attachées fortement par un bout au fond de l'eau, & par l'autre à des avances ou faillies fermes qui doivent être au haut du Pont. Les Avant-becs peuvent hausser ou baisser avec Peau le long de ces chaînes, & moyennant ce jeu qu'ils ont, la mollesse des matieres dont ils sont matelassés, & la figure qu'on peut leur donner, on a crû que le choc des Bateaux qui iroient fraper ces Avant-becs pourroit être amorti, & leurs cours dirigé à enfiler l'Arche, & que le passage du Pont pourroit être moins dangereux & plus fûr, pourvû que l'execution du tout fût bien parfaite.

IV.

Une Roüe à élever de l'Eau proposée par M. Joué, ancien Ingenieur du Roi. Ce qu'elle a de nouveau & d'ingenieux, c'est que les Godets qui portent l'eau se ferment à coulisse par une Bascule en sortant de l'eau, & par un autre bras ils s'ouvrent lorsqu'ils sont arrivés à peu-prés au plus haut de la Roüe. Cependant il pourroit arriver que les ordures & le sable, qui se trouvent ordinairement dans les Courants rapides, empêcheroient les portes de s'ouvrir ou de se fermer, & les feroient rompre ou user fort vîte. Il saut de plus un puissant moteur pour saire un effet un peu considerable avec de pareilles Roües.

M. Joué a aussi imaginé de mettre à la place des Godets des Seaux suspendus à un Boulon, autour duquel l'Anse de ces Seaux est tournante, asin que le Seau se

trouve toûjours à plomb, jusqu'à ce qu'étant arrivé à peu prés au haut de la Roüe, il frape contre le bord d'une Auge un peu au dessous de son centre de pesanteur, ce qui l'oblige à se coucher & à se vuider en glissant le long d'un plan incliné mis dans l'Auge, au sortir de laquelle le Seau se remet à plomb. Quoi-que ces Seaux ne soient pas nouveaux, l'application en a paru nouvelle & bien pensée. Cependant les chocs indispensables dans cette Machine, & saits avec vîtesse, la pourront rendre d'un assés grand entretien.

V.

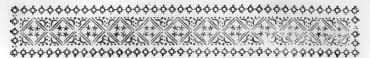
Plusieurs propositions de M. le Large, Mathematicien & Explicateur des Globes du Roi, sur la maniere de paver plus solidement les Rües & les Chemins. On les a trouvées pleines de reslexions & de remarques judicieus sur les inconvenients des dimensions, de l'arrangement & de la disposition ordinaire des Pavés, sur les changements qu'il y faudroit faire, & même sur ceux qu'il faudroit faire aux Voitures soit par rapport au Pavé, soit asin de les rendre plus roulantes, & moins satiguantes pour les Chevaux. Le tout a paru sort ingenieusement imaginé.

VI.

Une Machine pour dessaler l'Eau de la Mer en quantité & à peu de frais, inventée par M. Gautier Docteur en Medecine établi à Nantes. La construction en a part nouvelle, & sort ingenieusement pensée, & l'on espere beaucoup des experiences que l'Auteur est allé saire luimême dans un voyage de long cours.

VĪI.

Une Pendule qui marque le vrai lieu du Soleil dans l'Ecliptique, & le temps vrai, au lieu que toutes les Pendules ordinaires ne marquent que le temps moyen. Elle a été inventée par M. le Roi Horloger de Paris, & executée avec beaucoup d'art, & toute la précision dons l'Horlogerie est capable.



#### $E \quad L \quad O \quad G \quad E$

#### DE M. OZANAM.

JACQUES OZANAM nâquit en 1640 dans la Souveraineté de Dombes d'un Pere riche, & qui avoit plusieurs Terres. La famille étoit d'origine Juive, ce que marque assés le nom, qui a tout à-sait l'air Hebreu, mais il y avoit long-temps que cette tache, peut-être moins réelle qu'on ne pense, étoit effacée par la profession du Christianisme, & de la Religion Catholique. Cette samille étoit illustrée par plusieurs Charges qu'elle avoit

possedées dans des Parlements de Provinces.

M. Ozanam étoit cader, & par la Loi de son Pays tous les biens devoient apartenir à l'aîné. Son Pere, qui étoit un homme vertueux, voulut réparer ce desavantage par une excellente éducation. Il le destinoit à l'Eglise pour lui faire tomber quelques petits Benefices qui dépendoient de la famille. Les mœurs du jeune Homme étoient bien éloignées de s'opposer à cette destination, elles se portoient naturellement à tout ce qui seroit à desirer dans un Ecclesiastique, & une Mere trés pieuse les fortifioit encore & par son exemple & par ses soins, d'autant plus puissants qu'elle étoit tendrement aimée de ce fils. Cependant il ne se tournoit pas volontiers du côté de l'Eglise, il avoit fort bien réüssi dans ses Humanités, mais il avoit pris beaucoup de dégoût pour la Philosophie Scolastique, la Theologie ressembloit trop à cette Philosophie, & ensin il avoit vû par malheur des Livres de Mathematiques, qui lui avoient appris à quoi il étoit destiné.

Il n'eut point de Maître, & on n'avoit garde de lui en donner, mais la Nature seule sait de bons Ecoliers. A 10

ou 12 ans il passoit quelquesois de belles nuits dans le Jardin de son Pere couché sur le dos pour contempler la beauté d'un Ciel bien étoilé; spectacle en effet auquel il est étonnant que la force même de l'habitude puisse nous rendre si peu sensibles. L'admiration des mouvements ce-lestes allumoit déja en lui le desir de les connoître, & il en démêloit par lui-même ce qui étoit à la portée de sa raison naissante. A l'âge de 15 ans il avoit composé un Ouvrage de Mathematique qui n'a été que manuscrit, mais où il a trouvé dans la suite des choses dignes de passer dans des ouvrages imprimés. Il n'eut jamais de secours que de son Prosesseur en Theologie, qui étoit aussi Mathematicien, mais un secours leger, donné à regret, & toûjours accompagné d'exhortations à n'en guere prositer.

Aprés 4 ans de Theologie faits comme ils peuvent l'être par obérssance, son Pere étant mort, il quitta la Clericature, & par pieté & par amour pour les Mathematiques. Elles ne pouvoient pas lui rendre ce qu'il perdoit, mais enfin elles devenoient sa seule ressource, & il étoit juste qu'elles le sussensient. Il alla à Lion où il se mit à les enseigner. L'éducation qu'il avoit eûë lui donnoit beaucoup de repugnance à recevoir le prix de ses Leçons, il eût été asses payé par le plaisir de faire des Mathematiciens, & de ne parler que de ce qu'il aimoit, & il rougis-

Il avoit encore une passion, c'étoit le Jeu. Il jouoit bien, & heureusement. L'esprit de Combinaisons peut y servir beaucoup. Si la fortune du Jeu pouvoir être durable, il eût été assés à propos qu'elle eût supplée au revenu leger des Mathematiques.

soit de l'être d'une autre maniere.

Il sit imprimer à Lion en 1670. des Tables des Sinus, Tangentes & Secantes, & des Logarithmes plus correctes que celles de Ulacq, de Ptiscus & de Henri Briggs. Comme ces Tables sont d'un usage fort frequent, c'est un grande repos que d'en avoir de sûres.

Deux Etrangers à qui il enseignoit à Lion lui ayans

parlé du chagrin où ils étoient de n'avoir point reçû des. Lettres de Change qu'ils attendoient de chés eux pour aller à Paris, il leur demanda ce qu'il faudroit, & sur ce qu'ils répondirent 50 Pistoles, il les leur presta sur le champ sans vouloir de Billet. Ces Messieurs arrivés à Paris en sirent le recit à seu M. Daguesseau, Pere de M. le Chancelier. Touché d'une action si noble en toutes ses circonstances, il les engagea à faire venir ici M. Ozanam sur l'assurance qu'il leur donnoit de le faire connoître, & de l'aider de tout son pouvoir. Peu de gens aussi sensibles au mérite sont à portée de le favoriser, ou peu de gens à portée de le favoriser y sont aussi sensibles.

M. Ozanam se détermina donc à quitter Lion. Sur la route un inconnu lui dit que s'il pouvoit renoncer au Jeu il seroit sortune à Paris, qu'il y acquerroit beaucoup de reputation, qu'il s'y marieroit à 35 ans, & quelques autres choses particulieres que l'évenement a justifiées. Il y auroit dans cet Inconnu de quoi saire un Devin, si l'on

vouloit, ou un Rosecroix qui couroit le monde.

A peine M. Ozanam étoit-il arrivé à Paris qu'il apprit que sa Mere étoit à l'extremité, & vouloit le voir avant que de mourir. Comme il l'aimoit avec tendresse il y vola, mais il eut la douleur de la trouver morte. Elle avoit eu dessein de le faire son heritier, mais le Frere aîné l'empêcha par des artisses, dont il se punit ensuite lui-même, en conduisant trés mal & en dissipant ce bien

qu'il avoit tant aimé.

M. Ozanam revint à Paris, & n'eut plus aucun commerce avec une famille dont il ne tenoit que son nom. Il se désit de la passion du Jeu, & les Mathematiques surrent son unique sonds, Il étoit jeune, assés bien sait, assés gai, quoi-que Mathematicien, des avantures de galanterie vinrent le chercher. Une semme qui se disoit de condition, & qui logeoit dans la même maison que lui, tenta vivement sa vertu. Il lui demanda si elle n'avoit point besoin d'argent, elle en convint, & il en sur quitte

bonf

pour quelque Louis d'or. Il conçur que dans le célibat il couroit risque non seulement de se désendre plus mal, s'il se presentoit de pareilles occasions, mais d'être l'aggresfeur, & il épousa une femme presque sans bien, qui l'avoit touché par son air de douceur, de modestie & de vertu. Ces belles apparences, ce qui est heureux, ne le

tromperent point.

Ses études ni ses occupations ne l'empêchoient point de goûter avec elle & avec ses Enfants les plaisirs simples que la Nature avoit attachés aux noms de Mari & de Pere, mais qui sont aujourd'hui reservés pour les familles obscures, & qui deshonoreroient les autres. Il eut jusqu'à 12 Enfants, dont la pluspart moururent, & il les regrettoit comme s'il eût été riche, ou plussôt comme ne l'étant point, car ce sont les plus riches qui se tiennent le plus

incommodés d'une nombreuse famille.

Dans les temps de Paix, où Paris étoit plein d'Etrangers, les Mathematiques rendoient bien, & il vivoit dans l'abondance, bien entendu que c'étoit l'abondance d'un homme fort reglé. Pendant la Guerre, la recette baissoit, les François y suppléoient peu, parce qu'il les avoit détournés de lui en préferant les Etrangers, & qu'une certaine habitude, un certain train établi a beaucoup de pouvoir en toute matiere. Il employoit les temps de guerre à composer des Ouvrages, non pas tant pour se procurer par-là quelque dédommagement, car que peuton esperer d'un Livre de Mathematique ? que parce qu'il est presque impossible qu'un Mathematicien habile & qui a du loisir resiste à des vûës & à des methodes nouvelles, qui viennent s'offrir à lui, & en quelque sorte malgré lui.

Il composoit avec une extrême facilité, quoi-que sur des sujets si difficiles. Sa premiere façon étoit la dernière, jamais de ratures ni de corrections, & les Imprimeurs se louoient fort de la netteté de ses Manuscrits. Quelquesois il resolvoit des Problêmes embarassés en allant par les rües, quelquefois même, dit-on, en dormant, & alors il se fai-

Hift. 1717.

foit apporter promptement à son réveil de quoi les écrire, car la memoire, ennemie presque irreconciliable du ju-

gement, ne dominoit pas en lui.

Ses principaux Ouvrages sont un dictionnaire de Mathematique trés ample imprimé en 1691, où il donne par occasion les solutions d'un assez grand nombre de Problêmes de trés longue haleine, un Cours de Mathemathique en 5 Volumes imprimé en 1693, un grand Traité d'Algebre, des Sections Coniques, des Recreations Mathematiques & Phisiques, un Diophante manuscrit qui est entre les mains de M. le Chancelier, juge fort éclairé, même en ces matieres. Tous ces ouvrages, & quelques autres moins confiderables seulement par le volume, ne roulent que sur l'ancienne Geometrie, mais approfondie avec beaucoup de travail. La nouvelle n'y paroît point, c'est-à-dire, celle qui par le moyen de l'Infini s'est élevée si haut; elle étoit beaucoup plus jeune que M. Ozanam. Il est vrai aussi que l'ancienne, qui est moins sublime, moins piquante, même moins agréable, est plus indispensablement necessaire, & plus sensiblement utile, & que c'est elle seule qui fournit à la nouvelle des sondements folides.

A l'âge de 61 an, c'est-à-dire en 1701, il perdit sa semme, & avec elle tout le repos & tout le bonheur de sa vie. La guerre, qui s'alluma aussi-tôt pour la succession d'Espagne, le réduisit dans un état sort trisse. Ce sut en ce temps-là qu'il entra dans l'Academie où il voulut bien prendre la qualité d'Eleve, qu'on avoit dessein de relever par un homme de cet âge & de ce merite. Il a valu cette gloire à l'Academie, qui a eu la douleur de ne l'en récompenser par aucune utilité. Il eut plus que du courage dans sa situation, il alla jusqu'à la patience Chrestienne. Il ne perdit pas même sa gayeté naturelle, ni une sorte de plaisanterie, qui le délassoit d'autant mieux qu'elle étoit moins recherchée.

Sans tomber malade il eut un tel pressentiment de sa

mort, que des Seigneurs étrangers l'ayant voulu prendre pour Maître, il les refusa sur ce qu'il alloit mourir. Le Dimanche 3 Avril 1717 il alla le matin se promener selon sa coûtume au Jardin du Luxembourg, il dina avec appetit, & à 3 heures aprés midi il se trouva mal, & demanda à se coucher. Sa seule Domestique voului aller chercher son fils aîné qui étoit sorti, mais il dir qu'il ne pourroit pas venir assez-tôt, & peu de temps après il tomba dans une Apoplexie dont il mourur en moins de deux heures.

Feüe Mademoiselle, Princesse Souveraine du Pays où il étoit né, l'appelloit l'honneur de sa Dombes. Il a eu plus de reputation parmi les Etrangers, que parmi nous, qui sur certains points sommes trop peu prévenus en faveur de nôtre Nation, & trop en recompense sur d'autres.

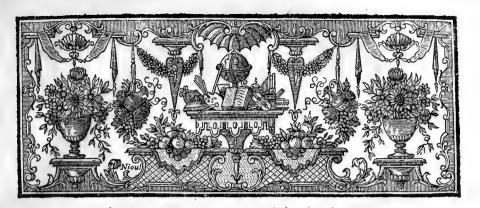
Il sçavoit trop d'Astronomie pour donner dans l'Astrologie Judiciaire, & il refusoit courageusement tout ce qu'on lui offroit pour l'engager à tirer des Horoscopes, car presque personne ne scair combien on gagne à ignorer l'avenir. Une fois seulement il se rendit à un Comte de l'Empire qu'il avoit bien averti de ne le croire pas. Il dressa par Astronomie le Theme de sa nativité, & ensuite sans employer les regles de l'Astrologie, il lui prédit tous les bonheurs qui lui vinrent à l'esprit. En même temps le Comte sit saire aussi son Horoscope par un Medecin trés entêté de cet Art, qui s'y prétendoit fort habile, & qui ne manqua pas d'en suivre exactement & avec scrupule toutes les regles. Vingt ans aprés le Seigneur Allemand apprit à M. Ozanam que toutes ses prédictions étoient arrivées, & pas une de celles du Medecin. Cette nouvelle lui fit un plaisir tout different de celui qu'on prétendoit lui faire. On vouloit l'applaudir sur son grand sçavoir en Astrologie, & on le confirmoit seulement dans la pensée qu'il n'y a point d'Astrologie.

Un cœur naturellement droit & simple avoit été en lui une grande disposition à la pieté. La sienne n'étoit pas feulement solide, elle étoit tendre, & ne dédaignoit pas certaines petites choses qui sont moins à l'usage des hommes que des semmes, & moins encore à l'usage des Mathematiciens, qui pourroient regarder les hommes ordinaires comme des semmes. Il ne se permettoit point d'en sçavoir plus que le peuple en matiere de religion. Il dissorbonne de disputer, au Pape de prononcer, & au Mathematicien d'aller en Paradis en ligne perpendiculaire.



Correction pour l'Histoire de 1715.

Page 31 & 35 lisez, au lieu de M. d'Ortous de Meyran, M. Dortous de Mairan,



## MEMOIRES

DE

### MATHEMATIQUE

E T

### DE PHYSIQUE,

TIRE'S DES REGISTRES de l'Academie Royale des Sciences.

De l'Année M. DCCXVII.

# OBSERVATIONS METEOROLOGIQUES faites à l'Observatoire Royal pendant l'Année 1716.

Par Mrs. DE LA HIRE.

Eux qui ont de la curiosité pour connoître les varietés qui se rencontrent dans les saisons, & ceux qui veulent en faire la comparaison avec ce qui a été observé ailleurs, pourront se satisfaire pleinement par les Observa-Mem. 1717.

9 Janvier 1717. MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

tions Meteorologiques que je fais depuis un grand nombre d'années avec un trés grand soin dans le même lieu avec les mêmes instruments & de la même maniere, & dont je rends compte à l'Academie au commencement de chaque année suivante. Voici celles de l'année 1716, & premierement l'eau qui est tombée soit en Pluye soit en Nege sondue a été en hauteur pendant les mois de

| lignes                         | lignes                        |
|--------------------------------|-------------------------------|
| Janvier $22:2:2:29\frac{1}{8}$ | Juillet $24\frac{z}{8}$       |
| Feyrier $\dots$ $9\frac{7}{8}$ | Aoust $3\frac{7}{8}$          |
| Mars $10\frac{3}{8}$           | Septembre 27 \frac{5}{8}      |
| Avril $6\frac{2}{8}$           | Octobre $\dots 27\frac{1}{8}$ |
| Mai $10\frac{3}{8}$            | Novembre $10\frac{4}{8}$      |
| Juin 4 3                       | Decembre $8\frac{4}{8}$       |

Somme de la hauteur de l'Eau de toute l'année 1716 est

172. lignes \(\frac{1}{4}\), ou bien 14 pouces 4 lignes \(\frac{1}{4}\).

Cette année a été fort séche par rapport aux années moyennes dans lesquelles nous avons établi qu'il tomboit 19 pouces de hauteur d'eau; & comme il est tombé peu d'eau dans le Primtemps & dans l'Eté, les Foins & les Mars ont peu rapporté, & la plûpart des Fruits n'ont pas profité & ont séché sur les Arbres sans pouvoir meurir dans les Provinces fort abondantes pour l'ordinaire. Cependant la récolte des Bleds a été fort bonne, car la sécheresse qui a causé du dommage d'un côté, a été utile pour la netteté du Grain, qui n'a point été étouffé par les herbes qui y croissent ordinairement dans les années pluvieuses, & qui font verser les Bleds, outre que la paille a été fort courte, & que les épics étoient bien soutenus. Les mois d'Eté qui fournissent ordinairement beaucoup d'eau par des orages, n'en ont donné que trés peu, & c'est ce qui fait paroître cette année fort séche par rapport aux movennes.

Il a négé trés considérablement pendant tout le mois de Janvier, & la plus grande Nege a été le 31 de ce mois, laquelle a fourni 16 lignes de hauteur d'eau étant fonduë, le vent étoit alors S. O. aussi ce mois a fourni plus d'eau qu'aucun des autres. La Nege du mois de Decembre n'a pas été grande.

Il n'y a point eu d'orages pendant cette année, mais seulement un coup de Tonnerre assez fort le 19 de Septembre avec une Pluye mediocre par un vent sort S. O.

La grande quantité des Brouillards fort épais qu'il a fait cette année a beaucoup servi à l'entretien des Plantes & des Arbres.

Les Vents ont été à l'ordinaire assez variables, mais le 31 Octobre il a fait un Vent de S. trés violent & une Pluye de prés de 6 lignes. Le dernier jour de Novembre le Vent S. O. a été aussi assez fort, mais sans Pluye.

## Sur le Thermometre.

Mon Thermometre, dont je me suis toûjours servi, est descendu au plus bas à 4 parties ; le 22 Janvier, ce qui marque un trés grand froid, mais qui n'a duré que la nuit précedente, car les jours suivants il est remonté considerablement. On peut juger de ce froid par comparaison à celui de Janvier 1709, qui a passé pour l'un des plus grands qu'on air vû dans ce Pays-ci, car ce même Thermometre ne descendit qu'à 5 parties le 13 & le 14 de Janvier, & le 21 à 5 3, aussi le froid de l'année 1709 dura plus long-temps que celui de cette année. Le vent du 22 de Janvier de cette année 1716 étoit N. mais celui du 13 & du 14 de Janvier 1709 étoit d'abord trés foible, ensuite il sur mediocre N. N. O. ensin il se tourna à l'O. & devint trés fort avec de la Nége. Dans le commencement du mois de Fevrier de cette année où le froid est assez souvent trés fort, à peine a-t-il gelé.

Ce même Themometre est monté sort haut dans la sin du mois de Juillet & dans tout le mois d'Août, & il a été au plus haut le 22 Juillet à 62 parties \(\frac{1}{2}\) avec un vent mediocre O, & à 63 parties le 23 Août avec un vent mediocre O.

4 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE diocre S. O. Toutes ces Observations sont toujours saites vers le lever du Soleil, qui est le temps le plus froid de la journée, & vers les 2 ou 3 heures aprés midi il remonte ordinairement de 12 parties, au moins en Eté, car en Hiver il remonte sort peu.

#### Sur le Barometre.

Mon Barometre ordinaire, qui est toûjours placé à la hauteur de la grande Salle de l'Observatoire, est descendu au plus bas à 26 pouces 9 lignes ½ le premier jour de Janvier avec un vent mediocre S. & il est monté au plus haut à 28 pouces 3 lignes le 16 Fevrier avec un vent N. E. donc la difference entre ces hauteurs a été à peu-

prés comme à l'ordinaire 17 lignes 1.

Je remarque ici, comme j'ai déja fait en plusieurs années, que le Barometre est bas pour l'ordinaire quand le vent vient des environs du S. & qu'il est haut quand le vent tire vers le N. & qu'il pleut affez souvent quand il est bas, & qu'il fait serein quand il est haut. Mais il y a de grandes varietés dans les vents qui peuvent alterer considerablement cette remarque, car les vents que nous observons ne sont que des vents qui regnent sur la surface de la Terre, aussi nous voyons assez souvent quand il y a des nuées fort élevées au dessus de celles qui sont proches de la Terre, qu'un vent bas vient d'un côté tout-à-fait opposé à celui qui regne en haut, & cela pourroit être sans être apperçû, s'il n'y avoit point de nuées dans la partie superieure de l'air, lesquelles pussent nous le faire remarquer. Il se pourroit faire aussi que ces deux vents opposés pourroient se détruire & causer un calme. Mais pour faire ces remarques avec un peu de justesse, on doit prendre garde si un même vent a regné quelque temps; car un vent subit qui se formeroit sur la surface de la Terre ne changeroit rien à la hauteur de l'Atmosphere qui nous est indiquée par le Barometre, & c'est cette hauteur de l'Atmosphere qui peut nous marquer plus justement la Pluye ou le beau-temps; car nous sçavons que dans les parties Septentrionales de la Terre, l'Atmosphere y est bien plus élevée que dans les parties Meridionales, & qu'il s'éleve bien moins de vapeurs dans ces Pays là que dans ceux-ci: c'est pourquoi les vents qui viennent des Pays Septentrionaux sont toûjours plus secs que ceux qui viennent des Pays Meridionaux, & que ces vents Septentrionaux augmentent la hauteur de l'Atmosphere, & qu'au contraire les autres la diminüent, ainsi l'abaissement du mercure dans le Barometre doit marquer de la Pluye, & son élévation de la serenité.

On pourroit encore ajoûter à ceci que lorsque l'Atmosphere est moins pesante, & par consequent moins condensée, ce qui équipole à un milieu plus rare, elle ne peut pas soutenir les particules des vapeurs qui y sont répandues, lesquelles sont obligées de tomber & donnent de la Pluye: au contraire quand l'Atmosphere est plus condensée, elle approche plus d'un milieu plus dense, qui soutenant ces vapeurs, ne doit point causer de Pluye, aussi les mauvaises odeurs qui s'exalent des lieux communs se sont sentir fortement quand le Barometre est bas, mais elles s'élevent facilement dans l'Atmosphere dense qui les pousse en haut, comme on le remarque sur la sumée.

# Sur la déclinaison de l'Aiguille aimantée.

Nous avons observé la déclinaison de l'Aiguille aimantée avec plusieurs Aiguilles de differentes longueurs & de differente construction. La premiere est une Aiguille toute simple qui n'est qu'un filet d'Acier de 8 pouces de long placée dans une boëte de bois, & elle nous a donné la déclinaison de 12° 20' du Nord vers l'Oüest.

La seconde Aiguille est aussi un silet d'Acier de 13 pouces ½ de longueur placée dans la boëte de pierre de Liais dont nous avons donné la description dans le Memoire de l'année précedente, & elle nous a donné la déclinaison de 11° 45°.

Aiij

#### MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

La Troisième est une Aiguille semblable à la précedente de 13 pouces ½ & placée dans la même boëte, & elle nous a donné la déclinaison de 12° 20' comme celle

de 8 pouces de long.

Mais ayant chargé cette Aiguille de deux petits morceaux d'Acier longs & pointus à ses deux extremités, & dont les pointes répondoient à celles de l'Anguille, pour voir si cette sorte d'Aiguille qui ne fait que comme deux petites pierres d'Aiman jointes par un silet, quand toute l'Aiguille est aimantée, ne changeroit point la direction de l'Aiguille de ce qu'elle étoit n'étant point chargée, elle nous a donné alors la déclinaison de 13° 25'.

On connoît donc par-là que cette Aiguille ainsi formée ou chargée a augmenté la déclinaison de plus d'un degré, ce qui peut faire soupconner que ces sortes d'Aiguilles qui sont faites en fleche, lesquelles portent à leurs extremités deux pieces plus grosses que le filet qui les joint, peuvent causer des differentes déclinaisons par la nature de l'Acier de ces pieces qui peuvent se trouver aimantées diversement, quoi-que ces sortes d'Aiguilles en apparence paroissent plus mobiles que les simples par les vibrations que sont ces deux pieces ajoûtées.

Le 9 me, jour de Mai au matin à 5h j'observai un Parhelie vers le Midi à l'égard du Soleil; il étoit entre des nuées legeres & à même hauteur que le Soleil, & le centre du Parhelie étoit éloigné du centre du Soleil de 220 ¼, sa couleur rouge étoit tournée vers le Soleil, & la bleuë à l'opposite. Nous avons observé autresois que la distance entre le centre du Soleil & celui du Parhelie varie par rapport à la densité de l'air ou au chaud & au froid; le temps où ils paroissent ordinairement est en Mai,

# T R A I T E'

# DU CALCUL DES DIFFERENCES

#### FINIES.

## Par M. NICOLE

On dessein dans ce Memoire est de donner un 30 Janvier Traité complet du Calcul des differences finies. Ce qui m'a donné occasion de travailler sur cette matiere est la lecture que j'ai faite du Livre qui a pour titre ! Methodus Incrementorum dont M. Taylor Secretaire de la Societé

Royale de Londres est Auteur.

Entre plusieurs choses excellentes que cet habile Geometre donne dans cet ouvrage, on y trouve une Methode pour former des suites infinies de fractions, dont les numerateurs étant des quantités constantes, les dénominateurs font les produits de plusieurs grandeurs qui augmentent uniformément. Cette Méthode sert aussi à trouver la fomme de tant de termes qu'on voudra d'une suite de produits dans lesquels les facteurs qui composent chaque produit, augmentent toûjours de la même quantité.

Mais outre que cette Methode n'est pas expliquée ni démontrée d'une maniere bien claire, elle ne fatisfait qu'à un trés petit nombre de cas. Il y a une infinité de suite qui n'ont pas les conditions que demande cette Methode. Il y en a quantitité d'autres qui n'ayant pas ces conditions demandent des réductions & des changemens considerables pour leur donner la forme que cette Methode de-

mande.

J'ai donc crû qu'il seroit utile d'expliquer & de démontrer d'une maniere nouvelle la Methode de M. Taylor, ensuite de donner des Methodes pour réduire toutes les

8 Memoires de l'Academie Royale

suites qui n'observent pas la loi que cette premiere Methode demande, & qui cependant peuvent être ramenées à cette loi. Ces deux objets feront la premiere partie de ce Memoire.

Dans la seconde je donnerai plusieurs Methodes pour sommer une infinité de suite, qui ne le peuvent être par la premiere, & j'appliquerai ces Methodes à la recherche des sommes de plusieurs suites curieuses.

#### PREMIERE PARTIE.

Traité du Calcul des differences, dans lequel on considere les Differences finies.

Si l'on suppose la quantité x croître continuellement & uniformément, & que cet accroissement soit exprimé par la quantité n, on aura cette suite x, x + n, x + 2n, x + 3n, &c. dans laquelle la difference d'un terme à ce-

lui qui le précede immediatement est n.

Pour avoir la difference de cette expression algebrique  $x \times x + n$ , on suppose que l'accroissement des x est tonjours n. Il faut examiner ce que cette quantité  $x \times x + n$  devient par l'augmentation faite à x, l'on trouve  $x + n \times x + 2n$ , dont il faut retrancher  $x \times x + n$  pour avoir la difference de l'un à l'autre, & l'on aura  $x + n \times x + 2n$ 

 $-x \times x + n = x + 2$   $n = x \times x + n = 2$   $n \times x + n$  pour la difference cherchée.

De même pour avoir la difference de  $x \times x + n \times x + 2n \times x + 3n$ , on fera x + n, x + 2n, x + 3n, x + 4n.

 $-x \cdot x + n \cdot x + 2n \cdot x + 3n$  qui se réduit à x + 4n - x  $\times x + n \cdot x + 2n \cdot x + 3n = 4n \times x + n \times x + 2n \times x$ + 3n, d'où l'on tire cette régle generale.

Pour trouver la différence finie d'une quantité algebrique composée de tant de facteurs que l'on voudra comme de celle-ci, x. x + 2. x + 4. x + 6. x + 8 dont l'ac-

croissement

DES SCIENCES

croissement de x ou sa difference est 2. Il faut d'abord multiplier par le nombre des facteurs qui est ici 5, ensuite retrancher le premier facteur, & il vient  $5 \times x + 2 \cdot x + 4 \cdot$ x + 6.x + 8, & multiplier par la difference ou la quantité dont x augmente qui est ici 2, & l'on aura 2 x 5 x x  $+2\times x + 4\times x + 6\times x + 8$  pour la différence cherchée.

Pour prendre la difference finie d'une fraction telle que  $\frac{1}{x \cdot x + n}$  dans laquelle l'accroissement ou la difference finie de x est n, il faut examiner ce que cette quantité devient par l'augmentation n faite à x; l'on voit qu'elle devient  $\frac{I}{x+n. x+2n}$ , laquelle étant ôtée de la première  $\frac{I}{x. x+n}$ , on aura  $\frac{I}{x \cdot x + n} - \frac{I}{x + n \cdot x + 2n} = \frac{x + 2n - x}{x \cdot x + n \cdot x + 2n}$  qui se réduit à  $x \cdot x + n \cdot x + 2n$ 

Pour prendre la difference de cette fraction

 $\frac{1}{x \cdot x + n \cdot x + 2n \cdot x + 3n \cdot x + 4n}$  en fuivant la même methode on aura  $\frac{1}{x \cdot x + n \cdot x + 2n \cdot x + 3n \cdot x + 4n}$ 

 $\frac{1}{x+n.x+2n.x+3n.x+4n.x+5n}$ , & en mettant à même

dénomination, il vient  $\frac{x+5n-x}{x.x+n.x+2n.x+3n.x+4n.x+5n}$ 

 $= \frac{5n}{x \cdot x + n \cdot x + 2n \cdot x + 3n \cdot x + 4n \cdot x + 5n}, \text{ d'où il fuit cette}$ regle generale pour prendre la difference finie d'une frac-

Il faut multiplier cette fraction par le nombre des facteurs, & par la difference, & ensuite augmenter un facteur dans le dénominateur.

Ainsi la difference finie de cette fraction

 $\frac{aa}{x.x+3.x+6.x+9.x+12}$  (dans laquelle l'augmentation de x ou fa difference est 3) en suivant la regle sera

#. x + 3. x + 6. x + 9. x + 12. x + 15 Mem. 1717.

tion.

## 10 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

## REMARQUE I.

Si l'on fait attention à ce que l'on a fait pour prendre la difference finie d'une grandeur algebrique composée de tant de facteurs qu'on voudra, dans lesquels l'inconnuë croît continuellement d'une quantité finie, on appercevra ce qu'il faut faire pour retrouver l'expression algebrique dont la difference est donnée; cette expression algebrique s'appellera l'integrale de la difference donnée.

Methode pour trouver l'integrale d'une difference donnée, exprimée par des grandeurs entieres, composee de tant de facteurs qu'on voudra.

Il faut adjouter le facteur qui précede le premier, enfuite diviser par le nombre des facteurs & par la difference.

Ainsi pour trouver l'integrale de  $2n \times x + n$ , l'augmentation de x ou sa difference étant n, on multipliera d'abord par le facteur qui précede x + n, ce facteur est x, & l'on aura  $2n \times x \times x + n$ , ensuite on divisera par le nombre des facteurs qui est 2, & par la difference n, & il viendra  $x \times x + n$  pour l'integrale cherchée, ce qui doit être, car en prenant la difference de  $x \times x + n$ , on trouve  $2n \times x + n$ , ainsi l'integrale de  $4n \times x + n$ . x + 2n. x + 3n sera  $x \cdot x + n$ . x + 2n. x + 3n sera

L'integrale de  $x + 2 \cdot x + 4 \cdot x + 6$  (la difference ou les accroissements des x étant 2) fera  $\frac{x \cdot x + 2 \cdot x + 4 \cdot x + 6}{8}$ .

L'integrale de x. x+4, x+8. x+12 fera  $\frac{x-4. x. x+4. x+8. x+12}{5. 4}$ , &c.

# REMARQUE II.

Si l'on examine ce qui a été fait pour prendre la difference finie d'une fraction composée de tant de facteurs

qu'on voudra, on appercevra ce qu'il faut faire pour trouver l'integrale d'une fraction algebrique dont la difference est donnée.

#### REGLE.

Il faut d'abord diviser le dénominateur par son plus grand facteur, ou, ce qui revient au même, multiplier le numerateur par ce facteur, ensuite il saut diviser par le nombre des facteurs restants & par la difference.

Ainsi pour integrer  $\frac{2n}{x.x+n.x+2n}$ , il faut d'abord multiplier par  $x\to 2n$ , & l'on aura  $\frac{2n}{x.x+n}$ , ensuite diviser par 2 & par n, & il vient  $\frac{1}{x.x+n}$  qui est l'integrale cherchée.

Pour integrer  $\frac{I}{x \cdot x + 2 \cdot x + 4 \cdot x + 6}$ , il faut retrancher le plus grand facteur x + 6, ensuite diviser par le nombre des facteurs qui est 3, & diviser encore par la difference qui est 2, & l'on trouve  $\frac{I}{6 \times x \cdot x + 2 \cdot x + 4}$  pour l'integrale.

Application des Regles que l'on vient d'établir pour les grandeurs entieres.

Soit cette suite infinie

dont on demande la somme de tant de termes qu'on voudra.

Il faut d'abord examiner la loi felon laquelle les facteurs de cette suite augmentent; on voir que cette loi est uniforme, chaque facteur augmente de l'unité. Ainsi un terme quelconque de cette suite peut être exprimé par cette quantité algebrique x. x + 1, car si l'on donne à xsuccessivement les valeurs 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8 &c. on aura chaque terme de la suite que l'on veut sommer.

Cela posé, si l'on demande la somme de la suite proposée depuis le premier terme jusqu'à celui exprimé par x. MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE x+1, il faut considerer le terme qui suit x-x+1 qui est x+1. x+2, comme la difference de la somme qu'on cherche, car il est clair que cette somme differe de la somme depuis le premier jusqu'à celui exprimé par x+1. x+2, de la quantité x+1. x+2, dont l'integrale est x-x+1. x+2. Cette quantité exprimera la somme depuis le premier terme jusqu'à celui exprimé par x. x+1. Si l'on veut avoir les douze premiers termes, on aura x=12, & substituant 12 à la place de x dans l'integrale trouvée, elle deviendra  $\frac{12 \cdot 13 \cdot 14}{3} = 4 \cdot 13 \cdot 14 = 728$ , ce qui est vrai, car 1.  $2+2 \cdot 3+3 \cdot 4+4 \cdot 5+5 \cdot 6+6 \cdot 70 \cdot 70 \cdot 70 \cdot 70 \cdot 8+8 \cdot 9+9 \cdot 10+10 \cdot 11+11 \cdot 12+12 \cdot 13 = 728$ 

## EXEMPLE II.

Trouver la somme de tant de termes qu'on voudra de cette suite.

1. 4. 7. 10 + 4. 7. 10. 13 + 7. 10. 13. 16 + 10. 13.

16. 19 + &c.

On voit que dans cet exemple la loi felon laquelle les facteurs augmentent est 3, d'où il suit qu'un terme quelconque de cette suite peut être exprimé par cette quantité algebrique x.x+3.x+6.x+9, car si l'on met dans cette quantité pour x successivement x.4.7.10.13.16, &c. on trouvera tous les termes de la suite.

Si donc on demande la somme de tous les termes de la suite depuis le premier jusques à celui exprimé par x. x + 3. x + 6. x + 9, on prendra le terme qui suit ce dernier, ce terme est x + 3. x + 6. x + 9 x + 12, lequel sera la difference de tous les termes que l'on demande.

L'integrale de cette différence est en suivant la reglé  $\frac{x \cdot x + 3}{15} \cdot x + 6 \cdot x + 9 \cdot x + 12$ , mais pour que cette quantité algebrique exprime la somme de tous les termes de la suite jusques à celui exprimé par  $x \cdot x + 3 \cdot x + 6 \cdot x + 9$ ,

il faut qu'elle devienne zero lorsque x + 3 = 1, c'est-à-dire, lorsque le terme qui suit le dernier est le premier de la suite : or lorsque x + 3 = 1, on a x = -2, laquelle valeur étant substituée dans l'integrale trouvée, il vient  $\frac{-2 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 7 \cdot 10}{15}$ . Ce qui fait voir que cette quantité manque à l'integrale trouvée, laquelle étant adjoûtée, il vient  $\frac{2 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 7 \cdot 10}{15} + \frac{x \cdot x + 3 \cdot x + 6 \cdot x + 9 \cdot x + 12}{15}$  pour la somme cherchée.

Si l'on veut avoir la fomme des quatre premiers termes, on aura x=10, & partant, la fomme fera  $\frac{2.1.4.7.10}{15}$   $+\frac{10.13.16.19.22}{15}=5,8000$ , ce qui doit être, car r. 4. 7. 10+4. 7. 10. 13+7. 10. 13. 16+10. 13. 16. 19=58000.

Si l'on veut avoir la fomme des 100-premiers termes, on aura x = 298, & la fomme cherchée fera  $\frac{2 \cdot I \cdot 4 \cdot 7 \cdot I0}{I5} = 173007588880$ .

Application des Regles que l'on a données pour les grandeurs rompues.

#### EXEMPLE I.

Soit cette suite infinie  $\frac{I}{I.2} + \frac{I}{2.3} + \frac{I}{3.4} + \frac{I}{4.5} + \frac{I$ 

the Memoires de l'Academie Royale cherche ne differe de la fomme de tous les termes jufques à l'infini, en commençant par celui qui fuit  $\frac{I}{x,x+r}$  & qui feroit  $\frac{I}{x+I,x+2}$ ; qu'elle ne differe, dis-je, que de la quantité  $\frac{I}{x,x+I}$  dont l'integrale est  $\frac{I}{x}$ .

Cette quantité  $\frac{I}{x}$  est donc égale à la somme de toute la suite qui a pour premier terme  $\frac{I}{x, x+1}$ . Si l'on veut que ce premier terme soit aussi le premier de la suite, alors x fera 1, & partant, la somme entière de la suite infinie sera  $\frac{1}{1} = 1$ .

Si l'on veut la fomme de la suite depuis le sixième terme jusqu'à l'infini, alors x sera  $\delta & \frac{1}{x}$  sera  $\frac{1}{\delta}$  pour cette somme, d'où l'on voit que la somme des cinq premiers termes sera  $1 - \frac{1}{\delta} = \frac{5}{\delta}$ , ce qui doit être, car  $\frac{1}{I \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 6} = \frac{5}{\delta}$ .

EXEMPLE II.

Trouver la somme de la suite infinie

 $\frac{1}{1.3.5.7} + \frac{1}{3.5.7.9} + \frac{1}{5.7.9.11} + \frac{1}{7.9.11.13} + &c.$ dans laquelle chaque facteur croît de 2.

Un terme quelconque de cette suite peut être exprimé par cette sormule algebrique  $\frac{1}{x.x+2.x+4.x+6}$  qui sera la difference de la somme qu'on cherche dans laquelle la difference de x est 2.

Integrant donc la quantité  $\frac{1}{x.x+2.x+4.x+6}$ , on trouve  $\frac{1}{6.x.x+2.x+4}$  pour la fomme de la fuite infinie dont le premier terme feroit  $\frac{1}{x.x+2.x+4.x+6}$ .

Si l'on veut que ce premier terme soit le premier de la suite proposée, on aura alors x=1, & en substituant cette valeur dans l'integrale trouvée, ou aura  $\frac{1}{6.1.3.5}$ . pour la somme cherchée  $=\frac{1}{2.0}$ . Si l'on veut avoir la som-

me de la suite depuis le 4<sup>me</sup>, terme jusqu'à l'infini alors x=7, & substituant dans l'integrale  $\frac{1}{6 \cdot x \cdot x + 2 \cdot x + 4}$  pour x sa valeur 7, on aura  $\frac{1}{6 \cdot 7 \cdot 9 \cdot 11} = \frac{1}{41 \cdot 5 \cdot 8}$  pour la somme depuis le 4<sup>me</sup>, jusqu'à l'infini, partant la somme des trois premiers termes sera  $\frac{1}{90} = \frac{1}{41 \cdot 5 \cdot 8} = \frac{113}{103 \cdot 93}$ .

## EXEMPLE III.

Trouver la fomme de la suite infinie dont le numerateur est toûjours l'unité, & le dénominateur un nombre figuré quelconque du triangle arithmetique de M. Paschal. Par exemple, ceux du troisséme ordre dont la suite est  $6 \times \frac{1}{1.2.3.} + \frac{1}{2.3.4} + \frac{1}{3.4.5} + &c$ 

Un terme quelconque de cette suite peut être exprimé par cette formule algebrique  $\frac{6}{x \cdot x + 1 \cdot x + 2}$ , qui est aussi la difference de la somme de la suite dont le premier terme est  $\frac{6}{x \cdot x + 1 \cdot x + 2}$ , l'integrale de cette quantité est  $\frac{1}{x \cdot x + 1}$ . Si l'on suppose x = 1, alors on aura  $\frac{3}{x \cdot 2} = \frac{3}{2}$  pour la somme cherchée.

Si l'on suppose x=4, ou aura  $\frac{3}{4\cdot 5} = \frac{3}{2\cdot 0}$ ; pour la fomme depuis le  $4^{\text{me}}$ , jusqu'à l'infini, d'où il suit que les trois premiers termes seront égaux à  $\frac{3}{2} = \frac{3}{2\cdot 0} = \frac{27}{2\cdot 0}$ .

#### COROLLAIRE I.

Il suit de cet exemple que si l'on propose une suite infinie de fractions dont le numerateur sera un nombre constant, & le dénominateur la suite des nombres sigurés quelconque du triangle arithmetique de M. Paschal, cette suite sera sommable, car la formule de cette suite sera

Pintegrale fera  $\frac{a}{p \times x \cdot x + 1 \cdot x + 2 \cdot x + 3 \cdot x + 4 \cdot 8c \cdot \dots x + p}$  en nommant p + 1 Pordre des nombres qui compose le dénominateur, dont l'integrale fera  $\frac{a}{p \times x \cdot x + 1 \cdot x + 2 \cdot x + 3 \cdot \dots x + p - 1}$  Si l'on suppose x = 1, on aura  $\frac{a}{p \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot \dots p}$  pour la

16 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE somme depuis le premier terme jusques à l'infini.

#### COROLLAIRE IL

Il suit encore que si les numerateurs sont la suite d'un même ordre de nombres sigurés du même triangle arithmetique, & les dénominateurs la suite d'un autre ordre de nombres, sigurés du même triangle, il suit, dis-je, que cette suite de fractions sera sommable, pourvû que les deux ordres de nombres different au moins de 2, c'est-à-dire, que les numerateurs étant, par exemple, les nombres du 3<sup>me</sup>. ordre, il saut que les dénominateurs soient au moins les nombres du 5<sup>me</sup>. ordre, ils pourroient être ceux du 6<sup>me</sup>. ou 7<sup>me</sup>. &c.

Cela est évident, car la formule de cette suite sera

 $x. x + 1. x + 2. x + 3... x + p \times p + 2. p + 3. p + q + 1$ x. x + 1. x + 2. x + 3... x + p. x + p + 1.x + p + 2... x + p + q

 $= \frac{p+2 \cdot p+3 \cdot \cdot \cdot p+q+1}{x+p+1 \cdot x+p+2 \cdot \cdot \cdot \cdot x+p+q}, q \text{ eft la distance entre les deux ordres dont l'intregrale est}$ 

 $\frac{p+2 \cdot p+3 \cdot \cdot \cdot p+q+1}{q-1 \cdot x+p+1 \cdot x+p+2 \cdot \cdot \cdot x+p+q-1}$  où l'on voit que q doit être au moins 2, car quand il est 1, alors q-1=0, & l'integrale est infinie.

Lorsque q=2, alors l'integrale est  $\frac{p+2.p+3}{x+p+1}$ ; & si dans ce dernier cas on suppose p=5, c'est-à-dire, que les numerateurs soient les nombre du  $6^{me}$ . ordre, & les dénominateurs ceux du  $8^{me}$ . alors l'integrale sera  $\frac{7 \cdot 8}{x+6}$  qui est la somme de cette suite depuis le terme exprimé par  $\frac{7 \cdot 8}{x+6 \cdot x+7}$  jusqu'à l'infini. Si l'on suppose x=1, on aura la somme depuis le premier jusqu'à l'infini égale à 8. Si l'on suppose x=4, on aura  $\frac{7 \cdot 8}{10}$  qui sera la somme depuis le  $4^{me}$ , jusqu'à l'infini, & partant, les trois premiers seront  $8 - \frac{7 \cdot 8}{10} = \frac{24}{10} = \frac{12}{5}$ .

REMAR-

# REMARQUE.

On voit que pour integrer une quantité algebrique par cette methode, il faut que la quantité dont l'inconnuë croît, soit aussi l'accroissement de chaque facteur, comme dans cet exemple  $\frac{a}{x.x+3.x+6}$  qui est la formule de cette suite infinie (en supposant que la quantité dont x croît est 3 comme chaque facteur)  $\frac{a}{1.4.7.} + \frac{a}{4.7.10} + \frac{a}{7.10.13} + \frac{a}{1.4.7} + \frac{a}{6.9.12} + \frac{a}{11.14.17} + &c. si l'accroissement des x étoit 5, celui des facteurs étant 3; ainsi lorsque cette loi ne s'observe pas, il faut par le moyen de quelque réduction transformer l'expression algebrique donnée en une autre qui lui soit égale, & dans laquelle la loi qu'exige la méthode soit observée.$ 

# EXEMPLE I.

Soit la fuite infinie  $\frac{1}{1.2.3.4.5} + \frac{14}{5.6.7.8.9} + \frac{55}{9.10.11.12.13} + \frac{140}{13.14.15.16.17} + &c. dans laquelle les facteurs augmentent de l'unité, & dans laquelle les facteurs d'un terme quelconque augmentent de 4 pour devenir les facteurs du terme fuivant, ainsi par la methode generale on ne peut trouver la somme de cette suite, à moins qu'on ne réduise cette suite à la forme que cette methode demande.$ 

Pour cela il faut examiner si le numerateur de chaque terme ne peut pas diviser exactement son dénominateur dans cer exemple, la division se fait; car si l'on examine les nombres qui forment les numerateurs, on verra que la suite est  $\frac{1}{1, 2, 3, 4, 5} + \frac{2.7}{5.6.7.8.9} + \frac{5.11}{9.10.11.12.12} + \frac{7.20}{13.14.15.16.17} + &c. <math>\frac{1}{24} \times \frac{1}{1.5} + \frac{1}{5.9} + \frac{1}{9.13}$ Mem. 1717.

## 18 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

 $\frac{1}{13.17}$  + &c. dans laquelle on voit que les facteurs de chaque terme augmentent de 4, &t que la différence de chaque facteur d'un terme à chaque facteur du terme qui le suit est aussi 4, qui est ce que demande la methode; cela étant fait, il faut exprimer cette suite par une formule algebrique, cette formule fera  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{x \cdot x + 4}$  dont l'integrale est  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{4x}$  qui exprime la somme depuis le terme exprimé par  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{4x}$  qui exprime la somme depuis le suppose x = 1, l'integrale deviendra  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{90}$ , qui est la somme cherchée.

#### EXEMPLE II.

Trouver la fomme de cette suite  $\frac{21}{1.3.5.7.9}$  +  $\frac{77}{5.7.9.11.13}$  +  $\frac{165}{9.11.13.15.17}$  +  $\frac{285}{13.15.17.19.21}$  +  $\frac{437}{17.19.21.23.25}$  + &c. dont les numerateurs sont les nombres du 3<sup>me</sup>, ordre d'un triangle arithmetique dont la difference constante est 32, & les generateurs 56 & 21. En examinant cette suite, on voit que les numerateurs peuvent diviser exactement les dénominateurs: la division saite, on trouve que la suite se réduit à  $\frac{1}{1.5.9}$  +  $\frac{1}{5.9.13}$  +  $\frac{1}{9.13.17}$  +  $\frac{1}{13.17.27}$  + &c. dont la formule est  $\frac{1}{8.13.17}$  qui a pour integrale  $\frac{1}{8.13.17}$  or square  $\frac{1}{1.5.9}$  pour la somme cherchée.

## EXEMPLE III.

Trouver la fomme de cette fuite  $\frac{4}{1.4.7.10.13.16}$   $\frac{49}{4.7.10.13.16.19}$   $\frac{225}{7.10.13.16.19.22}$   $\frac{676}{10.13.16.19.22.25}$  + &c. dans laquelle les numerateurs font les nombres figurés du 5<sup>me</sup>. ordre d'un

triangle arithmetique dont la difference constante est 54, & les generateurs sont — 18.5.4.

On voit dans cet exemple que les dénominateurs suivent la loi que demande la methode, ainsi la formule de ces dénominateurs fera  $\frac{1}{x\cdot x+3\cdot x+6\cdot x+9\cdot x+12\cdot x+15}$ . Il faut aussi exprimer les numerateurs par une formule algebrique, dans laquelle il n'y ait que l'indéterminée x; pour cela il faut remarquer la loi selon laquelle les numerateurs croissent, on voit qu'ils sont les quarrés de 2. 7. 15. 26. 40. &c. dont la formule est  $\frac{1}{6} \times x+2\cdot x+3$ ; ainsi la suite proposée aura pour formule

x+2. x+3 36 x x. x+3. x+6. x+9. x+12. x+15, qui ne peut être integrée par la methode generale qui demande (outre les conditions qui ont déja été remarquées) que le numerateur foit conflant.

Pour le rendre tel, il faut décomposer cette quantité en cette forte  $\frac{1}{3.6} \times x + 2.x + 3 \times \frac{x+2.x+3}{x.x+3.x+6.x+9.x+8c.}$   $= \frac{1}{3.6} \times x + 2.x + 3 \times \frac{1}{x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{1}{3.6} \times x + 2.x + 3$   $+ \frac{2.x+3}{x.x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{2}{3.6} \times x + 2.x + 3.$   $\times \frac{1}{x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{2}{x+3.x+6.x+9.x+12.x+15}$  (A)  $+ \frac{6}{x.x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{2}{3.6} \times x + 3.x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$  (B)  $+ \frac{x+2.x+3}{18 \times x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{(C)}{x+2.x+3}$   $+ \frac{(C)}{x+2.x+3} \times x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$   $+ \frac{(C)}{x+2.x+3} \times x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$   $+ \frac{(C)}{x+2.x+3} \times x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$   $+ \frac{(C)}{x+2.x+3} \times x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$   $+ \frac{(C)}{x+2.x+3} \times x + 6.x + 9.x + 12.x + 15$ 

```
20 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE
\frac{1}{3} \times \frac{1}{x+3. \ x+6. \ x+9. \ x+12. \ x+15}
\frac{1}{x. x+3. x+6. x+9. x+12. x+15}. B se réduit à
\frac{1}{18} \times \frac{x+6.x+3}{x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} - \frac{4}{18} \times
\times \frac{x+3}{x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} = \frac{1}{18} \times \frac{1}{x+9.x+12.x+15}
\frac{2}{9} \times \frac{1}{x+6. x+9. x+12. x+15}. A fe réduit à \frac{\tau}{3.6}
\times \frac{x+6.x+3-4.x+3}{x+6.x+9.x+12.x+15} = \frac{x+6.x+9-6.x+6}{36.x+6.x+9.x+12.x+15}
\frac{-\frac{4}{36}x + 6 + \frac{4}{36} \times 3}{x + 6 \cdot x + 9 \cdot x + 12 \cdot x + 15} = \frac{1}{36} \times \frac{1}{x + 12 \cdot x + 15} - \frac{1}{6}
\times \frac{1}{x+9. x+12. x+15} - \frac{3}{9} \times \frac{1}{x+9. x+12. x+15} + \frac{1}{3}
\times \frac{1}{x+6\cdot x+9\cdot x+12\cdot x+15}. On a donc A+B+C=\frac{5}{18}
\times \frac{1}{x+6.x+9.x+12.x+15} + \frac{1}{3} \times \frac{1}{x+3.x+6.x+9.x+12.x+15}
\frac{1}{x.x+3.x+6.x+9.x+12.x+15} - \frac{2}{9} \times \frac{1}{x+9.x+12.x+15}
+\frac{1}{36} \times \frac{1}{x+12. x+15} dont l'integrale est
5. 18. 9. x+6. x+9. x+12 3. 12. x+3. x+6. x+9. x+12
 \frac{1}{15. x. x+3. x+6. x+9. x+12} = \frac{2}{9. 6. x+9. x+12}
1 qui est la somme de la suite proposée de-
 puis le terme exprimé par \frac{x+2.x+3}{36.x.x+3.x+6.x+9.x+12.x+15}
 jusqu'à l'infini. Si l'on suppose x=1, l'integrale deviendra
 I 5
I5. 1. 4. 7. 10. 13 36. 4. 7. 10. 13 18. 9. 7. 10. 13
 \frac{2}{9.6.10.13} + \frac{1}{36.3.13} qui étant mis à même déno-
 mination, devient 15, 36, 120, 91
```

## EXEMPLE I.V.

Trouver la fomme de cette suite infinie  $\frac{6}{I.\ 2.\ 3} + \frac{I2}{3.\ 4.\ 5} + \frac{I8}{5.\ 6.\ 7} + \frac{24}{7.\ 8.\ 9} + \frac{30}{9.\ I0.\ II} + &c.$  qui se réduit à  $3 \times \frac{I}{I.\ 3} + \frac{I}{3.\ 5} + \frac{I}{5.\ 7} + \frac{I}{7.\ 9} + \frac{I}{9.\ II} + &c.$  dont l'expression algebrique est  $\frac{3}{x.\ x+2}$  qui a pour integrale  $\frac{3}{2x}$ . Lorsque x=1, on a  $\frac{3}{2}$  pour la somme cherchée.

### EXEMPLE V.

Trouver la fomme de la fuite infinie  $\frac{I}{2.I} + \frac{I}{2.7} + \frac{I}{5.7} + \frac{I}{5.13} + \frac{I}{8.13} + \frac{I}{8.19} + &c.$  qui est égale à  $\frac{1}{2} \times \frac{8}{I.7} + \frac{1}{5} \times \frac{20}{7.13} + \frac{1}{8} \times \frac{32}{I3.19} + \frac{1}{11} \times \frac{44}{I9.25} &c. = 4$   $\times \frac{I}{I.7} + \frac{I}{7.13} + \frac{I}{I3.19} + \frac{I}{I9.25} &c.$  dont l'expression algebrique est  $\frac{4}{x.x+6}$  qui a pour integrate  $\frac{4}{6x}$ . Si l'on fait x = 1, on aura  $\frac{2}{3}$  pour la fomme cherchée.

## EXEMPLE VI.

Trouver la fomme de cette suite infinie  $\frac{5}{1.2.3.4}$   $\frac{9}{3.4.5.6}$   $\frac{13}{5.6.7.8}$   $\frac{17}{7.8.9.10}$   $\frac{1}{6.8}$  &c.  $\frac{1}{1.3}$   $\frac{1}{2.4}$   $\frac{1}{3.5}$   $\frac{1}{4.6}$   $\frac{1}{5.7}$   $\frac{1}{6.8}$   $\frac{1}{7.9}$   $\frac{1}{8.10}$  dont la formule algebrique est  $\frac{1}{x.x+2}$   $\frac{1}{x+1.x+3}$  qui donne pour son integrale  $\frac{1}{2x}$   $\frac{1}{2.x+1}$ . Lorsque x=1, on a  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{4}$   $\frac{1}{4}$  pour la somme cherchée.

## OBSERVATIONS

## D'UNE LUMIERE HORISONTALE.

#### Par M. MARALDI.

1717.

To Mars OUR la fin de l'année 1716 & au commencement de 1717 il a paru dans le Ciel pendant plusieurs nuits une grande Lumiere horisontale, blanchâtre, semblable au crêpuscule. Nous l'avons observée les 15 & 16 Decembre dernier, & le 6 le 9 le 10 & le 11 de Janvier, ayant été visible six fois, deux en Decembre & quatre en Janvier.

Le 15 Decembre, aprés avoir observé l'entrée du quatriéme Satellite dans Jupiter, & l'ombre du même Satellite qui rasoit presque le bord Meridional de cette Planete à 10 heures & demie du soir, c'est-à-dire, cinq heures aprés la fin du crêpuscule, nous vîmes le Ciel éclairé du côté du Nord & du Nord-est, comme si la Lune avoit été prés de se lever à cet endroit; il y avoit cependant plus de quatre heures qu'elle s'étoit couchée dans la partie opposée de l'horison, ainsi elle ne pouvoit pas être la cause de cette apparence.

La Lumiere étoit étenduë sur les Etoiles de la Constellation du Lion où étoit son terme plus Oriental; elle passoit au dessous des Etoiles de la grande Ourse, & alloit finir proche de la tête du Dragon qui étoit vers le Nordoüest, occupant dans cet espace du Ciel du Nord-est au Nord-oüest presque 90 degrés d'un grand cercle. Elle étoit terminée d'un côté par l'horison, d'où elle paroissoit fortir comme le crépuscule, & s'élevoit à la hauteur de 10 à 12 degrés, car elle touchoit par son bord superieur la belle Etoile qui est dans l'extremité de la queuë de la grande Ourse, & passoir proche des Etoiles de la tête du

Dragon. Nous n'eûmes que le temps de l'observer pendant un quart d'heure, le Ciel s'étant couvert à 10 heures

& trois quarts.

Le 16 Decembre à 9 heures & demie, le Ciel s'étant découvert, la Lumiere étoit visible, & passoit comme la nuit précedente au dessous des Etoiles du Dragon & par celles de la grande Ourse, étant terminée à l'Orient par des nuages qui couvroient les Etoiles du Lion; mais cesnuages s'étant dissippés dans la suite, la Lumiere parut aussi sur ces Etoiles, desorte qu'elle paroissoit dans la même situation que la nuit précedente, & avoit la même étenduë. Dans la suite le Ciel s'étant couvert en partie. on ne pût pas continuer d'observer les termes de la Lumiere, mais on vit jusqu'à minuit & demi par des ouvertures de nuages la partie du Ciel située depuis le Nordest jusqu'au Nord-ouest éclairée dans ces ouvertures de la même force qu'elle l'étoit auparavant quand le Ciel étoit tout serein. Nous remarquâmes aussi que ces nuages en changeant de place nous cachoient la Lumiere dans les lieux du Ciel par où ils passoient, & que la Lumiere reparoissoit dans ces mêmes lieux que les nuages quittoient dans la suite. Ce qui fait voir que la matiere qui étoit la cause de cette Lumiere étoit plus éloignée de la Terre que les nuages, puisqu'ils nous cachoient la Lumiere quand ils passoient par la partie du Ciel où elle étoit visible, & la laissoient voir quand ils quittoient ces mêmes parties.

Aprés le 16 Decembre, le Ciel ayant été couvert quelques jours de suite, & le clair de la Lune étant ensuite survenu, nous n'avons pû voir la Lumiere que le mois de

Janvier de l'année 1717.

Le 6 du même mois le Ciel sut couvert tout le jour, & ne se découvrit que vers les 10 heures & trois quarts du soir. Nous vîmes pour lors la Lumiere sort belle en forme de crêpuscule, qui faisoit le tour de l'horison. Les Etoiles de la tête du Dragon qui étoient dans la partie inserieure du Meridien du côté du Septentrion parois24 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

soient un peu plongées dans cette Lumiere; & continuant vers l'Orient, elle passoit proche de l'épaule Occidentale de Bootes, au dessous de la chevelure de Berenice, au dessous de la belle Etoile de la queuë du Lion, par les Etoiles du Navire, par celles du grand Chien qui étoient proches du Meridien du côté du Midi. De-là elle se voyoit sur les Etoiles de l'Eridan, sur le ventre de la Baleine qui étoit à l'Occident; & passant ensuite vers le Nord-oüest par les deux belles Etoiles de la poitrine du Pegase & de l'extremité de son aîle, & par la belle de la queuë du Cigne, elle alloit achever la circonserence entiere avec

les Etoiles du Dragon.

Cette Lumiere étoit bornée par l'horison comme dans les Observations précedentes, mais elle n'étoit pas également large partout. Il y avoit deux endroits presque opposés l'un à l'autre où elle s'élevoit jusqu'à la hauteur d'environ 20 degrés, car du côté du Nord-oüest elle touchoit par son extremité superieure les Etoiles plus Meridionales de Cephée & du côté du Sud-est proche des Etoiles du Navire elle s'élevoit tout autant, & étoit plus claire que la voye de Lait qui en étoit proche. Dans le reste de l'horison la Lumiere s'élevoit seulement d'environ 12 degrés, & elle étoit également claire partout, excepté vers son extremité superieure où elle se perdoit insensiblement. Il y avoit aussi un petit espace du côté du Sud-ouest où elle étoit moins brillante que dans le reste de son étenduë. Quelques nuages qui étoient adherants à l'horison l'interrompoient un peu dans sa partie inserieure; mais elle s'élevoit partout beaucoup au dessus de ces nuages, deforte que dans sa partie superieure elle étoit continue, & faisoit le tour de l'horison.

Nous continuâmes de la voir de cette maniere jusqu'à minuit & demi que les nuages nous la cacherent entierement avec le Ciel.

Le 9 Janvier aprés la fortie du fecond Satellite de l'ombre de Jupiter qui arriva un peu avant les huit heures du foir, soir, le Ciel étant en partie serein, on voyoit la Lumiere assés claire en plusieurs endroits de l'horison où il n'y avoit

point de nuages.

A minuit les nuages s'étant dissippés, la Lumiere étoit éclatante. Vers le couchant on la voyoit étendue sur la tête de la Baleine, elle passoit par les Etoiles d'Andromede qui étoient au Nord-oüest & par les Etoiles plus basses de Cephée; la belle Etoile de la Lire paroissoit au milieu de cette Lumiere; les Etoiles de la tête du Dragon y étoient un peu ensoncées. Du côté du Nord & de l'Est la Couronne, Arcturus, les deux plus Meridionales de la Ceinture de la Vierge, y étoient dedans, & elle alloit se terminer aux Etoiles du Navire; ainsi elle saisoit presque le tour de l'horison. Nous observames depuis minuit & demi jusqu'à une heure l'entrée du premier Satellite dans Jupiter, & l'immersion du 4<sup>me</sup> dans l'ombre.

A une heure aprés minuit, le Ciel étant toûjours serein, la Lumiere continuoit de paroître fort claire presque partout l'horison; Arcturus & les Etoiles de la Ceinture de la Vierge, qui à minuit étoient ensoncées dans la lumiere, se voyoient à son extremité superieure, quoi-qu'elle sût toûjours à la même hauteur; ce qui démontre qu'elle étoit attachée à l'horison, & qu'elle ne participoit point au

mouvement des Étoiles d'Orient en Occident.

La même nuit aprés l'émersion du 4<sup>me.</sup> Satellite, & celle du premier de l'ombre de Jupiter, observée à 3 heures & 20', la Lumiere paroissoit toûjours fort claire. Elle avoit encore la même largeur, la même étenduë & la même situation à l'égard de l'horison, mais elle se trouvoit avec des Etoiles fort differentes de celles où elle avoit été à minuit. Du côté d'Orient elle passoit par les Etoiles du Cigne, par celles de la Lire, par la tête & par l'épaule Occidentale d'Ophiucus & par les Etoiles de la Balance. Du côté d'Occident elle étoit étenduë sur les épaules d'Orion, sur la tête du Taureau, & sur la Constellation de Cassiopée; ainsi dans cette derniere Observation la Lumem. 1717.

miere passoit par des Etoiles plus Orientales que celles où elle s'étoit trouvée à minuit, celles-ci étant plus à l'Occident; ce qui fait encore voir qu'elle ne participoit point à leur mouvement, & qu'elle étoit fixe à l'égard de l'horison, & par consequent qu'elle n'étoit pas sort éloignée de la Terre, car tout ce qui paroît dans le Ciel sans participer au mouvement universel d'Orient en Occident dans les trois hypotheses de Ptolemée, de Copernic & de Tycho, est censé appartenir à la Terre, & être dans son Atmosphere. Ainsi quoi-que la matiere qui étoit la cause de la Lumiere sût plus éloignée de la Terre que les nuages qui se trouvoient en même temps dans l'air, comme nous l'avons remarqué auparavant, elle étoit néantmoins comprise dans l'Atmosphere.

Le 10 Janvier à 7 heures du soir la Lumiere étoit sort claire, & saisoit presque le tour de l'horison. Il n'y avoit que du côté du Sud-oüest qu'elle ne paroissoit pas bien sensible. Des nuages s'étant ensuite élevés sur l'horison, la Lumiere en étoit en partie essacé, mais on voyoit toûjours son extremité superieure où les nuages n'arrivoient

point.

Le 11 Janvier la Lumiere n'étoit sensible que vers l'Orient; elle commençoit au dessous de l'épaule Occidentale de Bootes, passoit sous la chevelure de Berenice, traversoit les Etoiles Occidentales de la Vierge où elle étoit belle, & alloit sinir proche des Etoiles du Navire.

Aprés le 11 Janvier, le Ciel ayant été quelques jours couvert, & le clair de Lune ayant suivi, nous n'en avons

pû faire d'autres Observations.

Il paroît par ce que je viens de rapporter, que l'éclat & l'étenduë de la Lumiere a été sujette en peu de temps à des grandes variations, car les deux premiers jours de son apparition, qui surent le 15 & le 16 Decembre, elle occupoit 90 degrés, & disparut ensuite. Elle parut de nouveau le 6 & le 9 Janvier quatre sois plus grande qu'auparavant, puisqu'elle faisoit le circuit de l'horison. Le

10 elle avoit un peu diminué vers le Sud-ouest, le 11 elle l'étoit beaucoup davantage, ne paroissant belle que vers l'Orient sur les Étoiles de la Vierge. Ensin elle s'est dissippée entierement sans avoir été depuis visible.

Cette Lumiere a quelque rapport avec celle que nous observâmes au mois d'Avril de l'année derniere, quoiqu'elle en disser en quelques circonstances. Elles se rapportent, en ce que l'une & l'autre ont paru à l'horison en maniere de crêpuscule blanchâtre & transparant, de sorte qu'on voyoit les Etoiles qui y étoient plongées. Celle d'Avril a paru vers le Nord & Nord-est, occupant environ 80 degrés. Celle du 15 & du 16 Decembre dernier a paru du même côté de l'horison, ayant une étendue de 90 degrés environ; mais dans la pluspart des Observations de Janvier cette étendue étoit beaucoup plus grande, puisqu'elle faisoit le tour de l'horison.

Au mois d'Avril, outre la lumiere constante en forme de crêpuscule, comme dans celle de Decembre & de Janvier, il y avoit des jets de lumiere qui s'élevoient de temps en temps de l'horison, & traversoient la Lumiere horisontale, ce qui n'est point arrivé dans aucune des dernieres

Observations.

Celle d'Avril n'a paru dans la même nuit que l'espace d'environ deux heures, c'est-à-dire, depuis dix heures & demie jusqu'à minuit, s'étant ensuite dissippée. La derniere a été visible toute la nuit, lorsque le Ciel a été serein, & à en juger par l'éclat qu'elle avoit aussi les autres nuits, il y a lieu de croire que si elle n'a pas duré aussi long-temps, c'est parce que les nuages nous l'ont cachée.

Bien que ces phénomenes soient rares, on en a vû cependant anciennement qui ont quelque rapport à ceux

que nous avons observés.

Pline au chapitre 33 du second Livre de l'Histoire naturelle, dit que sous le Consulat de Caïus Cecillius & de Cneius Papirius qui sut 111 ans avant l'époque de Jesus-Christ, on vit une lumiere pendant la nuit qu'on re-

D ij

28 Memoires de l'Academie Royale

marqua plusieurs fois comme s'il y eût eu une espece de

jour pendant la nuit.

Seneque au premier Livre des Questions naturelles, en faisant le rapport de differentes elairtés qui paroissent dans l'air, dit qu'il y en a de permanentes en certains lieux, qui donnent tant de lumiere, qu'elles dissipent les tenebres & representent le jour. Il adjoûte que parmi celles-ci il y en a qui se voyent dans les nuages, & d'autres qui paroissent au dessus des nuages.

Nôtre Lumiere étoit aussi fixe, & n'avoit aucun mouvement à l'égard de l'horison; elle avoit encore cette particularité de paroître au dessus des nuages, & quoi-qu'elle n'ait pas été assés grande pour representer le jour, elle

imitoit cependant une aurore un peu avancée.

Calvisius en l'année 992 rapporte que la nuit de Noël il parut du côté du Septentrion une lumiere si grande

qu'elle representoit celle du jour.

Un Chronologiste Saxon, qui a été publié par M. Leibnitz, dit avoir vû l'an 993, la nuit de S. Estienne, une Lumiere si grande du côté du Septentrion, qu'on auroit crû que le jour alloit commencer. Elle parut au commencement de la nuit, & dura pendant une heure.

M. Gassendi assure d'avoir vû cinq sois disserentes une Lumiere Septentrionale dont il ne donne la description que de celle qui sur visible en Septembre de 1621, & qui paroît avoir plus de conformité à celle que nous ob-

servâmes au mois d'Avril qu'à ces dernieres.

L'Observation rapportée par Calvisius & celle du Chronologiste Saxon ont cela de conforme avec la nôtre, qu'elles ont paru à peu-prés dans la même saison de l'année & vers le Solstice d'Hiver, au lieu que celles de Gassendi ont été visibles en des saisons differentes, c'est-à-dire, trois en Septembre, une en Avril, & la cinquiéme en Fevrier.

Aprés les Observations de Gassendi nous n'en avons point d'autres que celles de 1707, faites à Copenague par M. Roëmer, & à Berlin par M. Kirchius, quoi-que dans cet intervalle il y ait eu plusieurs excellents Astronomes trés attentis aux Observations celestes.

Dans le Registre des Observations du 4 Avril 1695; aprés plusieurs Observations des Satellites de Jupiter qui sont voir que le Ciel étoit serein cette nuit là, j'ai remarqué que vers le couchant d'Hiver il y avoit des nuages sort éclairés depuis l'horison jusqu'à la hauteur de 4 ou 5 degrés & de la longueur de 10 à 12 qui étoient terminés du côté du Zenit par un nuage noir. Ce phenomene que j'observai depuis 10 heures du soir jusqu'à 11, & qui paroissoit comme si un grand incendie eût éclairé ces nuages, a plustôt quelque conformité à celui qui parut en Angleterre au mois de Mars qu'à nôtre dernier, qui ne se voyoit jamais mieux que lorsqu'il n'y avoit point des nuages aux environs où il paroissoit.

Toutes les apparitions de cette Lumiere observée par Gassendi ont été suivies, ainsi qu'il le témoigne par des jours doux & sereins. M. Roëmer aprés avoir donné les Observations qu'il sit en 1707 de deux Lumieres Septentrionales, adjoute que ces phenomenes sont plustôt une marque de l'état present de l'air que de ce qui doit les suivre, & qu'il n'arrive pas toûjours, comme quelques-uns croyent, qu'en Eté ce phenomene soit suivi par un beau temps, & en Hiver par le froid. M. Kirchius dans l'Observation qu'il sit à Berlin le 6 Mars 1707, dit que cette apparition sut accompagnée de beau temps, & qu'il déges

loit pendant le jour.

Les relations d'Angleterre qui rapportent l'Observation du phenomene du 17 Mars 1716, remarquent en même temps que ce jour-là l'air sut doux & même chaud; c'est aussi ce qui arriva le 11, le 12 & 13 d'Avril, auxquels jours nous observames en 1716 la Lumiere Septentrionale. De même l'air a été fort doux durant les dernieres apparitions de nôtre Lumiere du 15 & 16 Decembre, & en Janvier dans les jours qu'elle étoit visible, contre l'ordi-

naire de la faison.

30 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Il paroît donc par les Observations que nous venons de rapporter, que l'apparition de ces Lumieres a été accompagnée d'un air doux & temperé, même en Hiver & en des climats froids, ce qui donne lieu de croire que ces Lumieres ont été causées par des exhalaisons subtiles & sulphureuses, qui s'étant élevées de la Terre & allumées dans l'air, ont contribué à le rendre doux; car il n'y a pas lieu de douter que l'état de l'air dans la même saison ne soit diversisé par les differentes exhalaisons, & que celles qui s'allument dans l'air peuvent le temperer, lors même qu'il est moins échaussé par les rayons du Soleil.

On peut encore remarquer que les années dans lesquelles on a observé ces derniers phenomenes les pluyes n'ont pas été bien abondantes dans ce climat, car en 1706, qui fut l'année qui préceda l'apparition de la lumiere observée à Copenague & à Berlin au commencement de Mars 1707, suivant les remarques de M. de la Hire, il ne tomba que 15 pouces & demi de pluye, & les deux premiers mois de 1707 il n'en tomba qu'un pouce, ce qui est une marque de sécheresse, & durant 1716, que la Lumiere a été observée trois sois en Angleterre & deux à Paris, il n'est tombé que 14 pouces de pluye, ce qui est encore une marque de grande sécheresse.

On ne sçait point s'il est arrivé la même chose au temps des Observations de Gassendi, parce qu'on n'a pas en mê-

me temps mesuré la pluye qu'il a tombé.

Il se pourroit bien saire que ces Lumieres ne soient visibles que dans le temps de sécheresse, & qu'elles en soient plustôt la suite que les indices. Car dans une année séche les exhalaisons doivent être en plus grande abondance & moins mêlées d'humidité, & par-là être plus faciles à s'enflammer, & à produire ces apparences de Lumiere que nous venons de rapporter.

Ces circonstances des temps qui ont accompagné ces meteores peuvent être de quelque utilité dans la recherche de leur origine, elles serviront aussi à nous rendre atDES SCIENCES.

tentifs à ces fortes d'observations, lorsque dans la suite pareilles circonstances arriveront.

## PREMIER MEMOIRE

# SUR LE NITRE.

## Par M. LEMERY.

E n'est point du Nitre des Anciens dont il s'agit dans 12 Juin 🜙 ce Memoire, le peu de connoissance qu'il me paroît qu'on en a ne me permet pas de décider si ce Nitre n'est

autre chose que le nôtre, ou s'il en est different.

A l'égard de celui dont nous avons à parler, pour en avoir une idée nette & précise, & pour éviter toute contestation sur ce qu'on doit entendre par le mot de Nitre, nous remarquerons d'abord, & si l'on en doutoit, on verra clairement par la suite qu'il y a un grand nombre de corps qui contiennent un acide particulier, tel que celui du Salpêtre, & par consequent different par sa nature & par ses effets de tous les autres acides que nous connoissons, de ceux par exemple, de l'Alun, du Vitriol, du Soufre & du Sel commun. 20. Que cet acide est le veritable principe nitreux, ou le veritable Nitre principe; mais comme ce n'est que par le secours de l'art, c'est-à-dire, par la distillation que cet acide se trouve libre & développé jusqu'à un certain point, & que dans son état naturel il habite dans plusieurs sortes de matieres terreuses, salines, sulphureuses qui lui servent de base ou de matrice, il sorme par là differentes especes de corps nitreux qui se ressemblent tous par leur acide, & qui ne different les uns des autres que par la nature des matieres qui enveloppent l'acide.

Parmi ces corps nitreux il y en a qui quoi-que affés considerablement chargés d'acide, n'ont cependant pas

32 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE une forme saline, ce qui peut venir de differentes causes. & entre autres de la nature particuliere des matieres qui servent de base ou d'enveloppe à l'acide; les corps huileux, par exemple, ne font guere avec un acide qu'une espece de matiere gommeuse; ou de ce que les matieres les plus propres à prendre en pareil cas une forme saline, fe trouvent mêlées avec d'autres matieres qui les empêchent de paroître sous cette forme. Quoi-qu'il en soit, ces composés seront simplement appellés matieres nitreuses, pour les distinguer de ceux qui ont veritablement une forme de Sel concret, & auxquels par rapport à cette circonstance nous donnerons le nom de Nitre; tel est le Salpêtre, qui étant de tous les fels nitreux celui qu'on connoît davantage, s'est en quelque sorte approprié le nom de Nitre, de maniere que par ce mot on n'entend ordinairement autre chose que le Salpêtre : cependant ce sel n'est à proprement parler qu'une espece particuliere de Nitre, & par la même raison que le mot generique de Nitre convient au Salpêtre qui en est une espece, il convient aussi à d'autres sels qui en sont d'autres especes, ce qu'il est aisé de faire sentir par l'examen de la composition de quelques-uns de ces sels.

On sçait, par exemple, que le Salpêtre contient une trés grande quantité d'acides, engagés suivant quelquesuns dans un sel six alkali, & suivant quelques-autres dans une simple terre. Ce qui donne lieu au premier sentiment, c'est qu'en versant de l'esprit de Nitre sur du sel de Tartre, il en resulte de veritable Salpêtre, & ce qui donne lieu au second, c'est que dans la distillation ordinaire de l'esprit de Nitre saite avec la terre grasse, quand tous les acides nitreux sont montés, on n'apperçoit & il ne reste dans la cornue qu'une matiere terreuse, qui ne m'a jamais donné

d'indice de fel fixe alkali.

Nous ne nous amuserons point presentement à accorder ensemble ces deux opinions, qui, quoi-que disserentes en apparence, ne le sont pas si sort en effer; il nous suffit de de sçavoir pour ce que nous avons à prouver; que ce qui arrête & enveloppe les acides du Salpêtre, & ce qui les oblige par-là de paroître sous une sorme solide, qui est celle des sels concrets, c'est une matiere sixe & alkaline soit saline soit purement terreuse; mais ce n'est point cette matiere qui fait que le Salpêtre est appellé Nitre, puisqu'étant considerée indépendemment de tout acide, elle n'est pas plus la matrice du Nitre que de tout autre sel concret.

Et en effet si au lieu de verser un acide nitreux sur un fel alkali, on y verse ou de l'esprit de sel, ou quelque acide vitriolique, il n'en resultera point de Nitre, mais ou un sel commun, ou un sel vitriolique; & comme c'est l'acide particulier engagé dans la même matrice, qui fait que chacun de ces sels nouvellement formés ne sont point du Nitre, mais ou du sel commun, ou un sel vitriolique, de même aussi ce qui fait que le Salpêtre est du Nitre & non pas du sel commun, ou tout autre sel qui auroit la même matrice, c'est son acide qui est la veritable partie nitreuse, & celle d'où naissent les proprietés essentielles qui distinguent le Salpêtre d'un autre sel dont la matrice seroit la même. Ces proprietés sont, comme l'on sçait, de produire un sentiment de fraîcheur sur la langue, de suser étant mis sur les charbons ardents, & d'exciter & hâter si fort l'inflammabilité des matieres huileuses avec lesquelles il se trouve mêlé sur le seu, que dans l'instant même le mêlange jette une grosse flamme, & produit une détonation confiderable. On a fait voir dans un Memoire donné en 1713, que ces effets particuliers au Salpêtre étoient dûs 10. à la facilité qu'a son acide de se débarrasser de sa matrice, & d'être emporté en l'air, sur-tout quand il est mêlé avec une matiere huileuse, 2°. à ce que cet acide a en même temps la force & la proprieté de penetrer les matieres huileuses, & de les enflammer même sans le secours du feu.

Si donc le Salpêtre n'est veritablement Nitre que par Mem. 1717.

34 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

son acide, & si la matrice de ce sel ne sert qu'à arrêter cet acide; on conçoit facilement que quand ce même acide se trouvera arrêté par toute autre matrice avec laquelle il paroîtra aussi sous la forme d'un sel concret salé, ce nouveau composé aura le même droit de porter le nom de Nitre que le Salpêtre. Par exemple, si au lieu de verser de l'esprit de Nitre sur un sel fixe alkali, ce qui produiroit du Salpêtre, on verse cet esprit sur un sel volatile alkali, il en resultera de même un sel concret, qui ne differera en rien du Salpêtre par son acide, & qui par-là sera aussi du Nitre. Mais comme la base de l'un est un Salpêtre, & la base de l'autre un sel volatile, ce seront deux especes de Nitre qui tireront leur difference de la diversité de leur matrice, & pour les désigner par des noms qui fassent sentir ce qu'elles ont entre elles de commun en qualité de Nitre, & de particulier par leur matrice, nous entendrons par le mot de Salpêtre, le Nitre qui a pour base une matiere fixe & telle que nous l'avons déja marquée, & nous donnerons le nom de sel ammoniac nitreux au Nitre dont la matrice est un sel volatile.

Nous ne parlerons point ici des differents engagements dont l'acide nitreux est susceptible avec plusieurs sortes de meraux & de matieres terreuses & metalliques; ce qui produit encore d'autres especes de Nitre, dont les unes different beaucoup du Salpêtre, & encore davantage du fel ammoniac nitreux, & dont les autres ont à la verité quelque rapport avec le Salpêtre, mais elles ne lui reffemblent pas assés pour pouvoir être confonduës avec ce sel. Toutes ces especes dernieres de Nitre sont plussôt l'ouvrage de l'Art que de la Nature, puisqu'elles ne se trouvent guere que dans nos Laboratoires où elles ont pris naissance par le mêlange qui y a été fait de l'acide nitreux avec les matieres dont il a été parlé. Il n'en est pas de même du Salpêtre & du sel ammoniac nitreux, qui se trouvent communément dans le sein de la nature où ils ont été formés, & qui par-là doivent être regardés comme de veritables

especes de Nitre naturel. On peut même dire avec toute la vrai-semblance possible, que presque tout le Nitre de l'Univers est ou Salpêtre ou sel ammoniac nitreux, & que chacune de ces deux especes de Nitre quitte souvent sa forme particuliere pour prendre celle de l'autre, comme

nous le prouverons manifestement en son lieu.

Quoi-qu'il y ait un grand nombre de corps dont on pourroit tirer de trés excellent Salpêtre, cependant les materiaux avec lesquels on a apparemment jusques ici le mieux trouvé son compte, & dont on se sert communément dans les Manufactures de Salpêtre, ce sont les terres & les platras des vieilles masures, des vieux bâtiments, des cimetieres, des écuries, des étables, des colombiers; on scair que ces materiaux ne donnent de Salpêtre qu'autant qu'ils ont été mêlés avec d'autres corps, & traités d'une certaine façon: & c'est en considerant avec attention toute la suite du procedé dont on a coutume de se servir, & ce qui resulte de ce procedé, qu'il m'est venu quelques doutes physiques qui m'ont paru assés curieux pour meriter un éclaircissement particulier. Pour lever ces doutes, & pour acquerir un certain degré de connoissance sur toute la matiere du Nitre, j'ai fait beaucoup d'experiences qui feront la principale partie des Memoires que j'ai à donner sur ce sujet; mais avant que de faire nos reflexions sur la maniere dont on retire la portion nitreuse contenue dans les terres & les platras, sur la forme sous laquelle l'acide de cette portion nitreuse y reside, sur la nature de la matrice qui y enveloppe l'acide nitreux, sur l'alteration ou l'engagement nouveau qui lui survient par le procedé ordinaire du Salpêtre, & enfin sur toutes les circonstances particulieres de ce travail, il est à propos & pour suivre un certain ordre & même pour une plus grande intelligence de ce que s'ai à dire dans la suite, d'examiner d'abord comment & par quelle mécanique la portion nitreuse qu'on trouvé dans les terres & les platras s'y est allé loger, & quelle est la source veritable d'où cette matiere leur a été apportée.

36 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Comme la pluspart de ceux qui ont parlé du Salpêtre n'ont pas manqué de traiter le sujet dont il s'agit; il n'est pas possible que ce que j'ai à en dire ne se rapporte pas quelquesois, & en certaines circonstances à ce qui en a déja été dit: aussi ce que je me propose particulierement dans ce Memoire, c'est de répandre un nouveau jour sur la matière en question, non seulement en détruisant certains préjugés assés generalement reçûs sur la source d'où les terres & les platras puisent leur matière nitreuse, mais encore en indiquant l'opinion la plus sensée sur ce sujet, & en fortissant cette opinion de plusieurs preuves & experiences nouvelles dont on trouvera peut-être qu'elle avoit un besoin indispensable pour pouvoir être adoptée

préferablement à toute autre.

Les matieres terreuses & pierreuses étant celles qui fournissent le Salpêtre ordinaire, on pourroit peut êtres'imaginer que ce sel seroit le sel propre de ces matieres, & qu'il ne leur viendroit point d'ailleurs, ce qui s'accorderoit assés avec le mot de Salpêtre qui vient de sal & de petra, quasi sal petræ, sel de pierre. Mais quand on examine toutes ces matieres avant qu'elles ayent eu occasion de tirer leur Nitre, des sources étrangeres qui le contiennent réellement, comme nous l'allons prouver incessamment, on n'y en découvre point: de plus elles peuvent éternellement & se charger de Nitre & en être ensuite dépouillées, ce qui n'arriveroit point, si ce sel étoit le sel propre de cesterres; car elles en seroient bientôt épuisées, du moins en ce cas elles ne seroient pas capables, comme. elles le sont, d'en donner à la suite du temps au de-là de leur propre poids, en le conservant neantmoins toûjours: ce qu'il y a donc seulement à remarquer dans ces terres, c'est qu'elles sont sort poreuses & alkalines, & plus elles le sont, mieux elles absorbent la matiere nitreuse qui leur vient de dehors, & plus elles en font provision : les terres sablonneuses, par exemple, n'étant composées que de grains vitrifiés, & dont les pores sont trés serrés, elles sont

par-là incapables de donner une entrée libre à la matiere nitreuse, & de l'arrêter: l'experience nous prouve encore que les terres argilleuses ne peuvent guere s'en charger, & cela, 1°. parce que leurs pores se trouvant déja remplis d'une substance grasse & vitriolique, ils sont peu en état d'admettre une nouvelle matiere; 2°. parce que ces terres étant exterieurement sort grasses, la liqueur nitreuse coule dessus sans pouvoir penetrer au dedans, & par consequent

fans y déposer le Nitre qu'elle porte avec elle.

La Chaux au contraire qui est trés poreuse, & dont le feu de la calcination qu'elle a fouffert, a chaffé la plus grande quantité des matieres contenuës dans ses pores, la Chaux, dis-je, & par la multitude de ses pores, & parce que ces pores se trouvent vuides, est plus susceptible de la matiere nitreuse que la pluspart des autres corps terreux; ce que nous prouverons par plusieurs experiences qui seront rapportées en leur lieu, & ce qu'il est toûjours facile de reconnoître, parce que les murs où il est entré beaucoup de Chaux sont ceux qui amassent le plus de Nitre, & dont on retire aussi une plus grande quantité de Salpêtre, toutes choses d'ailleurs étant égales. C'est par la même raison que plusieurs pierres sont excellentes pour le même effet; telles sont, à ce qu'on dit, certaines pierres de Tuse qu'on trouve en Touraine, & d'autres qu'on tire de certaines Carrieres proche Saumur. Enfin toutes ces matieres alkalines doivent être regardées comme des especes d'éponge de matiere nitreuse, ou si l'on veut, comme autant d'amas de petites cellules, où non seulement la matiere nitreuse s'engage & est retenuë, mais encore où cette matiere reçoit une préparation particuliere dont nous ferons voir clairement la verité & la necessité, aprés avoir établi la source de la matiere nitreuse, & la maniere dont les terres & les pierres en font acquisition, L'opinion la plus commune sur ce sujer, c'est que l'air est le grand magazin du Nitre, & que c'est de-là que les terres & les platras tirent celui dont on les trouve chargés: on ne dit pour-

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE tant point trop sous quelle forme ce Nitre se soutient dans l'air; & Mayou, Auteur Anglois & grand deffenseur du Nitre aërien voulant éclaireir cette difficulté, suppose l'air impregné par tout d'une espece de Nitre metaphisique qui ne merite pas trop d'être refuté, quoi-qu'il l'ait cependant été susfisamment par Barchusens & par Schelhamere. Le fondement de l'opinion du Nitre aërien, c'est, comme le rapporte Mayou lui-même, qu'aprés avoir enlevé à une terre tout le Nitre qu'elle contenoit, si on l'expose ensuite à l'air pendant un certain temps, elle en reprend de nouveau: il est vrai que si l'observation étoit parfaitement telle qu'elle vient d'être rapportée, on auroit une plus grande raison qu'on n'en a de supposer dans l'air une trés grande quantité de Nitre, & de mettre sur le compte de ce Nitre aërien un grand nombre d'effets auxquels il n'a certaine-

ment aucune part.

Mais sans examiner ici si la Miniere de ce prétendu Nitre est l'air, si c'est là le lieu de sa naissance, & où il recoit sa premiere forme saline, ce qui paroîtroit assés extraordinaire, d'autant que c'est dans l'interieur des corps terrestres que se forment tous les autres sels; ou si au contraire tout le Nitre qui pourroit être dans l'air, ne s'y trouveroit point en consequence des exhalaisons salines qui s'élevent des corps terrestres : auquel cas l'air ne seroit pas la premiere source nitreuse, mais seulement le vehicule du Nitre qu'il auroit puisé dans les corps terrestres comme l'eau de la Mer est le vehicule du sel gemme qu'elle a puisé dans les Mines de ce sel. Et il resteroit toûjours à scavoir qui sont ces corps, d'où l'air emprunte son Nitre, & qui en doivent être reputés la premiere & la veritable fource; & supposé qu'il fût vrai que les terres dépouillées de Nitre en regagnassent ensuite de nouveau par le secours seul de l'air, ce fluide ne seroit alors que rendre aux corps terrestres ce qu'il en auroit reçu en premier lieu.

Sans entrer, dis-je, dans toutes ces discussions. Sous quelle forme imagine-t-on que le Nitre de l'air puisse y

être contenu dans toute la quantité requise pour produire les effets considerables qu'on lui attribue? est-ce sous la forme de nôtre Salpêtre? mais la pesanteur de ce sel ne lui permettroit pas de s'élever bien haut & de se soutenir long-temps en l'air. Ne seroit-ce point plussôt sous la forme de nôtre esprit de Nitre? mais en ce cas il ne seroit pas bon respirer, & la quantité d'acides qui entreroit perpetuellement dans les poumons, y causeroit tout au moins une toux continuelle. Ce seroit donc sous la forme d'un fel ammoniac, qui étant fort volatile, se soutiendroit à la verité plus aisément en l'air que routes les autres especes de Nitre, mais s'il y étoit fort abondant, la respiration en soufriroir toûjours beaucoup, ce que nous n'appercevons point. Enfin sous quelque forme qu'on l'y conçoive, car on ne peut pas nier absolument qu'il ne se puisse quelque fois élever en l'air des exhalaisons nitreuses, toûjours est-il certain que si ces exhalaisons portent du Nitre dans toute la masse de ce sluide, c'est infiniment au dessous de la quantité qu'on est obligé d'y en supposer pour les essets qu'il a plu de mettre sur le compre du Nitre aërien, & que si les matieres alkalines n'avoient d'autre ressource que Pair pour faire leur provision de matiere nitreuse, cette provision seroit terriblement longue à se faire, & peutêtre même n'en verroit-on jamais la fin : pour prouver cette verité, nous rapporterons d'abord l'experience de M. Mariotte, qui ayant choisi l'étage le plus élevé d'une maifon pour y laisser à l'air pendant deux ans une portion de terre qui auparavant avoit été exactement dénitrée, n'en put retirer ensuite aucun grain de Nitre; mais il en retira beaucoup d'une autre portion de la même terre qui avoit été placée à la cave où elle avoit partagé avec la terre même du lieu certains sucs nitreux dont il sera parlé dans la suite, & qui s'écoulant, & se ramassant naturellement dans les lieux bas, ne peuvent se trouver de même dans les lieux plus élevés, si ce n'est en cerraines circonstances, comme, par exemple, à l'occasion d'une cuisine qui aura

40 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE été faite à un troisième, ou à un quatrième étage : car nous ferons voir que les matieres qu'on a coutume de préparer dans ces fortes de lieux, contiennent réellement beaucoup de Nitre, & ainsi les eaux qui en découlent, & qui se trouvent chargées de ces sortes de matieres, dépofent dans les terres où elles se filtrent, la portion nitreuse qu'elles ont entraînée avec elles, & ce n'est que dans ce cas ou dans un autre semblable qu'on trouve du Nitre à une certaine hauteur.

Peut-être les deffenseurs du Nitre aërien nous dirontils, pour répondre à l'observation de M. Mariotte, que le Nitre de l'air ne s'engage dans les matieres terreuses qu'à la faveur d'une humidité aqueuse, & que cette humidité ne se trouvant pas dans un lieu haut comme dans un lieu bas, il n'est pas étonnant que la terre placée au haut de la maison, n'air point amassé de Nitre, & que celle de la

cave y en ait fait provision.

Mais cette réponse est un veritable faux fuyant, car 1°. s'il y avoit une aussi grande quantité de Nitre dans toute l'étendue de l'air qu'on voudroit nous le faire croire, il feroit aifé de prouver par des experiences fensibles qu'une matiere poreuse & alkaline exposée au courant de ce Nitre, en devroit toûjours amasser beaucoup malgré toute la sécheresse imaginable. En second lieu, il est faux qu'à un troisième ou quatriéme étage la sécheresse de l'air soit assés grande pour empêcher par-là l'engagement du Nitre aërien dans une matiere poreuse, supposé que ce Nitre y fût: & en effet qu'à une pareille hauteur, on expose du sel de Tartre, les humidités de l'air s'y manifesteront si bien, en s'attachant au corps poreux, qu'en peu de temps ce corps sera tout-à-sait humide, & il le sera encore bien davantage & plus promptement en certaines dispositions de l'air; cependant ce sel, tout humide qu'il sera devenu, n'aura point acquis de Nitre, & ne sera point devenu Salpêtre, preuve évidente que ce n'est ni l'air ni les humidités qui s'y trouvent naturellement répandues qui portent le Nitre dans les matieres alkalines où on le trouve amassé, & que la terre que M. Mariotte avoit placé à la cave, n'auroit jamais acquis de Nitre, si par la communication immediate qu'elle avoit euë avec la terre même du lieu, elle n'eût pas été penetrée des mêmes sucs nitreux qui s'y siltrent & s'y ramassent continuellement.

Cependant il se pourroit faire que dans un lieu bas & extraordinairement humide par la quantité des sucs nitreux qui y aborderoient, une partie des humidités du lieu s'élevât en forme de rosée dans l'air même de ce lieu, & rencontrant une matiere alkaline qui s'y trouveroit en quelque sorte isolée, c'est-à-dire, qui ne communiqueroit immediatement ni avec la muraille ni avec le sel du lieu, fourniroit à cette matiere une assés grande quantité de Nitre, pour que l'acquisition nitreuse devint sensible aprés un certain temps; ce qui pourroit donner lieu de conclure aux dessenseurs du Nitre aërien qu'il y a réellement beaucoup de Nitre dans l'air, & que c'est de-là que les terres & les pierres ont emprunté celui qu'on en retire; mais cette conclusion seroit trés mal tirée, car 10. de ce que l'air contenu en certains lieux, peut être quelquefois chargé d'une assés grande quantité de Nitre, ce que nous n'avançons pourtant pas pour l'avoir reconnu par nôtre propre experience, mais parce que la chose ne nous paroît pas impossible, il ne s'ensuit pas que la masse de l'air en general soit dans le même cas, & il y auroit d'autant moins de raison de le prétendre que l'air en toute autre circonstance ne donne aucun indice de Nitre.

2°. Le Nitre dont il s'agit dans le cas particulier qui vient d'être rapporté n'est pas, à proprement parler, le Nitre de l'air, mais du lieu où l'air est contenu, puisque ce n'est pas l'air qui apporte dans le lieu celui qu'on y trouve, & que c'est au contraire le lieu qui communique à l'air celui qu'il contient; & ce qui prouve que le Nitre du lieu & generalement de tous les endroits qui en amassent ne vient point de l'air qui s'y engage continuelle.

Mem. 1717.

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE ment, c'est que si cela étoit, l'air de dehors qui ne s'y engage point encore, ou qui ne doit pas même s'y engager, devroit contenir aussi beaucoup de Nitre, car on ne voit pas pourquoi celui qui parcourt actuellement les endroits nitreux, seroit plussôt chargé de Nitre que celui qui est à portée de s'y infinuer, ou qui en est plus éloigné. Par consequent, en presentant une matiere alkaline à cet air de dehors, il devroit aprés un certain temps y laisser des marques sensibles du Nitre abondant dont il seroit chargé, ce qu'il ne fait pourtant pas, & ce qu'il ne manqueroit pas de faire, s'il en contenoit veritablement, & si le sissème du Nitre aërien avoit lieu. Car il est bon de remarquer que ce sissême ne permet pas de croire que l'air ne contienne du Nitre qu'en quelques endroits, & seulement encore par rapport à de certaines circonstances : à la verité, si ce sistême ne s'étendoit que jusques-là, il n'y auroit point de dispute sur son compte; mais ce qui le fait contredire, c'est que ses partisants veulent qu'il y ait réellement du Nitre dans toute la masse de l'air, & que celuiqui se trouve naturellement dans une infinité de matieres terreuses, a auparavant habité dans l'air, & y a été déposé par ce fluide; & nous prétendons au contraire que ces matieres recoivent immediatement leur Nitre d'une fource ou d'une liqueur particuliere qui s'y filtre & qui y laisse le Nitre qu'elle y a apporté, qu'enfin s'il est vrai que l'air soit quelquesois chargé de Nitre, ce n'est que dans des casfort rares, où on a vû qu'il n'a point encore la fonction que lui donne le sistème du Nitre aërien, puisque bien loin de porter alors le Nitre dans le lieu nitreux suivant l'intention du sissême, il y reçoit au contraire celui du lieu même sans lequel il n'en auroit point.

Quoi-que ce qui a été dit pût suffire pour rejetter le sistème du Nitre aërien, & pour adopter celui qui a été indiqué; cependant pour me confirmer davantage dans le sentiment où je suis, & pour un plus grand éclaircissement de la matiere, voici quelques experiences que j'ai faites

avec un grand foin.

J'ai mis dans trois plats de terre trois fortes de matieres alkalines, sçavoir de la Chaux, du sel de Tartre, & de la terre qui avoit été exactement dépouillée de son Nitre; j'ai placé ces trois plats sur trois escabelles dans une espece de rés de chaussé où le Soleil ne donnoit point, où l'air entroit librement de plusieurs côtés, qui étoit tel qu'il le falloit pour y faire une récolte de Nitre, puisque les murailles & la terre du lieu étoient garnies d'une grande quantité de Salpêtre, & enfin qui quoi-que humide ne l'étoit point affés pour y redouter des évaporations nitreuses & abondantes, qui atteignant nos trois matieres & les penetrant, n'auroient servi qu'à laisser encore des doutes & des scrupules sur le Nitre aërien, dont le sistême est une espece de préjugé qu'on adopte volontiers & dont on se défait difficilement. Ces trois matieres aprés avoir demeuré, pendant deux ans & plus, exposées à l'air pur & fimple, c'est-à-dire, sans avoir eu aucune communication avec la terre du lieu, & avec les sucs nitreux dont elle étoit abreuvée; ces matieres, dis-je, ne m'ont donné aprés ce temps ni Nitre ni indice de Nitre, mais elles m'en ont donné beaucoup & en assés peu de temps, aprés avoir été impregnées de matieres animales, dans toutes lesquelles j'ai découvert qu'il y avoit réellement une grande quantité de Nitre, comme nous le remarquerons plus amplement dans la suite.

Cette experience s'accorde parfaitement avec une observation trés commune rapportée par differents Auteurs.
C'est qu'entre plusieurs terres également exposées à l'air,
& également propres à se charger de Nitre, les unes n'en
amassent point ou presque point, & les autres ne le sont
qu'à proportion des urines & des excrements d'animaux
dont elles ont été penetrées. C'est pour cela 1º. que dans
les Manusactures de Salpêtre on choisit par préserence les
terres & les platras des écuries, des étables, des colombiers.
2º. Que de certains ouvriers trés experimentés assurent
qu'il n'y a point de lieu qui rende aussi abondamment

du Salpêtre que la terre des cimetieres, comme il est marqué dans l'Histoire de la Societé de Londres. 3°. Que ceux qui étoient chargés en Angleterre par Lettres Patentes de faire le Salpêtre achetoient les terres autour de Londres sur lesquelles on avoit coutume de jetter les immondices des sosses de la Ville, suivant le rapport de Samuel

Dale dans fa Pharmacologie.

Enfin c'est encore par la même raison que si aprés avoir parfaitement dépouillé les terres de leur Nitre, on se contentoit simplement de les exposer à l'air, on seroit longtemps à attendre aprés la récolte nitreuse, aussi a-t-on coutume à l'Arsenal de Paris, pour mettre ces terres en état de fournir plustôt de nouveau Salpêtre, de mettre successivement une couche de terre neuve sur une de terre vieille; & par-là le surabondant de matiere nitreuse contenue dans la terre neuve, & qui faute d'espace ne s'y seroit qu'imparfaitement développé, & au lieu de se rendre ensuite à l'artiste sous une forme de Salpêtre, ne s'y. seroit rendu que sous celle d'une écume, ce surabondant, dis-je, passant dans la terre vieille, y trouve tout l'espace requis pour la préparation qui lui convient. Mais on ne se contente pas encore de cet expedient pour enrichir de nouveau les terres qui ont été dénitrées, on jette sur les differentes couches dont il a été parlé, les écumes de la premiere cuite du Salpêtre, qui contiennent elles-mêmes beaucoup de Nitre enveloppé encore dans une grande quantité de martere grasse, comme l'experience le prouve manifestement, & ce Nitre, en rentrant dans la terre dont on l'avoit fait sortir avant que d'avoir été suffisamment préparé, se retrouve par-là en situation de recevoir tout le développement dont il a besoin pour paroître ensuite sous une forme de Salpêtre, & non plus comme auparavant sous celle d'une écume. Enfin si l'on veut qu'une terre regagne en peu de temps le Nitre qu'on lui avoit enlevé, il n'y a, suivant l'Histoire de la Societé Royale » qu'à mêler avec cette terre bien séchée, quantité de fiante: de Pigeon & de Cheval, & la détremper avec de l'urine.

On voit par tout ce qui vient d'être rapporté, que le peu de Nitre qu'on pourroit imaginer dans l'air, & qu'on veut bien y supposer sans preuve, ne peut être d'un grand secours pour les matieres alkalines exposées à ce sluide, & que le Nitre qu'elles amassent, & qu'on en retire ensuite, vient immediatement d'une source plus réelle & plus abondante; qu'ensin si l'air est absolument necessaire aux terres qui ont à se charger de Nitre, ce n'est pas par celui qu'il leur communique, mais parce qu'il contribue indispensa-

blement à la préparation de leur matiere nitreuse.

Et en effet, il ne faut pas croire que dés qu'un suc animal, de l'urine par exemple, a déposé dans des cellules terreuses ou pierreuses, la portion nitreuse dont elle étoit chargée, & en a rempli ces cellules, il n'y ait plus qu'à l'en retirer au plus vîte par les moyens connus : car l'experience m'a fait connoître que tout le Nitre contenu dans les matieres animales, y est si fort engagé dans des matieres grasses, qu'on a toutes les peines du monde à l'en dégager; & par consequent lorsque cette portion nitreuse est encore nouvellement arrivée dans les cellules terreuses, comme elle n'a pas eu le temps de s'y débarrasser jusqu'à un certain point des parties grasses & sulphureuses dont elle est naturellement enveloppée, & comme elle est telle alors ou à peu-prés qu'elle étoit dans l'animal, si on se pressoit de la faire sortir de ses loges terreuses, ce ne seroit pas, à proprement parler, du Nitre ou du Salpêtre qu'on retireroit, mais une substance grasse & mucilagineuse, qui par la quantité de ses parties huileuses, nageroit au dessus du liquide en forme d'écume, & qui ne seroit bonne qu'à être jettée sur des terres dépouillées de leur Nitre, & auxquelles on en voudroit rendre.

C'est par cette raison que les terres & les platras tirés des vieilles mazures, des vieux bâtimens anciennement habités abandonnés depuis long-temps sournissent un Salpêtre bien meilleur, bien mieux conditionné & plus abons

F iij

46 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

dant que les materiaux qu'on retire des lieux nouvellement abreuvés par les excrements des animaux, & dans lesquels la matiere nitreuse qui s'y loge continuellement n'a pas encore eu le temps d'acquerir le point de diges-

tion & de maturité dont il a été parlé.

C'est encore par la même raison que pour avoir un Salpêtre aussi bon qu'il puisse être, & qui détonne avec une trés grande promptitude, il ne faut pas mettre en œuvre les terres nitreuses dés qu'elles ont été apportées du lieu d'où on les a retiré. Il faut au contraire les placer & les étendre dans un endroit qui soit à l'abri des rayons du Soleil, & où l'air exterieur passe & repasse avec facilité; & quand elles sont bien séches, & que leur matiere nitreuse a eu tout le temps requis pour son entiere préparation, c'est alors que l'on employe ces terres avec succés.

Plus d'une cause concourt à la préparation & au développement de cette matiere nitreuse, 1°. la terre même qui la contient, car comme certaines operations ne se sont bien que dans certains vaisseaux, de même aussi la matiere nitreuse ne se prépare & ne se développe comme il saut qu'autant qu'elle a fait un séjour sussifiant dans les cellules de quelque matiere terreuse & alkaline. Voici ce qui m'a

donné lieu de découvrir cette verité.

Un grand nombre d'observations ne laissant aucun lieu de douter que les terres dont on a coutume de se servir pour la fabrique ordinaire du Salpêtre, ne sont devenuës nitreuses que parce qu'elles ont été pénétrées par des matieres animales; c'est-là ce qui me sit imaginer en premier lieu que toutes les matieres animales pourroient bien contenir réellement beaucoup de Nitre: ce qui ne s'accorde pourtant guere avec l'opinion commune qui prive d'acides ces matieres; or si elles n'en ont point, elles n'ont point aussi de Nitre, puisque l'acide sait la principale partie de ce sel. C'est apparemment là ce qui fait que quoique certains Auteurs reconnoissent qu'un grand nombre de terres ne deviennent nitreuses que par le mêlange des

matieres animales; ils ne laissent pas de chercher ailleurs que dans ces matieres, l'acide dont ils forment le Nitre qu'on trouve dans les terres dont on vient de parler.

Mais on scait que les animaux se nourrissent d'aliments chargés de beaucoup d'acides, & si ces acides ne se manifestent pas à la moindre épreuve des matieres animales, il ne s'ensuit pas de-là que ces acides n'y sont point, mais qu'ils y ont contracté des engagements que des simples analises ou des analises mal entenduës ne sont pas capables de rompre; & ce qui prouve cette verité, c'est que M. Homberg a veritablement bien sçu trouver le secret de retirer du fang & d'autres parties animales une grande quantité d'acides; par consequent j'ai pû conjecturer sans scrupule qu'il y avoit réellement une grande quantité de Nitre dans les matieres animales, & c'a été pour m'en convaincre que j'ai fait d'abord quelques tentatives qui ne m'ont pas réussi faute d'un intermede terreux convenable; mais confiderant ensuite que toutes les matieres animales contiennent beaucoup d'huile, & qu'il se pourroit bien faire que le Nitre de ces matieres y fût tellement enveloppé par des parties graffes & onctueuses, qu'il ne pût paroître en cet état sous une forme saline, je cherchai le moyen de dégraisser suffisamment le Nitre en question; & comme dans la préparation & le rafinage du Sucre, qui est un sel essentiel naturellement uni à une grande quantité de parties huileuses, il s'agit aussi de dégraisser ce sel jusqu'à un certain point, pour lui donner par-là une forme folide & cristalline, & qu'entre autres moyens dont on se fert pour cela, un des principaux c'est le mêlange de la Chaux qui est une matiere alkaline; j'employai dans la même vûë plusieurs sortes de matieres terreuses, avec lesquelles un grand nombre de differentes matieres animales m'ont toûjours donné de trés excellent Salpêtre par un procedé dans toute la suite duquel je n'entrerai point aujourd'hui, non plus que dans tout ce que j'ai observé de particulier sur differentes matieres animales, d'autant que

48 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ce détail nous meneroit trop loin, & qu'il appartient na turellement à un autre Memoire, dans lequel nous avons à examiner & la manœuvre communément usitée pour la fabrique ordinaire du Salpêtre & les differents moyens ou procedés dont on doit se servir suivant la nature particuliere des matieres nitreuses sur lesquelles on a à travailler, & qui ne sont pas toûjours animales, puisque les vegetaux nous donnent aussi d'excellent Salpêtre, sur lequel nous ferons nos reflexions dans le prochain Memoire; en attendant cet examen nous pouvons toûjours assurer d'avance, & on verra clairement en son lieu, que la comparaison de tous les procedés dont il s'agit, fournit une espece de démonstration, que quand une terre nitreuse ne donne du Salpêtre qu'aprés avoir été mêlée avec des cendres, ce sont veritablement des matieres animales qui ont communiqué à cette terre le Nitre ou la plus grande partie du Nitre qu'elle contient, & qui tel qu'il est ne peut lui être venu d'aucune autre part, & par confequent les materiaux nitreux qu'on employe communément dans nos Manufactures de Salpêtre, ayant un besoin indispensable d'un pareil mêlange, se trouvent dans le même cas, c'est-à-dire, qu'ils ont aussi tiré leur Nitre de la même fource.

Pour ce qui regarde presentement la maniere dont les cellules terreuses contribuent à la préparation de la matiere nitreuse qu'elles contiennent, voici ce que je pense sur ce sujet. 1°. Cette matiere n'étant composée que de parties volatiles, & étant elle-même trés-disposée à s'exhaler, comme il sera prouvé incessamment, si elle n'étoit retenue dans des especes de petites prisons, elle pourroit bien s'échapper dés qu'elle commenceroit à sermenter, & par-là outre que sa préparation ne s'acheveroit point, la matiere seroit encore perdue pour l'artiste. 2°. Cette matiere en se siltrant au travers de ces cellules, & y circulant en quelque sorte, s'y déposible toûjours de quelques parties grasses & huileuses qui s'arrêtent & restent aux parois

rois des cellules; enfin cette matiere distribuée en chaque cellule, s'y trouve comme divisée en une infinité de petites portions, qui ayant en cet état plus de surfaces que si toutes ces portions étoient réunies, offrent aussi par-là

plus de prise à l'action de l'air.

Car on sçait, & nous avons déja remarqué que le contact de l'air est aussi essentiellement necessaire à la préparation de cette matiere que celui du Soleil y est préjudiciable : ce dernier fait promptement exhaler la substance nitreuse, si telle qu'elle est dans les terres & dans les plâtras, c'est-à-dire, avant que d'avoir été mêlée avec les cendres, ne peut soutenir une forte chaleur, ce que j'ai reconnu en lavant des plâtras nitreux simplement avec de l'eau chaude, & faisant ensuite évaporer doucement la liqueur, il reste alors une matiere saline qui ne prend pourtant point la forme d'un sel concret & qui demeure toûjours liquide ou humide; cette matiere ou du moins sa partie nitreuse n'a besoin que d'un feu assés mediocre pour se dissipper en l'air; & si on la fait distiller, elle donne facilement & en peu de temps une veritable Eau régale semblable en tout à celle qu'on a coutume de faire avec le fel ammoniac & l'esprit de Nitre. Nous parlerons plus amplement une autre fois de cette liqueur, car nous ne le faisons presentement que par anticipation & pour prouver la volatilité naturelle de la partie nitreuse des terres & des plâtras communément employés dans nos Manufactures de Salpêtre.

C'est par rapport à cette circonstance que les plâtras tirés des petites ruës où le Soleil ne peut presque point penetrer, & où par consequent il n'a pas beaucoup d'action, se trouvent bien plus riches en Nitre que ceux qui viennent des ruës plus larges, & où le Soleil donne à

plomb.

A l'égard du contact de l'air, si absolument necessaire pour la préparation de la matiere nitreuse, je conçois qu'il y contribue en deux manieres. La premiere, c'est que Mem. 1717.

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE comme les lieux les plus propres à faire provision de Nitre, sont ceux que les rayons du Soleil ne visitent point, ces mêmes lieux font naturellement fort humides; d'ailleurs la matiere nitreuse ne s'infinuant dans les cellules terreuses qu'à la faveur des parties aqueuses qui lui servent de vehicule; si l'air sec & de dehors ne venoit pas continuellement balayer toutes ces humidités & en dégager la matiere nitreuse arrêtée dans les cellules, cette matiere toûjours fluide & détrempée ne manqueroit pas de couler avec ces humidités, & par consequent ne demeureroit point dans ces cellules terreuses où elle auroit été portée en premier lieu, ce qui est prouvé par l'experience suivante rapportée dans l'Histoire de la Societé Royale de Londres. Si l'on verse de l'eau sur une terre propre à en tirer du Salpêtre, on ne fait qu'enfoncer le fel plus profondement en terre, c'est-à-dire, que la portion nitreuse qui residoit dans une couche superieure de terre, se trouve entraînée par le liquide dans la couche de dessous, & par consequent est perduë pour la couche de dessus.

L'autre effet de l'air sur la matiere nitreuse, c'est qu'à proportion des parties aqueuses qui s'en séparent & qui s'en exhalent, il s'y introduit en place des particules d'air qui ont une proprieté particuliere pour saire sermenter les matieres vegetales & animales, & qui trouvant ici une matiere de même nature, ne manquent pas d'y exciter la fermentation & le développement dont elle a besoin pour

paroître ensuite sous une forme saline.

Si l'on doute que l'air soit une espece de levain par rapport aux matieres vegetales & animales il n'y a qu'à considerer tous les sucs des Plantes qui rensermés dans leurs cellules naturelles, ou dans une bouteille exactement bouchée, & avec un peu d'huile au dessus de la liqueur, ne fermentent point ou ne le font que lentement, mais qui le sont trés vîte dés qu'ils viennent à être srappés par l'air exterieur. On sçait encore combien l'air est préjudiciable à toutes les playes du corps, & cela, parce que ce sluide DES SCIENCES

touchant immediatement des sucs destinés par la nature à être recouverts & à l'abri de son impression, il y introduit une fermentation qui les aigrit en peu de temps; c'est pour cela que les Chirurgiens habiles & attentifs ne laifsent leurs playes découvertes que le moins qu'ils peuvent. Voilà ce que j'avois à dire non seulement sur la source qui fournit le Nitre aux materiaux communément employés dans nos Manufactures de Salpêtre, mais encore sur la maniere dont ce Nitre s'engage & se prépare ou se développe naturellement dans ces materiaux; mais comme la fource nitreuse dont il s'est agi jusqu'à present n'est pas l'unique, & qu'il y en a réellement une autre dont un grand nombre de terres & de pierres tirent un veritable Salpêtre, nous ne manquerons pas d'en parler dans le prochain Memoire, où nous tâcherons de donner un éclaircissement entier sur les deux Especes generales de Nitre repanduës en differents endroits de l'univers, c'est-à-dire, fur la nature des lieux qu'affectent naturellement chacune de ces especes, & sur la maniere de distinguer la source particuliere qui a apporté telle ou telle espece de Nitre dans le lieu où on la trouve.



# OBSERVATIONS DE L'ECLIPSE DE LUNE

Arrivée le vingt-septiéme jour de Mars au matin 1717; à l'Observatoire Royal.

#### Par Mrs. DE LA HIRE.

10 Avril 1717.

E Ciel ayant été couvert de gros nuages qui couroient fort vîte, on n'a pû faire les Observations de cette Eclipse qu'avec assés de difficulté & d'incertitude; car à peine étoit-on en état de considerer la Lune avec les instruments, qu'elle disparoissoit ou tout-à-fait, ou elle étoit si obscurcie, qu'on ne pouvoit pas discerner exactement les termes de l'ombre, cependant nous avons obfervé ce qui suit avec le plus de justesse qu'il nous a été possible.

Un peu avant le commencement de l'Eclipse nous mefurâmes le diametre de la Lune avec nôtre Micrometre universel, lequel est toujours préparé pour toutes les Eclipses tant de Soleil que de Lune, & nous le trouvâmes de 32', lequel étant réduit à son diametre horisontal, devoit être de 31' 43", car la Lune étoit alors élevée sur l'hori-

fon de 310 à peu-prés.

A 1h 51' nous apperçûmes une penombre assés forte, mais nous n'avons estimé le commencement de l'Eclipse que 4' aprés. Pour la fin de l'Eclipse l'Observation en est assés exacte, car alors le Ciel étoit assés clair à l'endroit où étoit la Lune, & plusieurs Observations de la fin sont assés bonnes.

| DES SCIENCES.                                |     | 53   |
|--|-----|------|
| Commencement à 1h                            | 55  | o"   |
| I doigt                                      | 4   | 25   |
| $3\frac{1}{2}$                               | 21  | 25   |
| $\int \frac{1}{2} \cdots$                    | 45  | 25   |
| $6\frac{1}{2}$                               | 48  | 25   |
| 7 3  | - 8 | 25   |
| $7\frac{1}{2}$                               | 14  | . 10 |
| $7\frac{1}{2}$                               | 20  | 25   |
| 7  | 30  | 50   |
| 6  | 46  | 30   |
| $5\frac{1}{2}$                               | 53  | 30 - |
| 5  | 59  | 25   |
| $4\frac{1}{3}$ · · · · · · · · · · · · · · 4 | 7   | 45   |
| 4  | 9   | 10   |
| $3^{\frac{1}{2}} \cdots$                     | 14  | 15   |
| $1\frac{1}{2}$                               | 31  | 15   |
| $O^{\frac{1}{2}}$                            | 33  | 25   |
| Fin de l'Eclipse à                           | 38  | 25   |

#### Observations du passage de l'Ombre sur quelques Taches.

| Archimede &  | ζ | D | io | ni | liu | S | er | ıſe | m | bl | e | à |  |   | 4h | 2  | 55" |
|--------------|---|---|----|----|-----|---|----|-----|---|----|---|---|--|---|----|----|-----|
| Manilius à . |   | • |    |    |     | • | •  | •   | • |    |   |   |  |   |    | 8  | 5   |
| Menelaus à   |   |   |    |    |     |   |    |     | ٠ |    |   |   |  | ٠ |    | 10 | 40  |

Il faut remarquer que lorsque l'ombre qui n'étoit pasbien terminée se trouvoit sur les places obscures du corps de la Lune, on ne pouvoit juger que sort imparsaitement de la quantité de l'Eclipse, ce qui est arrivé en plusieurs endroits, & ce qui étoit broüillé par des nuages legers qui s'y mêloient, & qui par leur mouvement sort prompt déroboient l'attention que ces sortes d'Observations requerent.

Maintenant si l'on veut déterminer le milieu de cette Eclipse par quelques Observations correspondantes, on trouvera Gij

54 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Par le commencement & par la fin qu'elle

Pour les autres phases elles étoient trop proches du

milieu pour en tirer quelque chose de juste.

Ensin si l'on vouloit corriger ces Observations les unes par les autres, tant du commencement que de la sin, & par leurs differences, on trouvera toûjours le milieu entre 3<sup>h</sup> 17' & 3<sup>h</sup> 18'.

# O B S E R V A T I O N D E L' E C L I P S E D E L U N E

Faite à l'Observatoire Royal le 27 de Mars 1717 au matin.

#### Par M. CASSINI.

10. Avril 1717.

E Ciel a été couvert pendant la plus grande partie de la durée de cette Eclipse, & on n'a pû l'apperce-voir qu'entre des nuages & pendant quelques intervalles fort courts qui n'ont pas permis d'en faire toutes les Obfervations que l'on s'étoit proposé.

Nous nous étions préparé à l'observer avec deux Lunettes, l'une de 8 & l'autre de 9 pieds, à la premiere desquelles on avoit placé des Reticules, & à la seconde un Micrometre de la maniere qui a été expliquée en diverses

occasions.

Voicile détail des Observations saites avec les Reticules.

A 1h 53' 10" La Lune se découvre entre les nuages & paroît éclipsée à la vûë simple.

2 48 10 La Lune eton ecupiee de 0 doigts 22.
3 29 40 L'ombre à peu-prés à Copernic, la Lune étoit éclipsée de 7 doigts 12 minutes.

3 51 50 La Lune est éclipsée de 6 doigts 10.

3 55 40 La Mer du Nectar est entierement sortie de l'ombre.

4 2 25 La Lune est éclipsée de 5 doigts.

4 4 40 Helicon commence à fortir.

4 7 35 Manilius est entierement sorti.

4 11 10 Menelaüs est forti. 4 38 10 Fin de l'Eclipse.

Les dernieres Phases de cette Eclipse ont été déterminées avec plus d'exactitude que les premieres, le Ciel étant alors un peu plus serein, ensorte qu'on distinguoir assés exactement sur le disque de la Lune le terme de l'ombre.

La Lune ayant paru éclipsée d'un à demi-doigt à 1<sup>h</sup> 57' 10", & le temps que l'ombre de la Terre employe à éclipser un doigt étant de 6 à 7 minutes, on aura le commencement de l'Eclipse à 1<sup>h</sup> 54' ou environ; la fin a été observée à 4 heures 38' 10". Donc la durée a été de 2<sup>h</sup> 44', & la demi-durée de 1<sup>h</sup> 22', ce qui donne le milieu de l'Eclipse à 3<sup>h</sup> 16'.

Nous avons déterminé à 3h 29' 40" la grandeur de l'Eclipse de 7 doigts 12 minutes, d'où il resulte que la quantité de l'Eclipse a été plus grande de 7 doigts & un cinquiéme, ainsi qu'on l'a trouvée par l'Observation saite avec le Micrometre, suivant laquelle on l'a déterminée à

3h 16' de 7 doigts 17 minutes.



## OBSERVATION

De l'Equinoxe du Printemps de cette année 1717.

#### Par M. DE LA HIRE.

30 Avril 1717.

T'A 1 observé la hauteur Meridienne apparente du Soleil le 16 Mars de cette année de 39° 47 0", le 21 de 41° 45' 10", & le 22 de 42° 8' 50".

Ces Observations sont fort exactes, & elles conviennent trés bien entre elles suivant toutes nos Observations & toutes celles qui ont été faites par nos anciens Astronomes à l'Observatoire.

Mais aussi nous avons conclu qu'au moment de l'Equinoxe la hauteur Meridienne apparente du Soleil devoit être de 41° 27' 20".

On voit donc par-là que l'Equinoxe est arrivé le 20

Mars aprés midi.

Mais comme la difference des hauteurs Meridiennes du Soleil pour un jour dans ce temps-là doit être de 23' 40', ce qui s'accorde aussi avec la difference de nos Observations du 21 & du 22, & même avec celle du 16, nous aurions dû trouver la hauteur Meridienne du Soleil le 20 de 41° 21 30'.

Enfin si l'on divise 23'40", ou bien 1420" par 24h, on aura la difference de hauteur Meridienne pour une

heure de  $59'' \frac{7}{13}$ .

Mais la difference entre 41° 27 20" pour le moment de l'Equinoxe & la hauteur du Soleil au 20 Mars de 410 21' 30" est 5' 50" ou 350"; si l'on divise ces 350" par 59' 7 qui conviennent à une heure, on aura 5h 52' qui fera le temps auquel l'Equinoxe est arrivé le 20 Mars aprés midi.

CONSTRUC-

# CONSTRUCTION

# D'UN MICROMETRE UNIVERSEL

Pour toutes les Eclipses de Soleil & de Lune, & pour l'Observation des Angles.

# Par M. DE LA HIRE.

N ne scauroit douter que le Micrometre ne soit un 29 Mai des instruments des plus utiles dans la pratique de l'Astronomie. Sa construction parfaite en est dûë à Mrs. Auzout & Picard, comme on le peut voir dans un Cahier imprimé, lequel a pour titre Extrait d'une Lettre de M. Auzout du 28 Decembre 1666 à M. Oldembourg Secrezaire de la Societé Royale d'Angleterre touchant la maniere de prendre les Diametres des Planetes, & de seavoir, &c. Et comme cet Ecrit étoit devenu fort rare, je crûs qu'il étoit à propos, pour conserver la memoire de son invention, & pour l'honneur de ceux qui l'avoient inventé, de le faire réimprimer dans les Ouvrages postumes de Mrs. de l'Academie; ce que j'ai executé en 1693.

C'est par le moyen de cet instrument que nous avons déterminé exactement les excentricités du Soleil & de la Lune, en comparant leurs diametres apparents dans tout leur cours; & la grande facilité qu'il donne pour observer de trés petites distances entre les corps celestes & même les diametres des Planetes, a beaucoup servi à persec-

tionner toute l'Astronomie.

C'est aussi par le moyen de cet instrument qu'on observe trés facilement les Eclipses du Soleil & de la Lune, & j'en ai fait toûjours un trés grand usage dans toutes les rencontres où j'ai trouvé que je pouvois m'en servir. Mem. 1717. Н

78 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

C'est ce frequent usage qui m'a donné lieu d'y faire quelques remarques. Car ceux qui font les plus parfaits & qui sont construits comme celui que M. Picard avoit fait faire avec un trés grand soin, ont leur chassis mobile foutenu sur un ressort trés fort qui le repousse toûjours contre la pointe de la vis qui sert à faire avancer ou reculer ce chassis, & à même temps le filet qu'il porte; cependant on ne laisse pas de s'appercevoir qu'on peut saire tourner un peu cette vis sans que le chassis ou son filet change de place, & par consequent on ne peut pas s'affurer avec toute l'exactitude qu'on souhaiteroit de la distance qui est comprise entre les filets de cet instrument, ce qui vient, à ce que je crois, de ce que la vis ne remplit pas exactement les pas de son écrou: mais ce défaut fera bien plus grand dans ces sortes d'instruments où il n'y a point de ressort qui tienne en sujetion le chassis mo-

bile contre la pointe de la vis.

On pourroit dire encore que cet instrument ne donne pas les distances avec exactitude, à cause que l'on mesure seulement la peinture de ces distances, laquelle se fait au foyer de l'objectif, & que les grandeurs des parties de cette peinture ne répondent pas aux grandeurs veritables de l'objet, d'autant qu'elles sont plus étenduës vers les bords que vers le milieu; mais cette difference n'est pas sensible lorsque l'angle compris par l'objet ne surpasse pas 2 degrés, & que l'objectif de la Lunette n'a que 8 ou 10 pieds de foyer. Il n'en est pas de même quand pour obferver les Eclipses de Soleil on se sert d'une Lunette composée de deux verres, & qu'en faisant passer l'image du Soleil au travers de cette Lunette, on la reçoit sur une surface blanche dans un lieu obscur; car quoi-que cette maniere soit fort commode pour augmenter trés considerablement & fort distinctement l'image du Soleil dans une petite distance de la Lunette jusqu'à la surface qui reçoit l'image, cependant les parties de cette image sont si fort défigurees vers les extremités, qu'on ne peut rien déterminer de juste en les recevant sur le Reticule tracé sur la surface & divisé également en 12 parties ou en 24 pour les doits & demi doits de l'Eclipse, & de plus cette methode est inutile pour les Eclipses de Lune, car l'image

de la Lune est trop foible sur la surface blanche.

Les Micrometres qui n'ont point de filets qui soient placés entre eux à des distances déterminées ni de filet mobile, mais seulement un curseur qui marque par son côté la position de l'objet, me semblent sorts imparsaits, à cause qu'on ne peut pas juger si le côté du curseur passe exactement par le point qu'on veut mesurer, comme le marque le filet où l'on voit les objets d'un côté & d'autre, outre qu'il est trés difficile de ne se pas méprendre dans un grand nombre de tours qu'il faut faire saire à la vis, lorsque les distances sont considerables, comme de

plusieurs doits dans les Eclipses.

J'ai donc été persuadé qu'il étoit encore plus à propos pour l'observation des Eclipses de se servir du Micrometre de Mrs. Auzout & Picard, en l'appliquant à une Lunette de 7 ou 8 pieds de foyer, & d'observer la quantité des minutes & secondes que donne cet instrument dans chaque phase; mais j'y ai toûjours trouvé beaucoup de difficulté, en ce qu'il n'est pas quasi possible de ne se pas méprendre, en comptant les differents tours de vis qu'il faut faire d'une phase à une autre, en y comprenant les distances des filets immobiles, & encore on ne peut pas avoir les doits & les demi-doits éclipfés par l'observation immediate, il faut les conclure des parties proportionnelles des phases qu'on a observées, lesquelles changent de grandeur pour des temps differents, car l'espace du temps qui convient à un demi-doit du commencement ou de la fin de l'Eclipse, n'est pas égal à celui d'un autre demi-doit vers le milieu, au moins dans la pluspart des Eclipses. Pour éviter l'inconvenient dont on vient de parler dans le Micrometre de ces Messieurs, on pourroit se servir d'un Reticule qui comprendroit exactement le diametre du Soleil ou de la

Ηij

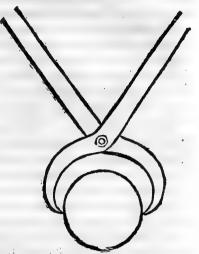
60 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Lune, & qui seroit divisé en doits & en demi-doits, mais la difficulté consiste à construire ce Micrometre, car il faudroit divifer avec des filets l'espace d'un demi-pouce en 24 parties égales, & quand on auroit fait ce Reticule avec beaucoup de peine, il ne pourroit servir que pour une seule Eclipse.

Cependant j'avois pensé à faire cette espece de Reticule, & de le faire servir generalement pour toutes sortes d'Eclipses de Soleil & de Lune, en l'appliquant à une Lunette composée de deux Verres objectifs outre son oculaire, ces objectifs pouvant s'approcher & se reculer l'un de l'autre pour avoir ensemble un foyer different, lequel pût convenir au Reticule que j'aurois fait; mais j'ay remarqué que cette Lunette deviendroit trop longue en certain cas, & qu'elle ne seroit pas commode pour l'usage. C'est pourquoi j'ai enfin jugé que je ne pouvois pas avoir un Micrometre plus commode & plus simple que celui que j'ai proposé dans mes Tables à la page 71, & que je pouvois le rendre universel pour toutes les Eclipses sans y rien changer. Sa construction est trés simple, car ce n'est qu'une espece de Compas à doubles branches ou pointes, lesquelles sont trés déliées, & dont les grandes branches font huit ou dix fois plus grandes que les courtes. Mais de la maniere que je l'avois proposé, j'y ai trouvé une difficulté, à cause que les petites branches étant placées au foyer de la Lunette, leur largeur vers le clou occupoit un trop grand espace pour laisser voir le disque entier du Soleil ou de la Lune, quand les pointes de ces branches embrassoient leur diametre; c'est pourquoi j'ai construit ces petites branches en arc comme on les voit guresuivante. ici, afin de laisser appercevoir un grand champ dégagé entre ces pointes, & pour pouvoir prendre le diametre entier de l'Astre ou celui de sa partie restante éclairée sans rien perdre de ce que l'on en peut voir, ce qui sert à mieux juger si l'on observe bien ce diametre.

Voyés la Fi-

La fabrique de cet instrument est trés aisée pour le faire fort juste, car lorsque les pointes des petites branches se touchent exactement, il faut que les pointes des longues branches se touchent aussi de même, ce qu'on peut faire en les considerant les unes & les autres avec une groffe Loupe. Les branches de cet instrument doivent être plates & minces & affés larges pour ne point ployer sur le champ & pour être legeres. On les peut faire de lames de ressort ou de Leton bien écroui.



Pour appliquer cet instrument à la Lunette on voit qu'il faut que les pointes des petites branches soient placées à son foyer, & que l'espace compris entre ces pointes soit perpendiculaire à l'axe de la Lunette; c'est pourquoi il faut faire une fente sur le tuyau de la Lunette justement à l'endroit de son foyer pour y introduire le Micrometre; mais comme il faut qu'il soit arrêté dans sa situation, enforte qu'il ne lui reste d'autre mouvement que celui de pouvoir fermer ou ouvrir les branches, & qu'on ne foit point obligé de le tenir avec la main, il faut attacher sur la Lunette un petit morceau de bois qui ait une fente dont l'une des faces soit parallele à l'ouverture qu'on a faite au tuyau, & qui lui réponde exactement pour y placer tout contre les branches du Micrometre, & il doit y avoir une vis qui traverse cette fente, afin qu'on puisse serrer & arrêter contre la face de la fente les grandes branches du Micrometre ou au moins une. Par ce moyen on pourra ôter & remettre trés facilement le Micrometre à fa place, sans qu'il lui arrive aucun changement, car les branches doivent être assés fermes à tourner sur leur clou. Cette MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE piece de bois peut se faire en bien des manieres; c'est pourquoi je n'en donne point la figure, il sussit qu'on sça-

che son usage.

Maintenant pour observer des Angles avec ce Micrometre, je crois que la méilleure manière est d'y employer l'experience pour connoître d'abord l'angle que comprend une certaine ouverture des petites branches par rapport à la longueur du foyer de l'objectif de la Lunette où il est appliqué, ce qui est comme dans le Micrometre ordinaire la distance entre deux de ses filets immobiles.

Pour cet effet j'attache sur une planche un carton blanc fur lequel je trace trois ou quatre traits noirs paralleles entre eux, dont la largeur soit d'une ligne environ, & la longueur à peu-prés de trois pouces, mais que la distance entre les milieux de ces traits soit de deux pouces, & j'y trace encore une autre ligne noire qui traverse les premieres à angles droits. Ensuite ayant mesuré dans un lieu uni & exposé à l'air une distance de deux ou trois cens toises fort exactement & en ligne droite, j'y place la Lunette du Micrometre dont le Verre objectif soit posé à l'extremité de cette ligne, & la longueur de la Lunette suivant la longueur de la ligne mesurée, & à son autre extremité j'y mets la planche qui porte le carton dont la face doit être perpendiculaire à cette ligne, ce qui se fait par le moyen d'une petite regle de bois qu'on attache perpendiculairement sur le côté de la planche à l'endroit du carton, enforte qu'en mirant au long de cette regle on puisse voir la Lynette. the data will a

Alors la Lunette étant arrêtée fixe à l'endroir où elle est, j'introduis dans la sente qui est à son soyer les petites branches du Micrometre, & je les ouvre par le moyen des longues branches tant que les pointes des petites branches comprennent exactement l'intervalle entre le milieu de deux ou trois traits noirs de carton, en observant que la ligne entre ces pointes soit perpendiculaire aux traits, ce qui est facile à faire par le moyen du trait qui traverse

les autres à l'équaire, lequel est marqué sur le carton; & aussi-tôt ayant retiré le Micrometre hors de la Lunette, je mesure exactement en lignes & en parties de lignes l'in-

tervalle entre les pointes des longues branches.

Enfin je fais le calcul suivant pour un triangle rectangle & rectiligne, en posant pour premier terme la distance en pouces entre l'objectif de la Lunette & le carton de la planche, pour le second terme la distance entre les traits du carton qu'on a observés, & pour le troisséme le rayon, & il viendra au quatriéme terme une grandeur qui sera la Tangente de l'angle qui s'est fait à l'objectif de la Lunette, lequel est compris entre les rayons qui vont de cet objectif aux traits du carton, & cet angle est aussi égal à celui qui se fait par les mêmes rayons prolongés depuis l'objectif jusqu'aux pointes des perites branches.

C'est-là toute la préparation necessaire pour ce Micrometre, lorsqu'on veut s'en servir à observer des angles, car l'ouverture des longues branches étant donnée pour un certain nombre de minutes & de secondes, on aura aussi leur ouverture en lignes & parties de lignes pour tel angle que l'on voudra; c'est aussi la manière la plus sûre pour connoître le nombre des minutes & des fecondes qui sont comprises entre les filets immobiles du Micro-

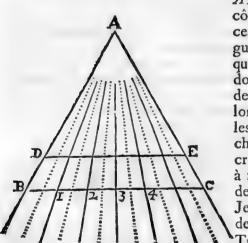
metre ordinaire.

Maintenant si dans une Eclipse on connoît le diametre du Soleil ou de la Lune, on pourra faire une table de l'ouverture en lignes & parties de lignes que doivent avoir les longues branches pour les doirs & les demi-doits, & pour chaque observation de ces phases on n'aura qu'à s'en servir, ce qui sera trés facile à faire & fort prompt à executer, car l'ouverture entre les pointes des longues branches, laquelle est fort sensible, puisqu'elle est huit ou dix fois plus grande que celle des petites branches qui sont placées au foyer, fait toûjours un angle égal dans le centre du clou de l'instrument à celui qui se fair dans le même point par l'ouverture des petites branches, quand même

dans la construction du Micrometre les lignes qui seroient menées des pointes des longues branches aux pointes des petites, ne passeroient pas exactement par le centre du clou.

Mais ces fortes d'observations demandent beaucoup d'attention & de précautions; c'est pourquoi pour éviter les erreurs qui peuvent s'y glisser, & que d'ailleurs l'intervalle du temps entre les phases d'un demi-doit est fort court vers le commencement ou vers la fin de l'Eclipse, j'ai trouvé plus à propos de me servir de la methode suivante, laquelle ne demande point la connoissance de la quantité des minutes du diametre de l'Astre ni de tables, & que toute la préparation ne consiste que dans une seule ligne droite qu'il faut tracer pour chaque Eclipse.

Sur un carton blanc je fais un Triangle équilateral



ABC dont chaque côté soit de 8 pouces environ de longueur, supposant que la Lunette dont je me sers soit de 7 à 8 pieds de longueur, & que les longues branches de mon Micrometre soient 8 à 10 fois plus grandes que les petites. Je prolonge deux des côtés de ce Triangle AB, AC;

& l'autre B C que je considere comme la base, je le divise en 24 parties égales ( Nota. Il n'est divisé dans cette Figure qu'en 12 parties, pour évirer la consussion des lignes) & je mene par le sommet A de ce Triangle des lignes indéterminées vers la base, qui passent par les divisions, en observant observant que celles des divisions impaires soient seulement ponctuées comme on les voit dans cette Figure, & j'écris sur les lignes non ponctuées les nombres de suite jusqu'à 12 qui est pour la derniere, car ces lignes doivent servir pour la mesure des doits des Eclipses, & les ponc-

tuées entre deux pour les demi-doits.

Ensuite vers le commencement ou la fin, ou vers le milieu de l'Eclipse, ayant observé avec le Micrometre le diametre de l'Astre, sans me mettre en peine du nombre des minutes qu'il contient, je porte sur le carton depuis le sommet A du Triangle sur l'un de ses côtés, comme AB la grandeur de l'ouverture des longues branches du Micrometre en AD; & par le point D je tire la ligne D E parallele à BC, laquelle rencontrera toutes les lignes menées du sommet A dans les points qui déterminent les ouvertures de ces longues branches pour les doits & les demi-doits de l'Eclipse qu'on veut observer, & pour chaque Eclipse il n'y aura point d'autre préparation à faire que de tirer une seule ligne comme D E.

Maintenant pour chaque phase de l'Eclipse il n'y aura qu'à retirer le Micrometre hors de la Lunette & ouvrir ses longues branches sur la ligne DE de la grandeur qui convient à cette phase, & ayant remis aussi-tôt le Micrometre à sa place, on sera l'observation. On pourra aussi, si l'on veut, sans retirer le Micrometre de l'ouverture de la Lunette, en lâchant un peu la vis qui l'y retient, sermer ou ouvrir les longues branches suivant la phase qu'on voudra observer, en presentant contre les pointes le car-

ton divisé, & ensuite reserrer la vis.

Mem. 1717.

Mais lorsqu'on viendra vers le milieu de l'Eclipse, il faudra ouvrir ou sermer peu-à-peu les longues branches jusqu'à ce que l'on puisse voir la plus petite portion lumineuse de l'Astre, car quand elle commencera à augmenter, on retirera le Micrometre de la Lunette, & l'on portera les longues branches sur la ligne DE pour y mesurer les doits & les parties de doit qui seront comprises

66 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE entre les pointes, ce qu'on pourra estimer assés exactement, en divisant le dernier demi-doir où elles se trou-

vent en petites parties pour les minutes de doit.

On remarquera que toutes les parties qu'on observe sont des portions lumineuses restantes du corps de l'Astre dont il faudra prendre les complements jusqu'à 12 doigts pour avoir la grandeur de chaque phase de l'Eclipse qu'on aura observée.

Losqu'on voudra se servir de ce même carron pour les observations des Angles compris entre deux points de quelque corps que ce foir, ou entre deux Etoiles, il faudra avoir connu d'abord l'ouverture des longues branches du Micrometre pour quelque angle que ce soit, comme on l'a expliqué ci-devant, & par consequent on pourra ouvrir ces branches, ensorte que la distance entre leurs pointes contienne 24 minutes, & ayant porté cette ouverture sur l'un des côtés du Triangle comme en AD depuis le fommet A, on tirera la ligne DE parallele à BC, qui servira pour tous les angles; car les lignes menées du point A qui ont servi pour les doits & demi-doits serviront alors pour les minutes, puisqu'il y aura 24 divisions sur cette ligne DE, laquelle est égale à AD par la construction & les intervalles entre les lignes qui donnent des demi-doits, & qui representeront chacune une minute, étant divisés par estime en 12 parties, chacune donnera 5 secondes, comme nous les estimons sur nos Quarts de Cercle.

Les démonstrations de tout ce que j'avance ici sont si simples & si faciles à voir, qu'elles ne meritent pas d'être

rapportées.

Lorsqu'on se sert de Micrometres pour observer les Eclipses de Soleil ou de Lune, on a toûjours beaucoup de peine à en discerner les silets qui doivent embrasser ou rensermer la partie qu'on veut mesurer quand le Ciel est bien serein, car la grande lumiere du Soleil pendant le jour & celle de la Lune pendant la nuit empêchent

qu'on ne puisse pas voir distinctement ces filets ou l'extremité du corps qui fait le même effet quand ils sont hors du disque de ces Astres, & qu'ils sont placés sur le Ciel qui paroît fort obscur aussi bien que les filets quand on observe la Lune, & quand c'est le Soleil, le verre noirci dont on se sert pour le regarder, lui ôte toute sa clarté; mais ce n'est pas la même chose si le Ciel est couvert de quelques nuages legers, car alors on peut les appercevoir trés facilement sur les nuages qui sont éclairés par l'Astre. C'est pourquoi on pourra dans les Eclipses où le Ciel est bien serein, se servir de la methode que j'ai rapportée dans mes Tables, qui est de placer au devant de l'objectif de la Lunette un petit morceau de toile de soye blanche & fine, & affés claire, laquelle recevant la lumiere de l'Astre, fera le même effet qu'un nuage leger. On pourra, pour une plus grande commodité, tendre & arrêter cette toile de soye sur un bout de tuyau qui puisse entrer dans l'extremité de celui de la Lunette pour pouvoir l'ôter & le remettre suivant la necessité, ce qui sera d'une trés grande utilité dans ces rencontres, comme je Fai éprouvé.

#### DESCRIPTION D'UNE MACHINE

POUR ELEVER

### D E S E A U X

Par M. DE LA FAYE.

Perrault dans sa Traduction de Vitruve, Liv. 10 chap. 9, propose plusieurs Machines pour élever l'eau, & en premier lieu le Timpan. Cette Machine n'éleve pas l'eau fort haut, mais elle en enleve une grande quantité. On fait un Aissieu arrondi autour ou au com-

8 Memoires de l'Academie Royale

pas & ferré par les deux bouts, qui traverse un Timpan fait avec des ais joints ensemble, & le tout est exposé sur deux pieux qui ont des lames de fer aux deux bouts pour soutenir les extremités de l'Aissieu. Dans la cavité du Timpan on met huit planches en travers depuis la circonference jusqu'à l'Aissieu, lesquelles divisent le Timpan en espaces égaux; on forme le devant avec d'autres ais ausquels on fait des ouvertures de demi-pied pour laisser entrer l'eau dedans; de plus, le long de l'Aissieu on creuse des Canaux au droit de chaque espace qui vont le long d'un des côtés de l'Aissieu : Tout cela ayant été poissé de même que le sont les Navires, on fait tourner la Machine par des hommes, & alors elle puise l'eau par les ouvertures qui sont à l'extremité du Timpan, & la rend par les conduits des Canaux qui sont à l'extremité de l'Aissieu (ce sont les termes de Vitruve). Toutes les autres Machines de cette espece que l'on appelle Timpan, que j'ai vues dans le Theatrum Machinarum de Bocterus & dans Ramelli, ainsi que dans quelques Livres Italiens & Allemands qui traittent des Machines, ont toutes le vice commun d'élever l'eau par le Rayon du Cercle, & ne different en rien du Timpan de Vitruve, étant tirées du même principe, ainsi il seroit inutile d'en faire des descriptions. D'où l'on peut conclure que cette Machine a des défauts considerables dont le premier le plus grand est qu'elle éleve l'eau dans la situation la plus desavantageuse qu'il soit possible, puisque le poids se rencontre toûjours au bout du Rayon, qui est le Levier le plus long du Cercle, & parlà fatigue la puissance qui agit trés desavantageusement & sans uniformité, ce qui apparemment est la raison pour laquelle on ne s'en sert plus; joint à cela que la Machine est lourde & massive, comme on peut le voir par sa construction & le dessein trés exact que M. Perrault en a donné. Je dois dire ici qu'aprés avoir executé cette Machine, le Traité de Mecanique de M. de la Hire m'étant tombé entre les mains, j'ai trouvé dans la Proposition 116.

de cet ingenieux ouvrage une construction de Roües dont les arbres ont des bras ou aîles pour élever des pistons, comme sont celles des Moulins à Poudre, à Papier, à Foulon & à Forge. Quoi-que M. de la Hire pour égaliser le mouvement des Pistons, se serve d'une ligne Courbe qu'il nomme Epicycloïde, dont le Cercle de l'arbre est la base, & qui est formée par une ligne droite qui roule & s'applique successivement à tous les points du Cercle; comme il ne m'a paru dans aucun endroit de son Traité qu'il ait eu la pensée de s'en servir à sormer des Canaux pour élever des eaux, en les y introduisant, je me servirai d'une Courbe mecanique dont je vas donner une Construction telle que je l'ai imaginée & executée il y a long-temps, & dont j'expliquerai ensuite les proprietés.

La Machine que je propose n'a de conformité avec le Timpan que de se vuider par le centre; d'ailleurs les conditions en sont trés différentes. Elle me paroît simple & aussi legere qu'il est possible pour sa grandeur. La construction en est plus aisée & à meilleur marché que sa figure ne paroît l'annoncer, si l'on doit s'en rapporter aux Ouvriers, & sur-tout à deux des plus habiles maîtres cons-

tructeurs de Vaisseaux qui soient en France.

Elle est composée d'un arbre de ser qui passe au travers d'un Moyeu ou Treüil qui est divisée en quatre séparations vis-à-vis des ouvertures de quatre Canaux qui sont courbés suivant les conditions les plus avantageuses qu'il soit possible. La Machine se maniseste aux yeux de saçon que j'ai peur d'abuser du temps, en disant que la Roüe en tournant sait entrer l'eau dans ses Canaux, laquelle demeure toûjours dans un endroit sixe & perpendiculaire à la Courbe sur laquelle elle agit avec une grande uniformité & un trés petit essort. Voici la generation de cette Courbe.

J'ai pris le Treuil de la Machine, & aprés l'avoir entouré d'un ressort de Montre doux & slexible, j'en ai sixé un bout, & développant l'autre armé d'une pointe, il a

70 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE formé une Courbe mecanique qui a pour développée le cercle du Treuil. Si l'on donne aux Canaux la Courbure que l'on vient de décrire, il est visible que le poids sera toûjours dans la situation la plus avantageuse, puisqu'il monte verticalement par une ligne tangente au Treuil, & qui n'en est par consequent éloignée que du demi-diametre du Treuil. Dans cette Machine la puissance est à l'effer comme le Rayon du Treiiil ou de l'arbre est à sa circonference; par exemple, dans ce modelle l'arbre a 6 pouces de diametre, & par consequent environ 19 pouces de circonference dont je ne compte que 18 de longueur pour le Levier où est appliquée la puissance, à cause de l'enfoncement des Palettes dans l'eau, pendant que le poids ne fait effet que par un Levier de trois pouces, qui est le Rayon du Treuil: d'où il suit que la puissance est à l'effet comme 3 est à 18, ou 1 à 6, & quelque peu davantage.

Par cette construction le fardeau à élever fait toûjours uniformément le même effet, qui est le moindre qu'il soit possible, pendant que la puissance appliquée le plus avantageusement qu'il se peut, agit avec énergie par des Palettes placées à l'extremité du Rayon de la Roue. Ces deux conditions remplies font la plus grande perfection qu'on puisse desirer dans une Machine, sans compter des considerations non méprisables en mecanique, qui sont, qu'il n'y a que le seul frottement de l'Axe qui est necesfaire, & par consequent inévitable, & qu'on n'y employe aucunes matieres perissables & sujettes à réparations par les frottements, comme du Cuir dont on fait les soupapes & dont on entoure les pistons des Pompes, ni des matieres cheres & pesantes comme des metaux, le tout étant de bois. La perfection & la simplicité de la Machine l'affranchit de tous ces accessoires dispendieux, joint à cela que l'élevation verticale est la plus courte. Il me paroît qu'elle est préférable à la Vis d'Archimede qui est inclinée, & qui ne se vuide que d'une trés petite partie de

fon eau, & demeure chargée du surplus qui est trés considerable, sur-tout quand elle est d'un grand volume, ce que l'on fait roujours pour en tirer de l'utilité, n'étant presque d'aucun effet sensible en petit; au lieu que cette Machine dépense route son eau à chaque tour de Roue. Je ne sçache pas que personne l'ait proposée jusques sel pour l'élevation des eaux dans les Canaux courbés suivant les conditions énoncées ci-dessus. Cette Machine setoit trés utile dans les lieux où il seroit necessaire de faire monter une grande quantité d'eau, elle en peut aisement fournit un asses grand volume pour faire tourner un Moulin, arroser des Prairies & des Jardinages. Cet avantage la rendrecommandable par dessus toute autre Machine connue, pour les grands & vastes projets, pour les communications des Rivières, desquelles elle pourroit fournir de l'eau au Canal qui les joindroit, pour dessecher des terres inondées, & pour une infinité d'autres cas.

Il reste un inconvenient à cette Machine, qui est de n'élever l'eau qu'à son demi-diametre. Si l'on avoir besoint d'une plus grande hauteur, je crois qu'on pourroit se servir de deux ou trois Rosies l'une sur l'autre; moyen qui, quoi-que incommode, se laisseroit pas d'être trés praticable par la persection de la Machine où il n'y a ni eau ni sorce perdue, & parce que la puissance est toujours appliquée le plus avantageusement qu'il est possible par rapport

au poids, comme on a prouvé ci-dessus.

A l'égard de la construction mecanique, comme toute la difficulté se réduit à plier de longues planches de Sapins ou de Chène, ou autres bois convenables suivant cette Courbure, laquelle est sort aisée à suivre comme on vient de voir, par le développement d'une chaine ou corde d'Arpenteur qui auroit enveloppé le Treuil. Les simples Charpentiers m'ont dit, & j'ai vû qu'ils donnoient aux ais la Courbure qu'ils vouloient, en les gênant par plusieurs chevilles de ser ou de bois, ou en les chargeant de plusieurs poids, aprés quoi ils se servent du seu, qu'ils

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE allument dessous ou à côté de ces planches, ce qui leur fait conserver la Courbure pour toûjours. Quand ils employent le bois vert, ils le plient & le laissent sécher sans se servir du feu, ce qui produit le même effet. Pour les côtés on les fait de toutes sortes de planches, aprés quoi on calfate & on gondronne la Machine. Quand il s'y fait quelque voye d'eau, le moindre Calfas ou Battelier y remedie avec l'aisance & le peu de frais que tout le monde scait, ce qui rend l'ouvrage durable. Cette Machine n'est ni de grand prix ni de difficile construction, en ce que les parties ont toûjours necessairement un rapport conftant entre elles, tellement que la groffeur du Treiil donnée détermine le diametre de la Roue, & le diametre donné rend à son tour la grosseur du Treüil. Cette harmonie qui fort naturellement du sujet, épargne un tâtonnement qui accompagne presque toûjours les Entrepreneurs, & les décourage, ou tout du moins retarde l'ouvrage.

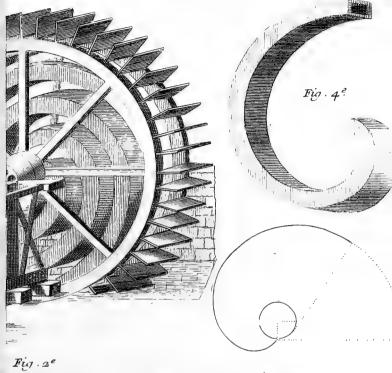
On peut se servir de ce principe pour faire des Clepsidres plus justes que celles que nous avons, qui manquent

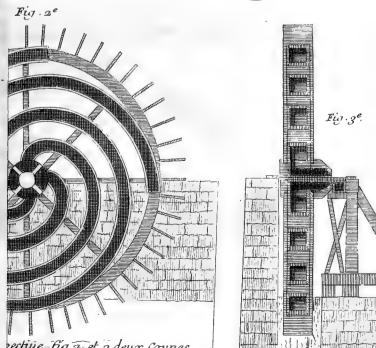
toutes d'uniformité.

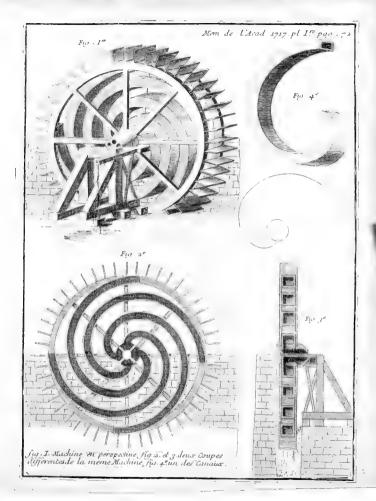
Pour ce qui est de l'assemblage, si celui-ci ne sussit pas pour donner la solidité requise à cette Roue quand elle portera des Aubes ou Palettes, on aura recours à l'habileté de nos Charpentiers, qui sont trés versés dans ce fait, & l'on verra avec eux ce qu'il sera convenable de faire.



Mem de l'Acad 1717. pl Ire pag . 7







# HISTOIRE DU KALI D'ALICANTE.

Par M. DE JUSSIEU.

CI l'on ne jugeoit du progrés de la Botanique que par le nombre prodigieux de Plantes découvertes de nos 1717. jours, que par cette justesse de dénominations, & par cette exactitude de descriptions dont on se sert aujourd'hui dans nos Memoires pour y caracteriser chaque Plante en particulier, cette science approcheroit déja beaucoup de sa perfection. Mais le Public peu interessé dans cette diversité de noms, de synonimes & de phrases, & dans cette critique d'Auteurs & de methodes qui occupe presque entierement les Botanisses modernes, semble exiger de nous des choses plus essentielles pour sa satisfaction. Non content d'une connoissance qui, quelque parsaite qu'elle soit, lui paroît toûjours séche lorsqu'elle est seule, il veut voir des vertus & nous demande des usages.

C'est pour remplir ce devoir que parmi les Plantes singulieres que j'ai observées dans mon Voyage d'Espagne, jai choisi d'abord le Kali d'Alicante comme une de celles dont l'histoire interesse d'autant plus, que cette Plante nous est moins connuë, & que personne ne l'a décrite, quoi-que le sel qu'on en tire serve à persectionner des Arts

importants.

Le genre des Kali est connu en François sous le nom de Soude; mais comme le sel fixe dans lequel ils se réduisent presque entierement lorsqu'on les brûle, porte aussi le nom de Soude, & que nous avons cinq genres de Plantes desquels on tire également du sel de ce même nom. Il sembleroit que pour éviter l'équivoque, & discerner le

Mem. 1717.

14. Août

74 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE produit de la Plante d'avec la Plante même, on pourroir conserver à celle-ci dans le François le nom Arabe de Kali, & celui de Soude aux sels fixes seulement que donnent les unes & les autres de ces Plantes.

J'appelle celle dont il s'agit ici

Kali Hispanicum supinum, annuum, Sedi foliis brevibus. Kali d'Espagneannuel, couché sur terre, à seuilles courtes & de Sedum.

Sa racine est annuelle, longue de quelques pouces, un peu oblique, blanchâtre, arrondie, ligneuse & garnie de

peu de fibres.

De fon collet fortent quatre à cinq branches couchées fur terre, & qui se soudivisent dans leurs longueurs en plusieurs petits rameaux alternes, étendus çà & là, & dont les uns sont droits, les autres inclinés. Les plus longues de ces branches n'ont pas demi-pied; s'il s'en trouve de plus grandes, c'est parce que la Plante est mieux nourrie; elles sont ordinairement moins longues, & leur diametre n'excede pas une ligne. Ces branches & ces rameaux sont arrondis, sont d'un vert pâle, & quelquesois teint legerement d'un peu de pourpre, sur-tout dans leur maturité.

Les feüilles dont ils sont chargés, y sont disposées par paquets alternes, plus ou moins écartés, suivant l'âge de la Plante, & qui à l'extremité des jeunes rameaux deviennent plus serrés qu'à leur naissance; elles sont cilindriques & succulentes comme celles de la Tripemadame ou Sedum minus, teretisolium, longues d'environ un quart de pouce sur une demi-ligne d'épaisseur, d'un vert pâle, presque transparentes, lisses, sans poil, émoussées à leur extremité & d'un goût salé. Chaque paquet est formé de deux, trois, quatre & même quelquesois de cinq de ces seüilles de l'aisselle desquelles naît la sleur.

Élle est composée de cinq étamines blanchâtres à sommets jaunûtres & d'un pareil nombre de petits petales

étroits & blanchâtres. Le jeune fruit qui en occupe le cen-

tre est terminé par un petit stilet blanc & fourchu.

Cette fleur n'a point d'odeur, & se petales qui enveloppent plus étroitement le fruit à mesure qu'il grossit, d'étroits & cachés qu'ils étoient dans le paquet de seuilles qui leur sert de calice, deviennent plus amples, plus épanoüis, sont plus apparents plus secs, membraneux, arrondis dans leur contour, un peu plissés & presque gaudronnés. Souvent deux de ces petales s'unissent de maniere qu'ils ne paroissent en faire qu'un, & pour lors la fleur semble être de quatre pieces seulement. Elle dure longtemps sans se fanner, & plus elle vieillit, plus le jaune clair dont elle est teinte, devient roussâtre. Son plus grand diametre est de deux lignes environ.

Le fruit meur est de la grosseur d'un grain de Miliet, arrondi, membraneux, & ne renserme qu'une petite semence brune, roulée en spirale. Il est si enveloppé des petales de la sleur qu'il tombe en même temps qu'elle.

Amatus Lusiranus qui dit un mot de la bonté des Soudes & du lieu d'où elles viennent, nous a laissé ignorer l'espece de Kali que l'on brûloit de son temps pour tirer celle d'Alicante, & nous ne pouvons conjecturer qu'il l'a connuë, que par le nom de Barilla, Barille, dont il l'appelle, nom qui dans le Pays & même en France parmi les Marchands se donne encore indisseremment & à la Soude d'Alicante, & à la Plante qui la produit.

On ne peut pas dire que la Plante que Gaspar Bauhin a nommée dans son Pinax, Kali minus, alterum, soit celleci, puisque non obstant la conformité que l'une & l'autre de ces Plantes peuvent avoir par leurs seüilles, & par d'autres circonstances, elles doivent essentiellement differer

par leur fruit.

Il y a bien lieu de s'étonner que M. de Tournefort qui avoit fait le même Voyage avant l'édition de ses Elements de Botanique, l'y ait oubliée, quoi-que par ses Memoires manuscrits il m'ait paru qu'il l'ait remarquée comme moi

dans plusieurs endroits des Royaumes de Murcie, de Greinade & prés d'Almerie, sans neantmoins y en avoir donné

de description, ni d'usage.

L'observation que j'ai saite dans ma description, que la sleur du Kali est composée de cinq petales qui ne se fletrissent point, & qu'elle tombe toute entiere avec le fruit, pourroit la saire soupçonner monopetale, comme l'a prétendu Plukenet, de celle d'une espece de Kali étranger qu'il a décrite dans son Amaltheum Botanicum, pag. 126, sleur qu'il dit être sans étamines. Mais si l'on remarque que les petales de celle-ci ne sont unis entre eux que legerement à leur naissance, & que les étamines tombent long-temps avant eux, on verra qu'il y a plus de lieu de la regarder comme polypetale, & qu'on ne doit point croire qu'elle soit dénuée d'étamines.

A l'égard de ce que j'ai dit, que cette fleur set d'enveloppe au fruit, qu'elle s'étend à mesure qu'il grossit, & qu'il tombe avec elle, on m'objectera peut-être que la classe des fleurs à étamines lui conviendroit mieux, mais si les principes établis par M. de Tournesort, & si favorablement reçûs jusqu'ici par la plus grande partie des Botanistes peuvent servir de regle, cette objection se trouvera aneantie, puisque suivant son sistême il est essentiel aux petales des fleurs de ne point servir d'enveloppe immediate aux semences qui succedent aux mêmes sleurs, ce qui ne s'observe pas dans celle-ci, où la semence a une enveloppe séparée des petales, qui lui est propre.

Quoi-que cette espece de Kali croisse dans les Côtes maritimes des Royaumes de Valence, de Murcie, d'Almerie & de Grenade, elle doit neantmoins porter le nom de Kali d'Alicante, parce qu'il n'y a point de lieu sur la Côte orientale d'Espagne où il en naisse une si grande

quantité qu'aux environs de cette Ville-là.

La Soude qu'on en tire fait une partie considerable de fon commerce; les Marchands étrangers la préferent à toutes celles que l'on tire d'autres Plantes, & les habitants du

Pays font si persuadés que cette espece ne peut si bien venir

ailleurs, qu'ils se la regardent comme propre.

Cette Plante croît d'elle-même, neantmoins pour la multiplier on la seme dans les Campagnes le long du bord de la Mer; j'en ai vû même dans des terres à Bled, auquel elle ne peut nuire, parce que dans le temps de la moisson elle ne commence presque qu'à y pousser, & qu'elle n'est dans sa parsaite maturité qu'en Automne.

La recolte du Kali d'Alicante ne se fait pas tout à la fois & sans précaution, comme celle des autres Plantes dont on tire de la Soude. On arrache successivement de celui-ci les Plantes les plus mures avant celles qui le sont moins. On les étend sur une aire pour les saire sécher au Soleil, & en ramasser le fruit qui tombe de lui-même.

Lorsqu'elles sont séches on les met à couvert de la pluye, & d'abord que l'on en a amassé une suffisante quantité, on les brûle de la même manière que les autres Plantes qui

donnent de la Soude.

De ses Cendres il se forme une masse d'un gris noirâtre tirant sur le bleu, fort pesante, sonante, parsemée interieurement de petits trous, que les gens de l'Art comparent à des yeux de Perdrix, séche au toucher, sans odeur desagreable & d'un goût fort salé; marques qui servent de difference particuliere à cette Soude pour la distinguer de toutes les autres.

Comme l'abondance, & la pureté du sel qu'il sournit sait son merite reconnu par les Marchands, ils sont sort circonspects à prendre garde que celle d'Alicante qu'ils choisissent pour l'employer à des ouvrages exquis, n'ait été alterée en brûlant le Kali d'où elle provient, par le mêlange d'autres Plantes qui donnent aussi de la Soude, mais beaucoup inferieure en qualité à celle-ci.

Les Arts dans lesquels cette Soude est recherchée, sont la Verrerie, la Savonerie & la Blanchisserie. Les Venitiens, les François, & ceux qui se piquent de faire les Glaces les plus sines, la préserent à toute autre. Le Savon dans le78 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE quel elle entre, passe pour le plus pur & pour le plus beau. La Lessive qu'on en fait pour dégraisser & blanchir les Draps & les Etosses est moins caussique que celle de toutes les autres Soudes qu'on a coutume d'employer à cet usage.

L'histoire des autres Plantes qui fournissent de ces especes de sel, l'examen particulier & physique de chacune de ces Soudes, les Arts dans lesquels elles servent, & les differentes manieres de les y employer, sont d'une étenduë si considerables, qu'elles me paroissent une matiere suffi-

sante pour un autre Memoire.

# RECHERCHE

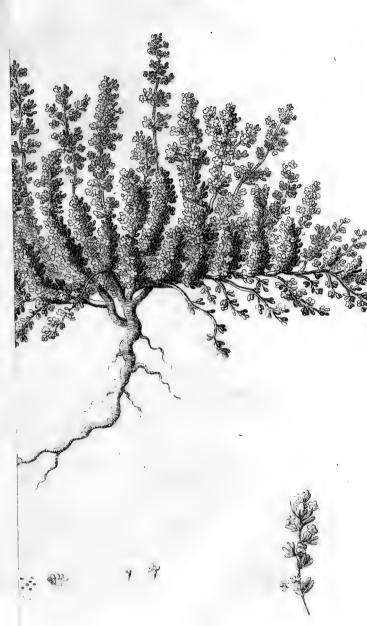
Des Dates de l'Invention du Micrometre, des Horloges à Pendule, & des Lunettes d'approche.

# Par M. DE LA HIRE.

23. Juin
1717. O M M E je me suis apperçû que dans les Assemblées
de l'Academie on agite asses souvent quels ont été
les premiers inventeurs du Micrometre & de l'Horloge à
Pendule, & que chacun s'efforce de donner la préserence
à ceux pour qui ils s'interessent le plus, j'ai crû que je
ferois plaisir à l'Academie & aux Sçavants de donner dans
ce Memoire ce que j'en ai pû découvrir de plus certain
tant par les dates des impressions de ce qui en a été publié,
que par les connoissances particulieres que j'en ai eües dans
les liaisons que j'ai toûjours entretenues avec ceux qui y

& à la Physique.
Je commence donc par le Micrometre, & je trouve que

avoient le plus de part, & avec nos plus anciens Mathematiciens depuis un trés grand nombre d'années que je me suis appliqué à ces recherches par rapport à la Geometrie



m, Supinum,annuum, Sedi foliis brevibus .

Mem de l'Aard 1717 pl 2 par 78



Kale Hispanicum, Supinum annuum, Sedi folus broribus .

dans les Ephemerides du Marquis Malvasia imprimées en 1662 à la page 193, en parlant de Saturne & de son Satellite, qui est celui du milieu des cinq qui accompagnent cette Planete, il nomme quelques personnes qui l'avoient déja vû, & il ne parle point de M. Hugens, qui avoit imprimé dés l'année 1659 son Système & ses Observations sur l'Anneau & sur le Satellite de cette Planete, ce que ce Marquis ne pouvoit pas ignorer, & qu'il ne devoit pas passer sous silence, puisqu'il y avoit déja trois ans que M. Hugens l'avoit publié, & qu'il avoit dédié son Li-

vre au Prince Leopold de Toscane.

C'est à cette occasion que le Marquis Malvasia rapporte à la page 196 la maniere d'observer de petites distances entre des Etoiles & des Planetes, & même le moyen de dresser une figure exacte des Taches de la Lune. Il fait un Chassis ou un Reticule avec des filets d'Argent trés déliés, & il divise encore un des quarreaux de l'extremité de ce Reticule en de plus petites parties avec ces mêmes filets, & ayant appliqué ce Rericule au foyer commun des deux Verres convexes d'une Lunette d'approche, il fait marcher une des Etoiles qui sont vers l'Equateur, fur l'un des filets, en tournant le Reticule ou la Lunette autant qu'il est necessaire pour l'y faire convenir, & il compre à son Horloge à Pendule & à secondes combiens il s'est écoulé de temps entre le passage de l'Etoile d'un filet à un autre de ceux qui sont perpendiculaires à celui sur lequel l'Etoile se meut, ce qui lui donne par ce moyen la connoissance de la quantité de minutes & de secondes de degré que contiennent les intervalles des filets du Reticule par rapport à la longueur du foyer de la Lunette.

On voit donc par-là que le Marquis Malvasia avoit une espece de Micrometre qui n'étoit pas sort different de celui que Mrs. Auzout & Picard publierent en 1666, si ce n'est dans la maniere de diviser celui ci & de le rendre trés exact & trés commode, en y appliquant des silets de

Vers à soye qui sont très déliés par rapport aux filets d'Argent, & de se servir d'un curseur qui se meut par une vis pour mesurer exactement des distances. Il paroît aussi que ce Marquis avoit alors une Horloge à Pendule qui marquoit les secondes, laquelle, à ce qu'il dit, avoit été trouvée à Florence quelques années auparavant.

Mais pour ce qui est du Micrometre on trouve vers la fin du Livre du Systême de Saturne de M. Hugens imprimé en 1659, c'est-à-dire, trois ans avant l'impression des Ephemerides du Marquis Malvasia, la maniere d'observer les diametres des Planetes en se servant de la Lunette d'approche, & en mettant, comme il le dit, au foyer du Verre oculaire convexe qui est aussi le foyer de l'objectif, un objet qu'il appelle virgula, d'une grosseur propre à comprendre l'objet qu'il vouloit mesurer, car il avertit qu'en cet endroit de la Lunette, à deux Verres convexes, on voit trés distinctement les plus petits objets, & ce fut par ce moyen qu'il mesura les diametres des Planetes, comme il les rapporte aprés avoir connu par l'experience du passage d'une Etoile derriere ce corps combien de secondes de degré il comprenoit. Il y a si peu de difference entre la construction du Micrometre dont M. Hugens s'étoit servi, & celle du Marquis Malvasia qui ne parut que trois ans aprés, que celle-ci ne peut pas passer pour une découverte. Ainsi il faut demeurer d'accord qu'on est redevable à M. Hugens de l'invention du Micrometre, qu'on a persectionné dans la suite au point où il est à present.

Pour ce qui regarde l'Horloge à Pendule, si le Marquis Malvasia a dit en 1662 qu'il avoit une Horloge à Pendule, & qu'il s'en servoit comme il le marque, c'est une date qu'on peut rapporter à ce temps-là; mais non pas ce qu'il ajoute, qu'elle avoit été trouvée à Florence quelques années auparavant, non plus que ce qui est imprimé en 1666 dans les Saggi de Florence où il est dit que Galilée avoit eu la pensée d'appliquer le Pendule à une Hor-

loge,

loge, mais que cela ne fut executé qu'en 1649 par son fils, sans marquer comment cette application avoit été faite. Mais si cette Horloge à Pendule étoit en usage dés l'année 1649, il n'y a pas d'apparence de croire que M. Hugens qui étoit en relation avec tous les sçavants de l'Europe, & qui étoit fort connu à Florence, eût eu la hardiesse de faire imprimer la construction de cette même Horloge à Pendule chés Adrien Ulacq à la Haye en 1658 comme une chose nouvelle, 9 ans aprés que cela avoit été executé à Florence, sans craindre de passer pour plagiaire, & de produire comme une nouveauté ce qui étoit deja fort connu; car on ne peut faire cette application du Pendule à l'Horloge que d'une seule maniere, qui est de le substituer au balancier des Horloges ordinaires, pour rectifier le mouvement de ce balancier qui est toûjours fort inégal.

Il ne s'agissoit pas encore dans cette application du Pendule à l'Horloge de rectifier le mouvement propre du Pendule qu'on avoit reconnu même à Florence être fort inégal, suivant les differentes étenduës de ses vibrations, ce que M. Hugens trouva dans la suite, & qu'il sit imprimer à Paris en 1673 dans son Traité qui a pour titre Horologium Oscillatorium, qui est un des plus beaux ouvrages qui ait été sait sur la Geometrie dans ces derniers temps.

Cette invention des Horloges à Pendule m'engage à dire quelque chose des Horloges & des Montres portatives, dont on rectisse le mouvement du balancier qui est fort inégal en lui-même par le moyen d'un petit ressort en spirale qui maitrise l'inégalité du balancier, ce qui est si fort en usage qu'on ne fait point de Montres à present que de cette maniere; & j'en puis parler avec certitude, d'autant que c'est une affaire qui s'est passée entierement sous mes yeux. Cette invention sut proposée à Paris seulement de vive voix il y a environ 40 ans par M. l'Abbé de Hauteseüille d'Orleans sort second en inventions mecaniques. Aussi-tôt M. Hugens qui étoit alors à Paris, & Mem. 1717.

qui sembloit avoir quelque droit sur les Horloges rectifiées, fit, à ce qu'il disoit, des experiences avec ses pincettes à ressort dont on se sert pour le seu, & ayant remarqué que les vibrations ou mouvements des branches en étoient assés égales, il fit construire une Montre avec un ressort en spirale sur le principe du mouvement égal des vibrations d'un ressort, & il la presenta à M. Colbert. On trouva l'invention fort belle, & elle parut fort utile, car on voyoit que le mouvement du balancier étoit fort égal; mais comme M. Hugens étoit fort estimé & trés bien en Cour, il lui prit fantaisse de demander le privilege de ces fortes de Montres, ce qu'il obtint trés facilement. Mais ce n'étoir pas affés, il falloit encore pour faire valoir ce privilege, & en tirer du profit, dont il n'avoit pas besoin, ayant une pension du Roi fort considerable, le faire enteriner au Parlement. L'Abbé qui sçavoit ce qui se passoit, & qui se tourmentoit pour soutenir le droit de son invention, fit tant par ses raisons & par ses preuves, qu'il empêcha l'enterinement du Privilege; quelques Ouvriers des plus celebres, & qui prévoyoient bien le tort que cela pourroit leur faire, se mirent de la partie; l'affaire en restalà, & M. Hugens n'en parla plus, & l'on a toûjours continué à faire toutes les Montres avec des ressorts en spirale.

J'aurois terminé mon Memoire aprés cette histoire, si ce n'étoit que nous avons encore dans la pratique de l'Astronomie un instrument qui n'est pas moins utile que les précedents dont je viens de parler, qui est le Quart de Cercle & ses portions dont nous nous servons pour observer les hauteurs des Astres & leurs distances entre eux, & qui portent des Lunettes d'approche au lieu des pinnules ordinaires, & je ne trouve point l'Epoque bien certaine du temps où l'on a commencé à s'en servir. Ces sortes de pinnules à Lunettes ont de trés grands avantages par dessus les communes ou anciennes tant pour l'Astronomie que pour la Geographie, en ce que toutes sortes de vûës peuvent s'en servir également, & que comme les Lunettes

augmentent considerablement les objets, on les voit non seulement plus grands, mais bien plus distincts, & qu'on en peut faire les observations avec une trés grande justesse. Je suis seulement surpris de ce que l'usage de ces pinnules à Lunette n'ait pas suivi de trés prés celui du Micrometre, car il me semble que ce n'étoit que cet instru-

ment appliqué aux Quarts de Cercle.

On publioit ici que c'étoit de l'invention de M. Picard, & ce n'étoit pas sans fondement, c'est pourquoi je lui demandai un jour ce qui en étoit, il me répondit assés froidement que M. Auzout y avoit beaucoup de part, & je n'ai pas pû trouver au juste le temps où elles avoient été appliquées aux instruments. Je ne vois seulement que dans le Livre de la Mesure de la Terre qui fut faite par M. Picard, & qui a été imprimé en 1671, mais auquel on travailloit en 1669, où il est dit à la page 3, qu'on s'étoit avisé depuis quelques années de mettre des Lunettes d'approche au lieu des pinnules anciennes, & c'étoit de ces sortes de pinnules dont on se servoit alors. Je croyois trouver quelque chose touchant ces pinnules dans les Transactions Philosophiques d'Angleterre, mais je n'y ai rien remarqué qui en fit mention. Il est seulement parlé au mois de Decembre de l'année 1665 que M. Auzout demande à M. Hook de communiquer sa methode par laquelle il fait qu'une Lentille travaillée selon une sphere dont le diametre soit de 20 ou de 40 pieds, puisse servir à une Lunette de 100 pieds, & qu'en recompense il en découvrira une autre par le moyen de laquelle on peut mesurer sur terre avec la Lunette, & ce que j'ai proposé, dit-il, à quelques personnes comme un Paradoxe, qui est de mefurer les distances des lieux d'une seule station sans se servir d'aucun instrument de Mathematique, mais il me semble que cela pouvoit s'entendre, en y employant le seul Micrometre dont M. Auzout se servoit, ou d'un Quart de Cercle avec des Lunettes au lieu des pinnules ordinaires.

Je sçai bien qu'il y a eu de celebres Astronomes &

84 Memoires de l'Academie Royale

grands Observateurs qui n'ont jamais voulu se servir de ces sortes de pinnules, quoi-qu'elles fussent en usage de leur temps, à cause que dans les commencemens ils n'avoient observé qu'avec des pinnules ordinaires, parce qu'ils disoient qu'on auroit pû leur reprocher que leurs premieres observations n'avoient pas toute l'exactitude posfible, puisqu'ils avoient changé de methode, ce qu'ils n'auroient pas fait s'ils avoient été bien seurs de la premiere : cette raison ne me semble pas recevable quand on ne tend qu'à la perfection de son ouvrage. D'autres ont eu plus de raison de faire quelque difficulté de se fervir de ces nouvelles pinnules, en ce qu'ils disoient qu'à la verité une de ces pinnules étoit trés visible & trés fine, puisque ce n'étoit qu'un filet de Vers à soye, qui à grand peine seroit visible, si l'oculaire de la Lunette ne le faisoit appercevoir, mais que pour l'autre pinnule qui étoit le centre du Verre objectif, elle étoit invisible; mais nous avons répondu à cette objection, en leur démontrant qu'on n'étoit pas moins assuré de la position de cette pinnule invisible que de l'autre.

Enfin on peut dire en general que tout ce que nous avons de plus curieux & de plus utile dans les Sciences & dans les Arts soit liberaux soit mecaniques, n'a pas été trouvé d'abord dans la perfection où nous le voyons à present, & qu'une legere idée qui aura été publiée, & même assés souvent par des ignorants & comme par hazard, ceux qui avoient une prosonde connoissance de la Geometrie & sur-tout de la mechanique, en ont prosité & l'ont poussée dans la suite, & comme par degrés, au point de perfection, où il semble qu'elle pouvoit être portée. Mais à qui attribüerons-nous la découverte de ces inventions? Je pourrois en rapporter plusieurs exemples, & même assés considerables, mais je me contenterai d'un seul qui vient aussi à mon sujet, c'est l'invention des Lunettes d'approche.

Le fils d'un ouyrier Hollandois qui faisoit des Lunettes

à porter sur le nés, tenoit d'une main un verre convexe comme font ceux dont se servent les Presbytes ou vieillards, & de l'autre main un verre concave qui sert pour ceux qui ont la vûë courte, & ayant mis par hazard le verre concave proche de son œil, & ayant éloigné un peu le convexe qu'il tenoit au devant, il s'apperçût qu'il voyoit au travers de ces deux verres quelques objets éloignés beaucoup plus grands & plus distinctement qu'il ne les voyoit auparavant à la vûë simple, il montra cet effet à son pere, qui en assembla aussi-tôt de semblables dans de petits tuyaux de 5 ou 6 pouces de long, & voilà la premiere découverte des Lunettes d'approche. Cette invention se divulga à même temps par tout, & ce pouvoit être en 1609, car Galilée publia ses Observations avec les Lunettes d'approche en 1610, & il dit qu'il y avoit 9 mois qu'il avoit été averti de cette découverte, comme on le peut voir dans son Nuncius sidereus. Mais Galilée qui étoit un bon Philosophe & curieux de découvrir les effets de la Nature en resta là, & il y a lieu de s'étonner comment avec une Lunette qu'il avoit faite de la même construction des premieres de Hollande, il avoit pû reconnoître le mouvement des Satellites de Jupiter, car cette Lunette avoit 5 pieds environ de longueur, & plus elles font longues, plus l'espace qu'elles font appercevoir est petit.

Cependant Kepler bon Mathematicien voulut penetrer plus avant & rechercher la cause des effets de cette invention, ce qu'il sit en fort peu de temps, car il composa son Traité de Dioptrique, & il le sit imprimer en 1611, un an aprés le Nuncius sidereus de Galilée. Cet ouvrage de Kepler est trés beau & trés curieux, & je suis surpris que Kepler l'ait pû composer en si peu de temps, étant alors occupé à construire ses Tables Rudolphines, & il y a grande apparence qu'il n'y avoit pas pensé avant 1610.

M. Descartes vint ensuite, & imprima sa Dioptrique en 1637, qui est un trés bel ouvrage, où il pousse fort loin ses recherches & ses démonstrations sur la vision &

fur la figure que doivent avoir les Lentilles pour en composer des Lunettes, & il s'arrête enfin à construire une trés grande Lunette avec un verre convexe pour objectif & un concave pour oculaire dont il n'auroit pû faire aucun usage, à cause qu'il n'auroit pû voir qu'un espace presque insensible de l'objet. M. Descartes ne pensa pas à l'avantage qu'il pouvoit retirer de la combinaison d'un verre convexe pour objectif & d'un autre convexe pour oculaire, ce que ses figures lui montroient clairement, & sans cela ni les grandes Lunettes ni les petites n'auroient été d'aucun usage pour faire des découvertes dans le Ciel & pour l'observation des Angles; & comment se peut-il faire que M. Descartes ignorât ce que Kepler avoit remarqué dans la proposition 86 de sa Dioptrique, où il dit, en parlant de la combinaison des Lentilles ou des Verres lenticulaires; Duobus convexis majora & distincta prestare visibilia, sed everso situ. Mais ce n'étoit pas son défaut que de passer son temps à lire les ouvrages des autres, & il étoit assés occupé de ses propres idées & à ses experiences. C'est donc en 1611, qui est la date de la Dioptrique de Kepler, qu'on doit fixer l'époque de la Lunette à deux verres convexes, & non pas à celle du Livre qui a pour titre Oculus Eliæ & Enoch par le P. de Reita Capucin Allemand qui ne vint que long-temps aprés : il est pourtant vrai de dire que ce Pere, aprés avoir parlé des Lunettes à deux Verres convexes, met au devant de cette Lunette une autre petite Lunette composée aussi de deux Verres convexes, laquelle renverse le renversement de la premiere, & fait paroître les objets dans leur position naturelle, ce qui est fort commode, mais peu utile pour les Astres, en comparaison de la clarté & de la distinction qui paroît bien plus grande avec deux feuls Verres qu'avec quatre, à cause de l'épaisseur des quatre Verres & des huit superficies qui ont toujours trop d'inégalités & de défauts.

Cependant on a été fort long-temps, à ce qu'il me semble, sans mettre en usage les Lunettes à deux Verres convexes, & je ne croi pas que ce soit avant l'invention du Micrometre, où l'on a vû qu'elles sont utiles à cause du soyer commun de ces deux Verres où les plus petits objets.

paroissent trés distinctement.

Je ne m'arrête point à ce que dit J. B. Porta dans sa Magie naturelle, où quelques-uns ont cru appercevoir qu'il avoit trouvé l'invention des Lunettes d'approche, ce que Kepler remarque dans sa Dioptrique, mais il ne semble pas en demeurer d'accord, & d'ailleurs il y a grande apparence que cela auroit été fort public, car Porta dit qu'il avoit communiqué son invention à plusieurs de ses amis qui avoient la vûë trop foible ou trop courte, & qui s'en étoient bien trouvés, car ses propres paroles semblent prouver le contraire; Si utrumque, dit-il, en parlant des Verres convexes & concaves, recte componere noveris & longinqua & proxima clara videbis. Or il est cerrain que les Lunettes d'approche ne font point voir distinctement les objets proches comme seroit l'écriture d'un Livre, mais je croirois plussôr qu'il ne vouloit dire autre chose que d'appliquer le Verre convexe contre le concave pour ôter à l'un ce qu'il auroit de trop de convexité ou de concavité par rapport à la nature des yeux qui en ont besoin-Et de plus ce Livre avoit été imprimé par Plantin dés l'année 1561, & réimprimé à Naples en 1580, & il y a peu d'apparence qu'une invention aussi utile & aussi connuë comme pouvoit être celle des Lunettes d'approche, eut été négligée & ensevelie dans l'oubli pendant prés de co ans, jusqu'à la découverte qui s'en fit en Hollande.



LIGNES SUIVANT LESQUELLES des Arbres doivent être plantés pour être vus deux à deux aux extremités de chaque ordonnée à ces lignes, sous des angles de sinus donnés, par un œil donné de position arbitraire au dessus du plan sur lequel on veut planter ces Arbres.

#### Par M. VARIGNON.

20 Fevrier 1717.

TE rencontrai, il y a quelques jours, par hazard dans J mes papiers un Ecrit qui me fit ressouvenir qu'autrefois feu M. Carré de cette Academie, me demanda suivant quelles lignes il faudroit planter des Arbres pour que d'un certain point donné ils parussent en lignes droites paralleles entre elles, au lieu que plantés sur de telles paralleles, ils paroissent tellement l'être sur des lignes concourantes du côté où ils s'éloignent de l'œil, que les deux rangées en paroissent concourir & se joindre dans un grand

éloignement.

Ma réponse sur que la solution de cette question dépendoit d'une physique encore contestée touchant la maniere dont nous jugeons à l'œil de la grandeur des objets, & que cette question seroit facile à resoudre si ce jugement n'étoit fondé que sur les angles sous lesquels les objets sont vûs. M. Carré m'apprit que le P. Fabry dans son Optique avoit dit que ces deux rangées d'Arbres devoient être sur des hyperboles opposées pour les faire paroître en lignes droites paralleles entr'elles. Il est vrai que cet Auteur le dit dans le corol. 2. de la prop. 7. de son Optique, mais sans le démontrer, & en supposant que les angles sous lesquels les objets sont vûs, sont proportionnels aux grandeurs apparentes de ces objets : maxime selon lui des plus communes en Optique, & qu'il tâche de prou-

ver dans cette prop. 7. Le P. Taquet suppose aussi cette maxime qu'il tâche pareillement de prouver à sa maniere dans la prop. 3. liv. 1. de son Optique; & suivant cela il démontre dans la prop. 48. de ce liv. 1. que les deux lignes ici requifes doivent être effectivement deux hyperboles opposées; mais par une synthese si longue, dépendante de la doctrine des Sections Coniques considerées dans le Cone, qu'il me prit envie de chercher cette solution par l'Analyse qui me la donna tout d'un coup sans y employer qu'une simple analogie qui saute aux yeux, ainsi qu'on le va voir dans l'art. 1. du scholie du premier des problèmes suivants; lequel scholie, aussi-bien que l'exemple 1. de ce problème 1. fera voir que supposé la maxime précedente, si l'on plante des Arbres non seulement le long de deux hyperboles opposées, mais aussi le long de tant d'hyperboles qu'on voudra supposer en même plan, opposées ou non, toutes de sommets placés en differents points d'un même axe, toutes de même centre qui soit le point où leur plan seroit rencontré par la perpendiculaire menée de l'œil sur lui, & toutes de même axe conjugué double de la distance de l'œil à ce plan; cet ceil ainsi donné de position quelconque au dessus de ce plan, verroit tous ces Arbres comme sur autant de lignes droites paralleles entre elles, qu'il y en auroit de telles rangées hyperboliques, s'il pouvoit voir tous ces Arbres par le pied, ainsi qu'on le suppose par tout dans la suite.

Ce n'est-là qu'un cas du premier des problèmes suivants, que je resolus en general par l'analyse pour les sinus de toutes sortes d'angles visuels dans le temps que cette question me sut proposée; & le brouïllon s'en étant presenté à moi depuis quelques jours, en cherchant autre chose dans mes papiers, il m'est venu en pensée de generaliser encore davantage cette question de la maniere qu'on le verra dans les autres problèmes suivants, non seulement pour déterminer deux lignes, le long desquelles on pourroit planter des Arbres dont les deux opposés (que j'aps

Mem. 1717,

00 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE pellerai simplement opposés deux à deux) d'une rangée à l'autre sur chacune des perpendiculaires à l'axe commun de ces deux rangées (dont une sera, si l'on veut, cet axe lui-même ) y paroîtront sous des angles de sinus quelconques à un œil donné de position arbitraire au dessus du plan sur lequel on voudroit planter ces Arbres; mais encore pour y faire servir des Arbres déja plantés le long d'une ligne quelconque de nature connuë. Et là j'ai trouvé que les rangées hyperboliques d'Arbres ne sont pas les seules qui en puissent faire paroître tous les opposés deux à deux sous des angles égaux, & qu'une infinité d'autres courbes deux à deux sont capables du même effet: sçavoir qu'une d'elles étant donnée à volonté, on en pourra toûjours trouver une autre qui avec elle produira cet effet de faire paroître fous des angles égaux les Arbres opposés

rangés sur elles.

Enfin pour m'accommoder en quelque façon, & autant que le calcul le peut permettre, à l'opinion de ceux qui veulent qu'outre les angles visuels, les distances de l'œil aux objets entrent aussi dans la mesure des grandeurs apparentes de ces objets; ce qui paroît d'autant plus vrai-semblable, qu'à distances égales les objets paroissent d'autant plus grands qu'ils font vûs fous de plus grands angles; & qu'à angles vifuels égaux les objets paroissent aussi d'autant plus grands qu'ils sont plus éloignés de l'œil : pour m'accommoder (dis-je) à cette autre hypothese autant que le calcul le peut permettre, je vas aussi faire entrer les distances des objets avec les sinus de leurs angles visuels dans la mesure de leurs apparences; lesquels sinus, en fait d'angles égaux, reviennent au même que ces angles; & en fait d'inégaux, ne s'éloignent peut être pas plus des apparences que si l'on y employoit ces angles eux-mêmes qui font ici tous aigus. Quoi-qu'il en foit ce n'est que pour essayer cette hypothese & la précedente des grandeurs apparentes en raison simple de leurs angles visuels, que je les yas employer ici, sans prendre aucun parti pour elles:

ainsi ce seront ici du moins des verités geometriques qui donneront tout, & même plus que ne promet le titre de ce Memoire-ci, où l'on ne s'engage qu'à des sinus, au lieu d'angles sans y parler des distances des objets que ces verités comprendront aussi.

#### PROBLEME I.

Trouver deux lignes sur un terrain ou plan donné, le long desquelles des Arbres étant plantés, les opposés deux à deux d'une rangée à l'autre, paroîtroient sous des angles de sinus quelconques à un veil donné de position arbitraire au dessus de ce plan.

#### SOLUTION.

I. Soit BC la droite sur laquelle on veut planter les deux premiers Arbres opposés de l'une à l'autre de deux rangées à tracer du côté de 00 sur le plan proposé; A, l'œil donné de position arbitraire au dessus de ce plan, sur lequel tombe en F la perpendiculaire AF; duquel point F soit sur le même plan la droite FO perpendiculaire à BC en G du côté de 00 où l'on veut planter les Arbres, dont une rangée soit GO, & l'autre sur la ligne BYO qu'il faut trouver telle qu'ayant mené les droites AG, AB, AX, AY, aux extremités des ordonnées paralleles GB, XY, ces intervalles d'Arbres plantés à leurs extremités, où les opposés deux à deux de ces Arbres plantés aux extremités de chacune de ces ordonnées, paroissent tous à l'œil A fous des angles GAB, XAY, dont les sinus soient les ordonnées correspondantes GH, XS, d'une courbe quelconque HSO, desquels le sinus total soit plus grand que la plus grande de ces ordonnées; ce qui fait voir que cette courbe HSO (que j'appelleray courbe des sinus) devroit avoir une asymptote qui fust GO, ou QO parallele à GO, si les rangées d'Arbres étoient infinies, pour que le sinus total r soit fini. Les lignes GO, BYO, le long desquelles ces Arbres doivent être plantés, s'appelleront lignes de rangées.

Mij

Fig. I.

II. Pour trouver la feconde BYO de ces lignes, sur la quelle & sur son axe GO il faut planter les Arbres, on doit considerer que AF perpendiculaire (art. 1.) au plan proposé OGBO, rendant le plan FAX perpendiculaire à celui-là, sur lequel les ordonnées GB, XY, sont (art. 1.) perpendiculaires à la section commune FO de ces deux plans; les angles AGB, AXY, sont droits. Ainsi ayant ici (art. 1.) GH, XS, pour les sinus des angles GAB, XAY, par rapport au finus total r; l'on y aura GB. AB $: GH. r = \frac{GH \times AB}{GB}$ . Et XY.  $AY :: XS. r = \frac{XS \times AY}{XY}$ .

Ce qui donne  $\frac{GH \times AB}{GB} = \frac{XS \times AY}{XY}$ .

III. Soient presentement les droites constantes données AG=a, AF=f, FG=g, GH=h, GB=b; & les variables GX = x, XY = y, XS = s: ces noms étant supposés, les triangles AFG, AFX, AGB, AXY, rectangles (art. 1.) en F, G, X, auront AG (a)=  $\sqrt{ff+gg}$ , ou aa=ff+gg,  $AX=\sqrt{ff+gg+2gx+xx}$ ,  $AB = \sqrt{aa + bb}$ , &  $AY = \sqrt{ff + gg + 2gx + xx + yy}$  $=\sqrt{aa+2gx+xx+yy}$ . Donc en fubstituant ces valeurs de GH, AB, GH, XS, AY, XY, en leurs places dans la dernière équation  $\frac{GH \times AB}{GB} = \frac{XS \times AY}{XY}$  de l'art. 2.

I'on aura ici  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{b} = \frac{s\sqrt{aa+2gx+xx+yy}}{y} = = =$ 

 $= \frac{s\sqrt{ff + gg + 2gx + xx + yy}}{y} (A) \text{ pour une équation gene-}$ rale commune aux deux courbes HSO des sinus, & BYO de rangée. Desorte qu'une de ces deux courbes étant donnée, la valeur de son ordonnée indéterminée, ainsi donnée en x & en constantes, étant substituée dans cette équation generale A, la rendra particuliere à l'autre courbe: par exemple, si la courbe HSO des sinus est donnée, la valeur de son ordonnée s ainsi donnée en x & en confsantes, étant substituée en sa place dans cette équation

93

generale A, n'y laissant plus de variables que x, y, la rendra particuliere à la courbe de rangée BYO; & réciproquement. Ce qu'il falloit trouver.

## COROLLAIRE I.

Si l'on veut presentement que F, au lieu d'être au delà de G par rapport à O, soit du côté de O par rapport à G; ce cas rendant GF(g) negative, changera la précedente équation A en  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{b} = \frac{s\sqrt{ff+gg-2gx+xx+yy}}{y}$  (B).

# COROLLAIRE II.

Si F étoit en G, ce cas rendant GF(g) = 0, changeroit l'une & l'autre équation A, B,  $\frac{hVaa+bb}{b} = \frac{s\sqrt{ff+xx+yy}}{y}$  (C).

E X E M P L E I.

I. Si l'on veur que la ligne HSO des finus foit une ligne droite parallele à GO; cette hypothese rendant les sinus XS(s), GH(h), des angles XAY, GAB, égaux entre eux, c'est-à-dire, par tout s=h, & tous les angles XAY égaux à GAB, changera l'équation generale A en  $\frac{\sqrt{aa+bb}}{b} = \frac{\sqrt{ff+gg+2gx+xx+yy}}{y}$  pour ce cas-ci; ce qui y donne aayy + bbyy = bbff + bbgg + 2bbgx + bbxx = aayy - bbff (soit ak=bf) = aayy - aakk; ce qui donne  $b \times g + x = a\sqrt{yy-kk}$  (D) pour l'équation de la courbe de rangée BYO de ce cas-ci. Ce qui fait voir qu'elle y doit être une hyperbole qui ait F pour centre; son sommet à l'extremité K de  $FK = k = \frac{bf}{a} = \frac{GB \times AF}{AG}$  parallele à GB; & son axe conjugué = 2f = 2AF.

F1G. II.

Fig. III. Il est visible que si Fétoit du côté de O par rapport à G, comme dans le corol. 1. ce cas rendant FG (g) negative de positive qu'elle étoit dans le précedent art. 1. l'équation D de cet art. 1. se changeroit ici en  $b \times x - g = a \sqrt{yy - kk}$  (E); ce qui fait voir que la courbe de rangée BYO y devroit être la même hyperbole que dans l'art. 1. mais de sommet K placé comme ici du côté de O par rapport à B, au lieu que ce sommet K étoit de l'autre côté de B dans l'art. 1.

III. Si enfin F étoit en G, comme dans le corol. 2. ce cas rendant FG(g) = 0, changeroit pour ici l'une & l'autre des équations D, E, des précedents art. 1. 2. en  $bx = a\sqrt{yy - kk}$ . Ce qui fait voir que la courbe de rangée BYO feroit encore ici la même hyperbole que dans ces art. 1. 2. mais de fommet K presentement placé en B, au lieu que là il étoit de part ou d'autre de ce point B. Ce troisséme cas est celui que le P. Taquet a démontré à sa maniere.

#### EXEMPLE II.

Fig. V. Si l'on veut que  $s = \frac{h\sqrt{aa+bb}}{\sqrt{aa+bb+2gx+xx}}$  foit l'équation de la courbe HSO des sinus XS(s) des angles visuels XAY correspondants; la substitution de cette valeur de s dans l'équation A de la solution, la changera en  $\frac{1}{b}$ 

 $= \frac{\sqrt{aa + 2gx + xx + yy}}{y\sqrt{aa + bb + 2gx + xx}}, \text{ qui donne } aayy + bbyy$ 

+2gxyy+xxyy=aabb+2bbgx+bbxx+bbyy, ou aayy+2gxyy+xxyy=aabb+2bbgx+bbxx, dont le tout divisé par aa+2gx+xx, rend yy=bb, ou y=b, c'est-à-dire par tout XY(y)=GB(b); ce qui fait voir que la ligne de rangée BYO devroit être ici droite parallele à GO autre ligne (hyp.) de rangée. D'où il suit que des Arbres plantés le long de deux lignes droites pa-

Fig. IV.

ralleles entre elles, sur une desquelles tomberoit AF (en quelque endroit que ce sût) menée de l'œil A perpendiculairement à leur plan; les opposés deux à deux en X, Y, ou leurs intervalles XY, paroîtroient par tout à cet œil A sous des angles XAY dont les sinus (s) seroient entre eux comme les fractions correspondantes

 $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{\sqrt{aa+bb+2gx+xx}}$ , c'est-à-dire, (à cause de  $h\sqrt{aa+bb}$ 

constante) en raison réciproque des grandeurs correspondantes  $\sqrt{aa+bb+2gx+xx}$ : Desorte qu'à une distance infinie AX qui rend alors GX(x) infinie, & en consequence  $h\sqrt{aa+bb}$  nulle par rapport à

 $\sqrt{aa+bb+2gx+xx}$  qui alors feroit = x, rendant aussi là l'angle visuel XAY nul; ces deux rangées paralleles d'Arbres paroîtroient y concourir, & les opposés deux à deux, s'approcher de plus en plus l'un de l'autre jusques-là, c'est-à-dire, à mesure qu'ils seroient plus éloignés de l'œil.

Ce qu'on voit de la rangée droite BO par rapport à sa parallele GO, se dira de même de toute autre rangée CO parallele aussi à GO distante d'elle de la valeur de GC = GB, & rencontrée en Z par les droites YXZ vües sous des angles YAZ dont la corde de chacun sera double du sinus s de sa moitié XAY; & consequemment dont les cordes seront entre elles comme ces sinus correspondants. Ainsi les Arbres opposés deux à deux sur ces deux rangées paralleles BO, CO, paroîtroient aussi à l'œil A comme s'approcher l'un de l'autre à mesure qu'ils s'éloigneroient de cet œil, & ces deux rangées comme devant concourir à une distance infinie de lui, de même qu'on le vient de voir des Arbres opposés deux à deux sur les deux rangées paralleles BO, GO, & de ces deux rangées aussi.

Il est encore manifeste que les mêmes apparences arriveroient quelque sût la distance GC de CO à sa parallele

GO; puisque si l'on prend GC=c quelconque, la substitution de c au lieu de b dans tout ce qui précede, démontrera de CO tout ce qu'on vient de voir de BO, quand même CO feroit du côté de BO par rapport à GO. Ainsi en quelque endroit que l'œil A soit placé au dessus du plan de tant de rangées paralleles qu'on voudra, d'Arbres qu'on puisse voir tous par le pied, comme on le suppose par tout ici; cet œil A verra toûjours diminuer les intervalles des Arbres opposés deux à deux, ou de ces rangées paralleles, à mesure qu'il en sera plus éloigné, & elles comme devant concourir ensemble à une distance infinie de lui.

Ceci est une experience de tout le monde par rapport à deux rangées d'Arbres plantés à l'ordinaire le long de deux lignes droites paralleles entre elles, en quelque endroit que l'ail soit placé d'où il puisse voir entre elles: tout le monde a (dis-je) experimenté en regardant ainsi entre deux allées d'Arbres paralleles entre elles, que les intervalles en paroissent diminuer à mesure qu'ils sont plus éloignés de l'ail; ces deux rangées paralleles s'approcher ainsi l'une de l'autre jusqu'à paroître devoir ensin concourir à une distance infinie de l'ail. Mais je ne sçais point qu'on eût encore déterminé les sinus ou les cordes des angles sous lesquels les intervalles de ces deux rangées paralleles, ou ceux des Arbres opposes deux à deux sur elles aux extremités de chacun de ces intervalles, paroissent ainsi diminuer à mesure qu'ils sont plus éloignés de l'ail.

Ces deux exemples suffisent pour faire voir comment l'on en peut resou re une infinité d'autres par le moyen de l'équation

A de la solut. du précedent prob. 1.

# S C H O L I E.

I. Voici presentement comment le cas des hyperboles des PP. Fabri & Taquet, conclu de la solution précedente dans l'exemple 1. peut encore se resoudre sans elle par le moyen d'une simple Analogie. Ce cas étant de sçavoir qu'elle

qu'elle doit être la ligne de rangée BYO pour que les intervalles GB, XY, des Arbres opposés deux à deux sur elle & sur son axe GO, paroissent tous à l'œil A sous des angles égaux GAB, XAY; les triangles rectangles AXY alors femblables tous au rectangle AGB, donneront tous

XY(y).  $AX(\sqrt{ff+gg+2gx+xx})$ :: GB(b). AG (a). Ce qui feul donne aayy = bb

 $\times ff + gg + 2gx + xx$ ; ou  $bb \times gg + 2gx + xx$ = aayy - bbff (foir ak = bf) = aayy - aakk,

d'où resulte  $b \times g + x = a \sqrt{yy - kk}$ , qui est l'équation hyperbolique D trouvée pour la courbe BYO de ce casci dans l'art. 1. de l'exemp 1. D'où l'on voit encore, comme dans cet exemp. 1. que des Arbres plantés le long d'une telle courbe, & de la droite GO, aux extremités de chacune des ordonnées GB, XY, &c. de cette hyperbole; les opposés deux à deux y paroîtroient tous sous des angles égaux à l'œil fixe en A, foit que la perpendiculaire AF qui en seroit menée sur le plan de ces deux rangées d'Arbres, tombât de part ou d'autre de G sur la droite

GO, ou en ce point G.

II. Puisque (art. 1. & exemp. 1.) des Arbres plantés le long de cette hyperbole BYO, & de la droite GO, les opposés deux à deux, y paroîtroient par tout à l'œil A sous des angles égaux GAB, XAY; il est manifeste que si l'on plante aussi des Arbres le long de l'hyperbole CZO oppofée à celle-là, non seulement chacun d'eux, & son opposé sur la droite GO, paroîtroient de même par tout à l'œil A fous des angles égaux GAC, XAZ; mais encore les opposés deux à deux sur ces deux hyperboles opposées BYO, CZO, y paroîtroient aussi à ce même œil A sous des angles BAC, YAZ, tous égaux entre eux, puisque chacun de ceux-ci seroit double de chacun de ceux-là. D'où l'on voit que si l'on prend les angles visuels pour la mesure des distances apparentes, suivant la maxime ordinaire des

Mem. 1717.

Opticiens, adoptée par les PP. Fabri & Taquet, non seulement l'œil A verra comme en lignes droites paralleles entre elles, les deux rangées hyperboliques BYO, CZO, de ces Arbres, ainsi que ces deux Auteurs le disent; mais encore cet œil A verroit tout à la fois ces deux rangées hyperboliques d'Arbres, & la rangée droite GO comme sur trois lignes droites paralleles entre elles, supposé qu'il pût voir tous ces Arbres par le pied comme autant de pieux ensoncés à fleur de terre sur ces trois lignes, ainsi qu'on le suppose par tout ici.

III. Je dis plus : si l'on prend la grandeur constante quelconque GC = c, & les variables XZ = z avec la

constante  $m = \frac{cf}{a}$ , comme l'on a pris ci-dessus (art. I. & exemp. I. art. I.)  $k = \frac{bf}{a}$ ; & qu'on substituë ces grandeurs c, z, m, au lieu de b, y, k, dans l'équation  $b \times g + x$  $= a \sqrt{yy - kk} (D)$  trouvée-là, elle se changera en  $c \times g + x = a \sqrt{zz - mm}$  qu'on y auroit trouvée de même pour l'hyperbole CZO, quelque soit le rapport de bàc; c'est-à-dire (exemp. 1.) quelques soient sur une même droite par F, parallele à BC, les axes transverses de ces deux hyperboles de même axe conjugué = 2 AF(2f), & de même centre F, foit que ce point F de la droite FO se trouve en G ou non. D'où l'on voit que les Arbres opposés deux à deux sur l'hyperbole CZO (foit qu'elle soit, ou non, l'opposée de l'autre BYO) & sur la droite GO, y paroîtroient encore par tout à l'œil A fous des angles GAC, XAZ, tous égaux entre eux, de même qu'on vient de voir (art. 1. exemp. 1.) que les opposés deux à deux sur l'autre hyperbole BYO & sur la même droite GO, y paroîtroient par tout à ce même œil A sous des angles GAB, XAY, tous égaux entre eux, soit qu'ils le foient, ou non, aux égaux GAC, XAZ. Donc ceux-ci joints à ceux-là, chacun à son correspondant, faisant des sommes égales, sçavoir par tout YAX + XAZ = BAG

-+ GAC; les angles totaux YAZ seroient par tout chacun égal au total BAC. Par consequent, soit que l'hyperbole CZO soit l'opposée ou non de l'autre hyperbole BYO, non seulement les opposés deux à deux des Arbres plantés le long de ces deux hyperboles, paroîtroient par tout à l'œil A sous des angles YAZ égaux chacun à BAC; mais encore ces deux rangées hyperboliques d'Arbres, & la rangée droite GO, paroîtroient à ce même œil A sur trois lignes droites paralleles entre elles, si les apparences des objets étoient en raison de leurs angles visuels, ainsi que les PP. Fabri & Taquer le supposent avec le commun

des Opticiens.

IV. Je dis plus encore: de ce que les grandeurs conftantes GB (b), GC(c), font arbitraires, il suit du précedent art. 3. que non seulement les hyperboles BYO, CZO. mais encore une infinité d'autres en même plan (opposées, ou non, deux à deux) qui auroient le même centre F, leurs axes transverses quelconques sur la même droite parallele à leurs ordonnées exterieures qui feroient les intervalles des Arbres opposés sur elles, & toutes de même axe conjugué = 2 AF double de la distance de l'œil A à leur plan commun; seroient propres à y planter des Arbres dont les opposés deux à deux d'une quelconque à une autre aussi quelconque de toutes ces rangées hyperboliques, y paroîtroient à l'œil A fous des angles tous égaux entre eux : de sorte que suivant la maxime des Opticiens rapportée sur la fin du précedent art. 3 cet œil fixe en A, verroit ainsi à la fois tous les Arbres plantés le long de tant de telles hyperboles qu'on voudroit en même plan, comme sur autant de lignes paralleles à FO, qu'il y en auroit de telles rangées hyperboliques de convexités tournées vers cette droite FO: & cela foit qu'on y ajoûte, ou non, la rangée droite GO.

Voilà ce que contenoit l'Ecrit fait des le temps que le problème particulier resolu dans l'exemp. 1. & dans l'art. 1. du scholie précedent, me fut proposé. Quelque general que soit 100 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE le précedent probl. I. qui dans son exempl. I. a donné la sotion de celui-là, en voici encore un plus general dont il n'est lui-même qu'un corollaire particulier.

## PROBLEME II.

Fig. VII.

Des trois courbes BYO, CZO, HSO, à tracer sur un plan, sur les deux premieres desquelles il faille planter des Arbres comme ci-dessus, & dont la troisième HSO exprime par ses ordonnées GH, XS, les sinus des angles BAC, XAZ, sous lesquels on veut que l'ail A donné de position quelconque au dessus de ce plan, voye d'une rangée à l'autre les opposés de ces Arbres deux à deux: de ces trois lignes (dis je) BYO, CZO, HSO, deux étant données à volonté, trouver la troisième.

#### SOLUTION.

I. Du point de l'œil A foir AF perpendiculaire en F au plan proposé; de ce point F sur ce plan soit menée FO du côté où l'on veut planter les Arbres, & perpendiculaire en G à BC distance arbitraire des deux à planter en B, C; à laquelle distance BC soient tant de paralleles YZ qu'on voudra, rencontrées en X par la droite FGO; & en Y, Z, par les lignes (quelles qu'elles foient) BYO, CZO, appellées encore ici lignes de rangées, le long desquelles les Arbres doivent être plantés; & en S par la courbe HSO, qui par ses ordonnées GH, XS, doit exprimer les sinus des angles BAC, YAZ, sous lesquels les Arbres plantés aux extremités de chacune des BC, YZ, correspondantes (appellés encore ici Arbres opposés deux à deux) doivent être vûs par l'œil A, laquelle courbe HSO sera encore ici appellée courbe des sinus, dont la plus grande des ordonnées répondantes à celles des lignes de rangées, sera encore ici moindre que le sinus total = r, à moins que le plus grand angle visuel ne sût droit, au lieuqu'ils seront tous ici aigus; ce qui fait voir que cette courbe HSO doit encore avoir ici une asymptote GO, ou QO.

parallele à GO en cas de rangées d'Arbres infinies, pour que ce finus total r foit fini, ainsi que dans la solut. du prob. 1. Soit tout le reste comme dans cette solution, à quoi soient ici ajoûtées AC, AZ, avec GD, CM, perpendiculaires en D, M, sur AB; & XK, ZN, perpendiculaires en K, N, sur AY.

II. Cela posé, l'on aura les triangles AGB, AXY, re-Etangles en  $G_1X_1$ , comme dans l'art. 2. de la folut. du prob. 1. Desorte que GD, XK, étant (hyp.) perpendiculaires en D, K, fur AB, AY; l'angle GAB commun aux deux triangles rectangles AGB, ADG, les rendra semblables entre eux; & l'angle XAY commun aussi aux deux triangles rectangles AXY, AKX, les rendra de même semblables entre eux. Donc on aura ici AB. GB:: AG  $GD = \frac{AG \times GB}{AB} \cdot \text{ Et } AY \cdot XY :: AX \cdot XK = \frac{AX \times XY}{AY} \cdot$ Mais les triangles BDG, BMC, que leurs angles (hyp.) droits en D, M, & leur angle commun B, rendent semblables entre eux, donnent BG. BC::  $GD\left(\frac{AG \times GB}{AB}\right)$ .  $CM = \frac{AG \times BC}{AB}$ . Et les triangles YKX, YNZ, que leurs angles (hyp.) droits en K, N, & leur angle commun Y, rendent aussi semblables entre eux, donnent de même YX : YZ : :  $XK\left(\frac{AX\times XY}{AY}\right)$  -  $ZN = \frac{AX\times YZ}{AY}$  Donc en prenant ici (art. 1.) les ordonnées GH, XS, de la courbe HSO, pour les sinus des angles visuels correspondants BAC, YAZ, par rapport au finus total (r) égal ou plus grand que la plus grande de ces ordonnées; l'on aura ici  $CM\left(\frac{\hat{A}G \times B\hat{C}}{AB}\right) - AC :: GH. r = \frac{AB \times AC \times GH}{AG \times BC}$  $ZN\left(\frac{AX\times YZ}{AY}\right)$   $AZ::XS. r = \frac{AY\times AZ\times XS}{AX\times YZ}$  Par confequent  $\frac{AB \times AC \times GH}{AG \times BC} = \frac{AY \times AZ \times XS}{AX \times YZ} (A)$ .

III. Soient presentement les mêmes noms que dans les art. 3. de la solut. & du schol. du prob. 1. scavoir. AG = a, GB = b, GC = c, AF = f, FG = g, GH = h, GG = g, GH = h, GG = g, GH = g

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE GX=x, XY=y, XZ=z, XS=s: ces noms donneront BC=b+c, YZ=y+z, aa=ff+gg,  $AB=\sqrt{aa+bb}$ ,  $AC=\sqrt{aa+cc}$ ,  $AX=\sqrt{ff+gg+2gx+xx}=\sqrt{aa+2gx+xx}$ ,  $AY=\sqrt{aa+2gx+xx+zz}$ . Donc en substituant ces valeurs de AB, AC, GH, AG, BC, AY, AZ, XS, AX, YZ, dans la derniere équation A du précedent article 2. L'on aura ici  $\frac{h\sqrt{aa+bb} \times \sqrt{aa+cc}}{h\sqrt{aa+bb}}=\frac{h\sqrt{aa+cc}}{h\sqrt{aa+bb}}$ 

 $= \frac{s\sqrt{aa+2gx+xx+yy} \times \sqrt{aa+2gx+xx+zz}}{\sqrt{x+z}\times\sqrt{aa+2gx+xx}} (B)$ 

pour une équation generale commune aux trois courbes BYO, CZO, HSO, laquelle deviendra l'équation particuliere de celle qu'on voudra de ces trois Courbes, en sub-stituant en x & en constantes dans cette équation generale B, les valeurs des ordonnées des deux autres courbes données. Ce qu'il falloit trouver.

## COROLLAIRE I.

Si presentement l'on suppose que G soit en C, ou C en G; cette hypothese rendant GC(c) = 0, changera l'équation generale B en  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{b}$ 

$$= \frac{s \sqrt{aa+2gx+xx+yy} \times \sqrt{aa+2gx+xx+zz}}{y+z \times \sqrt{aa+2gx+xx}} (D).$$

# COROLLAIRE II.

Si l'on veut que G foit par delà C, ou C du côté de B par rapport à G; cette hypothese rendant GC(c) negatif, changera la même équation B en  $\frac{h \times V_{aa+bb} \times V_{aa+cc}}{a \times b - c}$ 

$$= \frac{\sqrt{aa + 2gx + xx + yy} \times \sqrt{aa + 2gx + xx + zx}}{\sqrt{x + x} \times \sqrt{aa + 2gx + xx}} (E), \text{ dont}$$

le superieur—, du double signe, — sera pour ce qu'il y aura d'ordonnées XZ du costé de B, c'est-à-dire (hyp.) du costé de BYO par rapport à GO; & l'inserieur—, pour ce qu'il y aura de ces ordonnées XZ du costé opposé où étoit C dans la sigure presente: ce qui dépend de la nature ou du contour de la courbe CZO donnée, ou trouvée si les deux autres sont données.

## COROLLAIRE III.

Si l'on suppose F en G, tout le reste demeurant comme dans le present problème 2. cette hypothese rendant FG(g) = 0, changera l'équation generale B en  $h \vee_{aa+bb} \times \vee_{aa+cc}$   $s \vee_{aa+xx+yy} \times \vee_{aa+xx+zz}$  (F); ou (à cause que cette hypothese de FG(g) =0, rendant aussi  $AG(a) = AF(f(en \frac{h \vee_{ff+bb} \times \vee_{ff+cc}}{f \times \overline{b+c}})$   $f \times \overline{b+c}$   $f \times \overline{b+c}$ 

## COROLLAIRE IV.

Si à cette hypothese du corol. 3. l'on ajoûte celle du corol. 1. Les équations B, D, F, H, se changeront également en  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{b}$   $\frac{s\sqrt{aa+xx+yy}\times\sqrt{aa+xx+zz}}{y+z\times\sqrt{aa+xz}}(K)$ , ou en  $\frac{h\sqrt{ff+bb}}{b}$   $\frac{\sqrt{ff+xx+yy}\times\sqrt{ff+xx+zz}}{y+z\times\sqrt{ff+xz}}(L)$ .

# COROLLAIRE V.

Si à l'hypothese du corol. 3. l'on ajoûte celle du corol. 2. les équations B, E, F, H, se changeront également aussi en  $\frac{h \times \sqrt{aa + bb} \times \sqrt{aa + cc}}{a \times b - c}$  s  $\frac{\sqrt{aa + xx + yy} \times \sqrt{aa + xx + zx}}{\sqrt{y + z} \times \sqrt{aa + xx}}$ 

104 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

(M), ou en  $\frac{h\sqrt{ff+bb}\times\sqrt{ff+cc}}{f\times b-c} = \frac{s\sqrt{ff+xx+yy}\times\sqrt{ff+xx+zz}}{\sqrt{ff+xx}}$ (N); dans lesquelles équations M, N, le double signe  $\overline{+}$  signifiera la même chose que dans le corol. 2.

## COROLLAIRE VI.

Si l'on suppose F du costé de O par rapport à G, tout le reste demeurant le même que dans le present problème 2. cette hypothese rendant FG(g) negatif, changera l'équation generale B en  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{axb+c} \sqrt{aa+cc} = \frac{s\sqrt{aa-2gx+xx+yy}\times\sqrt{aa-2gx+xx+zz}}{y+z\times\sqrt{aa-2gx+xx}}(P).$ 

## COROLLAIRE VII.

Si à cette hypothese du corol. 6. l'on ajoûte celle du corol. 1. qui suppose G en C, ou C en G; les équations B, D, P, se changeront également en  $\frac{h\sqrt{aa+bb}}{b} = \frac{\sqrt{aa-2gx+xx+yy} \times \sqrt{aa-2gx+xx+zz}}{\sqrt{y+z} \times \sqrt{aa-2gx+xx}} (Q)$ .

# COROLLAIRE VIII.

Si à l'hypothese du corol. 6. l'on ajoûte celle du corol. 2. Les équations B, E, P, se chargeront également aussi en  $h\sqrt{aa+bb} \times \sqrt{aa+cc} = \frac{s\sqrt{aa-2gx+xx+yy}}{\sqrt{y+z} \times \sqrt{aa-2gx+xx}} \times \frac{\sqrt{aa-2gx+xx+zz}}{\sqrt{y+z} \times \sqrt{aa-2gx+xx}}$  (R), dont le double signe + signifire la même chose que dans les coroll. 2. 5.

#### COROLLAIRE IX.

Si l'on suppose que CZO soit une ligne droite confonduë avec la droite GO: ce qui est le cas du prob. 1. Cette hypothese rendant tout à la sois GC(c) = 0, & XZ

 $h\sqrt{aa+bb}$   $s\sqrt{aa+2gx+xx+yy}$ , qui est l'équation A de

ce prob. 1. de laquelle suivent enore ici les équations B. C. de ses coroll. 1. 2. pour les hypotheses de ces mêmes. corollaires.

Les figures qui répondent aux cas des neuf corollaires précédens, étant aisées à imaginer sur celle du present problème 2. je les omets pour n'en pas multiplier inutilement le nombre.

#### COROLLAIRE X.

Si l'on veut, comme dans l'exemp. 1. & dans le schol. Fic. VIIIdu prob. 1. que les angles visuels BAC, YAZ, & consequemment leurs finus GH(h), XS(s), foient tous égaux entr'eux, ensorte que HSO soit une ligne droite parallele à GO; cette hypothese rendant ainsi par tout s=h, délivrera de ces grandeurs h, s, toutes les précédentes équations, & les fera convenir toutes selon leurs différentes hypotheses au cas où l'œil A verroit sous des angles égaux, tous les arbres opposés deux à deux de l'une à l'autre de leurs deux rangées BYO, CZO, defquelles une seroit encore arbitraire, & l'autre varieroit selon les varietés de celle-là. Ce qui fait voir qu'une infinité d'autres lignes que des hyperboliques trouvées dans l'ex. 1. & dans le Sch. du prob. 1. seroient propres à faire que des arbres plantés sur elles, les opposés deux à deux d'une de ces deux rangées à l'autre, parussent tous à l'œil A sous des angles égaux, BAC, YAZ, &c.

Voici quelques exemples de tout cela, dans lesquels une des deux courbes de rangées BYO, CZO, par exemple celle-ci CZO, étant donnée avec HSO, qu'on suppose ici être une ligne droite parallele à GO; on trouvera l'autre courbe de rangée BYO telle que conformément à cette double hypothese, les sinus GH(h), XS(s) des angles visuels BAC, YAZ, seront tous égaux entr'eux, & con-

séquemment aussi ces angles,

Mem. 1717.

# EXEMPLE I.

Si outre s=h, on veut que  $z=\frac{c}{2}\sqrt{aa+2gx+xx}$ foit l'équation de la courbe de rangée CZO, laquelle équation se changera en  $z = \frac{ct}{a}$  en prenant tt = aa + 2gx+ x x; & si pour abreger davantage le calcul, on prend de plus  $p = \sqrt{aa+bb}$ ,  $q = \sqrt{aa+cc}$ , e=b+c: la substitution de toutes ces valeurs dans l'équation generale B de la folution précédente, changera cette équation en  $\frac{hpq}{ae} = \frac{s\sqrt{tt+yy} \times \sqrt{tt+zz}}{ty+tz}$ , qui dans le cas prefent de s=h, deviendra  $\frac{pq}{ae} = \frac{\sqrt{ii+yy} \times \sqrt{ii+zz}}{iy+iz}$ ; laquelle équation (en y substituant la dérniere valeur de VII+yy×VII+ccis  $z = \frac{ci}{a}$ ) deviendra pour ici  $\frac{pq}{ae} = \frac{iy + cii}{i}$  $= \frac{i\sqrt{iz+yy} \times \sqrt{aa+cc}}{aiy+cit} \left( \text{à cause de } q = \sqrt{aa+cc} \right) =$  $=\frac{q\sqrt{t}+yy}{ay+ct}$ , d'où resulte  $apy+pct=ae\sqrt{tt+yy}$ , dont le quarré est a appy y + 2 app cty + ppcctt =aaeett + aaeeyy; ce qui donne aappyy - aaee yy + 2appcty = aaeett - ppcctt, ou yy +2 appcty = aaee-ppcc x tt, ou bien aussi y y + 2 app - aaee app - aaee = aapp - aaee × tt + aaccp + tt = aapp - aaee  $\frac{a^4ppee-aap^4cc-a^4e^4+aacceepp+aaccp^4}{} \times tt;$ aapp-aace = a4pp'ee-a4e4+aacceepp xtt, dont la racine quarée est  $y + \frac{appc}{aapp-aaee} = \frac{aee\sqrt{aapp-aaee+ccpp}}{aapp-aaee}$ ; ce qui donne  $y = \frac{e\sqrt{aapp - aaee + ccpp - cpp}}{app - aee} \times t(S).$ 

Or venant de supposer pp = aa + bb, & e = b + c, I'on aura  $aapp = a^{+} + aabb$ , aaee = aabb + 2aabc+aacc, ccpp =aacc+bbcc,cpp =aac+bbc, app = a' +abb, ace = abb + 2abc +acc; ce qui donne  $aapp - aaee + ccpp = a^4 + aabb - aabb$  $-2aabc-aacc+aacc+bbcc=a^4-2aabc$ +bbcc, &  $app-aee=a^3+abb-abb-2abc$  $-acc=a^3-2abc-acc$ . Donc en substituant ces valeurs dans la derniere équation S, l'on aura y=  $= \frac{b+c \times \sqrt{a^4-2 \cdot aabc+bbcc-aac-bbc}}{a^3-2 \cdot abc-acc} \times t = \frac{b+c \times aa-bc-aac-bbc}{a^3-2 \cdot abc-acc} \times t$   $\times t = \frac{aab+aac-bbc-bcc-aac-bbc}{a^3-2 \cdot abc-acc} \times t = \frac{aab-2 \cdot bbc-bcc}{a^3-2 \cdot abc-acc} \times t$  $=\frac{b}{xt}$ . Par conféquent ayant pris  $t=\sqrt{aa+2gx+xx}$ , l'on aura ici  $y = \frac{b}{a} \sqrt{aa + 2gx + xx}$  pour l'équation de la courbe de rangée BYO pendant que  $z = \frac{c}{a}$ √ aa+2gx+xx fera l'équation de l'autre courbe de rangée CZO, & que la ligne HSO des sinus sera droite parallele à GO; & si au lieu de aa on substitue sa valeur (folut. art. 3.) ff + g g dans ces deux expressions de y, z. elles deviendront  $y = \frac{b}{a} \sqrt{f + gg + 2gx + xx}$ , &  $z = \frac{c}{\pi} \sqrt{f + gg + 2gx + xx}$ . D'où l'on voit, comme dans l'art, 1. de l'ex. 1. du prob. 1. que ces deux courbes BYO, CZO, seroient ici deux hyperboles, telles qu'on les a marquées dans le sch. de ce prob. 1. & que dans le cas present de sinus égaux GH(h), XS(s), & consequemment (art. 1.) d'angles visuels BAC, YAZ, tous égaux entr'eux, lors qu'une des rangées d'arbres CZO, BYO, est hyperbolique, l'autre l'est aussi toûjours, soit qu'elle foit l'opposée ou non de celle-là; ayant toutes deux le même centre dans la perpendiculaire menée de l'œil à leur plan commun, leurs axes tranverses quelconques ou leurs fommets aussi quelconques sur la même droite, & le même axe conjugé double de la distance de l'œil à leur plan;

108 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE le tout comme dans l'ex. 1. & dans le sch. du prob. r. EXEMPLE II.

Si outre la supposition de XS(s) = GH(h), on veut Fig. IX. que la courbe de rangée CZO foit une parabole dont l'équation foit ez = xx, ou  $z = \frac{xx}{e}$ , qui exigeant C en G, rend  $CG(c) = a, b+c=b, \sqrt{aa+cc}=a; & qu'on$ prenne encore ici comme dans l'ex. 1.  $p = \sqrt{aa + bb}$ , & tt =aa + 2 gx + xx: la substitution de ces valeurs dans les équations B,D, de la folut. & du corol. 1. les changera également

pour ici en  $y = \frac{abee \times aa + 2gx + xx + abx^4 - aa - bb \times exxV}{aa + 2gx + xx}$  $aa ee \times aa + 2gx + xx - bbx^4$ 

 $\times \sqrt{aa+2gx+xx}$ , qui fera l'équation de la courbe de rangée BYO dans l'hypothese des sinus GH(h), XS (s), des angles visuels BAC, YAZ, tous égaux entr'eux, l'autre courbe de rangée CZO étant un parabole ordinaire touchée en son fommet C par la droite GO. Le calcul de cet exemp. 2. se fera de même que celui de l'exemp. 1. sa longueur m'empêche de l'ajoûter ici où il suffit de voir que deux lignes de rangées hyperboliques ne sont pas les seules sur lesquelles des arbres étant plantés, les opposés deux à deux puissent paroître à l'œil A sous des angles égaux. Le present prob. 2. en pouvoit encore fournir plusieurs exemples, dont une des courbes de rangées seroit encore à volonté.

Voici presentement ce qui concerne l'opinion de ceux qui outre les angles visuels dont le commun des Opticiens se contente, font aussi entrer les distances de l'ail aux objets dans la mesure de leurs grandeurs apparentes, prétendant que ces angles visuels ne sont proportionels à ces grandeurs, que lorsque les objets sont également éloignés de l'ail; & que quand ces angles sont égaux, les grandeurs apparentes sont comme les distances de l'ail à ces mêmes objets : pensée suivant laquelle les grandeurs apparentes des objets seroient en raison composée des angles sous lesquels l'ail verroit ces objets, & de leurs distances à cet ail.

#### HYPOTHESE.

A la figure que voici du prob. 1. laquelle va fignifier ici F16. X. les mêmes choses que là, soit ajoutée la courbe quelconque PVO que j'appellerai Courbe des apparences, ses ordonnées GP, XV, devant exprimer dans la suite les apparences des intervalles GB, XY, d'arbres opposés deux à deux sur les lignes de rangées GO, BYO, & vus par l'œil fixe A sous les angles correspondans GAB, XAY, de sinus exprimés par les ordonnées correspondantes GH, XS, de la courbe HSO, par rapport au sinus total r égal ou plus grand que la plus grande de ces ordonnées.

Cela posé, puisque l'on suppose ici les apparences GP; XV, en raison composée des angles visuels correspondans GAB, XAY, & des distances correspondantes AG, AX, des intervalles GB, XY, vus sous ces angles par l'œil A donné de position quelconque au-dessus de leur plan; si pour accommoder cette hypothese au calcul on substituë les sinus GH, HS, de ces angles GAB, XAY, en leurs places; ce qui en fait d'angles aigus tels que seront les visuels du problème suivant, approche peut-être autant du vrai que ces angles eux mêmes; & ce qui en fait d'angles égaux, revient au même: cette hypothese donnera GP. XV::  $GH \times AG$ .  $XS \times AX$ . Er conséquemment  $GP \times XS \times AX = XV \times GH \times AG$ .), d'où résulte GH. XS::  $GP \times AX$ .  $XV \times AG$ .

#### PROBLEME III.

Dans cette hypothese, une des trois courbes BYO, HSO, PVO, étant donnée à volonté, trouver les deux autres.

#### SOLUTION

I. La perpendiculaire AF(hyp.) au plan OGPO de ces trois courbes, rendant les triangles AGB, AXY, rectangles en G, X; si l'on prend encore ici r pour le sinus total, l'on y aura  $AB.GB::r.GH = \frac{r \times GB}{AB}$ . Et AY:  $XY::r.XS = \frac{r \times XY}{AY}$ . Or la presente hypothese donne  $GH.XS::GP \times AX.XV \times AG$ . Donc  $GP \times AX$ . O iii

110 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

 $XV \times AG :: \frac{r \times GB}{AB} \cdot \frac{r \times XY}{AY} :: GB \times AY \cdot AB \times XY \cdot Par confé$ quent  $GP \times AX \times AB \times XY = XV \times AG \times GB \times AY(B)$ .

II. Soient presentement GP = p, XV = u, avec les noms assignés dans l'art. 3. de la solut. du prob. 1. sçavoir AG = a, AF = f, FG = g, GH = h, GB = b; GX=x, XY=y, XS=s; d'où résultent AG(a) $=\sqrt{ff+gg}$ ,  $AB=\sqrt{aa+bb}$ ,  $AX=\sqrt{ff+gg+2gx+xx}$  $=\sqrt{aa+2gx+xx}$ , &  $AY=\sqrt{ff+gg+2gx+xx+yy}$  $=\sqrt{aa+2gx+xx+yy}$ .

1°. Ces noms étant substitués dans l'équation B du précédent art. 1. la changeront en l'analytique p y

 $\times \sqrt{aa+bb} \times aa + 2gx + xx = abu\sqrt{aa+2gx+xx+yy}$ (C) commune aux deux courbes BYO, PVO; laquelle par conséquent, une de ces deux courbes étant donnée

à volonté, donnera toûjours l'autre.

2°. En substituant aussi dans l'équation A de l'hypothese, ceux de ces noms qui lui conviennent, elle deviendra de même l'analytique  $p \le \sqrt{aa + 2gx + xx} = ahu(D)$ pareillement commune aux deux courbes HSO, PVO; laquelle par conséquent, une de ces deux courbes étant donnée à volonté, donnera aussi toûjours l'autre.

III. Donc (art. 2. nomb. 1. 2.) de ces trois courbes BYO, PVO, HSO, une seule étant donnée à volonté, les précédentes équations C, D, donneront toûjours les deux autres.

Ce qu'il falloit trouver.

### COROLLAIRE I.

Si l'on veur que F, au lieu d'être par-delà G par rapport à O, soit du côté de O par rapport à G; ce cas rendant FG(g) négative,

1º. Changera l'équation C du nomb. de l'art. 2. de la folut. en  $py\sqrt{aa+bb\times aa-2gx+xx}=abu$ Vaa-2gx+xx+yy (E) qui sera commune

encore aux deux courbes BYO, PVO.

2°. Cette FG (g ( négative changera de même l'équarion D du nomb. 2. de l'art. 2. de la folut. en ahu = p s V a a - 2 g x + x x (F) commune aussi aux deux courbes HSO, PVO.

#### COROLLAIRE II.

Et si l'on veut que F soit en G, ce cas rendant FG

(g) = 0.

1°. Changera également les équations C, E, des nomb. 1. de l'art. 2. de la solution & du corol. 1. en py  $\times \sqrt{aa + bb} \times aa + xx = abu \vee aa + xx + yy (G)$ 2°. Ce cas g = 0, changera de même les équations D, F, des nomb. 2. de l'art. 2. de la folut. & du corol. 1. en  $ahu = p s \sqrt{aa + xx}$  (H) commune aussi aux deux courbes HSO, PVO.

#### EXEMPLE.

I. Si l'on veut que les intervalles GB, XY, des arbres Fig. XI. opposés deux à deux, sur les deux lignes de rangées GO, BYO, foient vûs par l'œil fixe A fous des apparences par tout égales GP, XV, &c. Ce cas changeant la courbe PVO des apparences en ligne droite PO parallele à GO, & rendant ainsi par tout XV(u) = GP(p);

1°. Changera l'équation Cdu nomb. 1. de l'art. 2. de la folut.

en  $y \vee aa + bb \times aa + 2gx + xx = ab \vee aa + 2gx + xx + yy$ pour la courbe de rangée BYO ici requise, & donnera ainfi  $yy \times aa + bb \times aa + 2gx + xx = aabb \times aa + 2gx + xx$ + aabbyy, ou  $yy \times aa + bb \times aa + 2gx + xx - aabbyy$  $= a a b b \times a a + 2 g x + x x$ , d'où résulte y =

$$= \frac{ab\sqrt{aa+2gx+xx}}{\sqrt{aa+bb\times aa+2gx+xx-aabb}} (K).$$

112 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

20. Ce même cas de u=p, changera de même pour ici l'équation D du nomb. 2. de l'art. 2. de la folut. en  $s\sqrt{aa+2gx+xx}=ah$  pour la courbe HSO des sinus qu'éxige cette équation K, d'où résulte  $s=\sqrt{\frac{ah}{aa+2gx+xx}}(L)$ .

Construction de la Courbe BYO. II. Soient  $\beta\beta = aa + bb$ , &  $\beta\delta = ab$ , d'où résulte

 $\vec{b} = \frac{ab}{\beta} = \frac{ab}{\sqrt{aa+bb}}$ . Suivant ces nouveaux noms, l'équation K trouvée pour cette courbe BYO dans le nomb. 1. du précédent art. 1. se changera pour cette même courbe

en  $y = \frac{\beta \delta \sqrt{aa + 2gx + xx}}{\sqrt{\beta \beta \times aa + 2gx + xx} - \beta \beta \delta \delta} = \frac{\delta \sqrt{aa + 2gx + xx}}{\sqrt{aa + 2gx + xx} - \delta \delta} = \frac{ab}{\sqrt{aa + bb}} \times \frac{\sqrt{aa + 2gx + xx} - \delta \delta}{\sqrt{aa + 2gx + xx} - \frac{aabb}{aa + bb}}$  (fuivant les noms assignés

dans l'art. 2. de la folut.) =  $\frac{AG \times GB}{AB} \times \frac{AX}{\sqrt{AX} - AG \times GB}}{\sqrt{AX} - AG \times GB}$ 

(M). Or si l'on mene GD perpendiculaire en D sur l'hypothenuse AB du triangle AGB (folut. art. 1.) rectangle en G, l'on aura AB. GB:; AG.  $GD = \frac{AG \times GB}{AB}$ .

Donc  $y(XY) = \frac{GD \times AX}{\sqrt{\overrightarrow{AX} - GD}}$ ; ce qui donne  $\sqrt{\overrightarrow{AX} - GD}$ ; ce qui donne  $\sqrt{\overrightarrow{AX} - GD}$ ; GD :: AX. XY. D'où l'on voit qu'en prenant par tout  $XY = \frac{GD \times AX}{\sqrt{\overrightarrow{AX} - GD}}$ , c'est-à-dire XY quatrieme propor-

tionnelle à  $\sqrt{\overline{AX} - \overline{GD}}$ , GD, AX; la courbe qui passera par tous les points Y ainsi trouvés, sera la requise ici de rangée BYO.

Autre construction de la même Courbe BYO.

III. L'usage qu'on vient de faire du point A en l'air, n'étant pas aisé, voici comment cette courbe de rangée

BYO peut être construite sans se servir de ce point. Pour cela, si dans l'équation  $y = \frac{\delta \sqrt{aa + 2gx + xx}}{\sqrt{aa + 2gx + xx}}$  trouvée pour cette courbe dans le précédent art. 2. l'on prend les variables  $m = \sqrt{aa} + 2gx + xx$ ,  $n = \sqrt{aa + 2gx + xx} - \delta\delta$ ; l'on aura aussi  $y = \delta \times \frac{m}{n}$  (art. 2.)  $= \frac{ab}{\sqrt{aa + bb}} \times \frac{m}{n}$  (suivant les noms de l'art. 2. de la folut.)  $= \frac{AG \times GB}{AB} \times \frac{m}{n}$  (art. 2.)  $= GD \times \frac{m}{n}$ , pour cette même courbe BYO. Quant à ces valeurs de m, n, l'art. 2. de la folut. donnant aa = ff + gg, l'on aura ici.

1°.  $m = \sqrt{aa + 2gx + xx} = \sqrt{ff + gg + 2gx + xx}$ , d'où résulte mm - ff = gg + 2gx + xx, ou g + x $= \sqrt{mm - ff}(M)$  qui est une équation à une hyperbole équilatere.

2°.  $n=\sqrt{aa+2gx+xx-\delta\delta}=\sqrt{ff+gg+2gx+xx-\delta\delta}$ (foit  $ee=ff-\delta\delta$ ) =  $\sqrt{ee+gg+2gx+xx}$ , d'où résulte n-ee=gg+2gx+xx, ou  $g+x=\sqrt{nn-ee}(N)$ , équation qui est à une autre hyperbole équilatere.

IV. Pour trouver ces deux hyperboles avec leurs po-Fie XII. sitions propres à construire la courbe BYO par leur secours, il faut considérer dans leurs équations M, N, des précédens notable et de l'actions de l'act

dens nomb. 1, 2. de l'art. 3,

1°. Que x + g commune à ces deux équations M, N, fait voir que les fommets des hyperboles qu'elles expriment, doivent être tous deux en F fur l'axe L I parallele à G B.

2º. Que la premiere  $g + x = \sqrt{mm - ff}(M)$  de ces deux équations, ayant (art. 2. de la folut.) f = AF, fait voir que l'hyperbole qu'elle exprime, doit avoir fon centre sur le même axe L I en L extremité de FL = AF; & que Mem. 1717,

cette hyperbole doit aussi avoir  $g + x = \sqrt{mm - L} F$ 

pour la même équation M.

3°. Quant au centre de l'autre hyperbole exprimée par l'autre équation  $g + x = \sqrt{nn} - ee(N)$  du nom 2. de l'art. 3. il faut considérer que suivant ce nomb. 2. de l'art. 3.  $ee = ff - \delta \delta (art. 2.) = ff - \frac{a \cdot a \cdot b}{aa + bb}$  (folut. art. 2.) =  $\overline{AF} - \overline{AG} \times \overline{GB} = (art. 2.) \overline{AF} - \overline{GD} = (nomb. 2.)$  =  $\overline{LF} - \overline{GD}$  (foit sur le diametre FL = AF, le demi-cercle FEL avec la corde LE = GD, & FR = FE autre corde de ce demi-cercle) =  $\overline{LF} - \overline{LE} = \overline{FE}$  =  $\overline{FR}$ , c'est-à-dire,  $ee = \overline{FR} < \overline{LF}$ : laquelle valeur de ee introduite en sa place dans l'équation  $g + x = \sqrt{nn - ee}(N)$  du nomb. 2. de l'art. 3. la change ici en  $g + x = \sqrt{nn - FR}$ ; ce qui fait voir que le centre de l'hyperbole qu'elle exprime, doit être en R sur l'axe LI, au point F duquel on vient de voir (nomb. 1.) qu'elle doit avoir son sommet.

V. Cela posé, soient de ce sommet commun Fsur l'axe LFI deux hyperboles équilateres FQO dont L soit le centre, & FTO qui ait R pour centre; des points Q, T, ou XY prolongée les rencontre, soient leurs ordonnées

QM, TN, paralleles & égales à FX(g+x).

10. La premiere FQO dont L est le centre, donnera  $\overline{LM} - \overline{LF} = \overline{QM} = \overline{FX} = g + x$  (art. 4. nomb. 2.)  $= mm - \overline{LF}$ ; & consequemment LM = m. Ainsi l'hyperbole FQO, dont L est le centre, est celle qu'exprime l'équation  $g+x=\sqrt{mm-ff}=\sqrt{mm-LF}$  du nomb. 3. de l'art. 3. & du nomb. 2. de l'art. 4.

29. La seconde hyperbole FTO dont R est le centre  $\mathfrak s$ 

donnera de même  $\overline{RN} - \overline{RF} = \overline{TN} = \overline{FX} = g + x$  (art. 4. nomb. 3.) =  $nn - \overline{FR}$ ; & consequemment aussi RN = n. Ainsi cette autre hyperbole FTO, dont R est le centre, est aussi celle qu'exprime l'équation  $g + x = \sqrt{nn - ee} = \sqrt{nn - \overline{FR}}$  du nomb. 2. de l'art. 3. & du nomb. 3. de l'art. 4.

3°. Ayant ainsi (nomb. 1. 2.)  $\overrightarrow{LM} - \overrightarrow{LF} = \overrightarrow{g+x}$   $= \overrightarrow{RN} - \overrightarrow{RF}$ , & de plus (art. 4. nomb. 3.) LF > RF; You aura aussi LM(m) > RN(n).

VI. Pour voir presentement laquelle de ces deux hyperboles FQO de centre L, & FTO de centre R, est celle qui renserme l'autre, devant être rencontrées toutes deux par XY prolongée; il faut considerer que  $\overline{LM+LF}\times FM$   $=\overline{LM}-\overline{LF}$  (art. 5. nomb. 3.)  $=\overline{RN}-\overline{RF}$   $=\overline{RN+RF}\times FN$ ; & qu'ainsi LM+LF. RN+RF =:FN. FM. Donc ayant déja (art. 5. nomb. 3.) LM+LF>RN+RF, l'on aura aussi FN>FM. Ce qui fait voir que c'est l'hyperbole FQO de centre L, qui ren-

ferme l'autre FTO de centre R.

VII. Ayant ainsi ( arr. 6.) les positions des hyperboles FOO de centre L, & FTO de centre R, exprimées ( arr. 5.) par les équations  $g + x = \sqrt{mm - ff}(M)$  &

 $g + x = \sqrt{nn - ee}$  (N) des nomb. 1. 2. de l'art. 3. & rencontrées en Q, T, par chaque XY prolongée, de maniere qu'elles ont partout (art. 5.) leurs abscisses correspondantes LM = m, RN = n; la construction requise de la courbe de rangée BYO est presentement facile sans se servir (comme dans l'art. 2.) du point A de l'œil en l'air. Car l'art. 3. donnant  $y(XY) = GD \times \frac{m}{n}$ , l'on aura pareillement ici

 $XY = \frac{GD \times LM}{RN}$ , qui rend RN, LM: GD, XY. D'où

l'on voit qu'en prenant ici par tout XY quatrieme proportionnelle à RN, LM, GD, la ligne BYO qui passera par tous les points Y ainsi trouvés, sera la courbe de rangée ici requise par l'hypothese qui précède le present prob. 3. pour que des arbres opposés deux à deux sur cette courbe BYO & sur son axe GO, parussent entr'eux de distances par tout égales entr'elles.

# Construction de la Courbe HSO des sinus.

VIII Le nomb. 2. de l'art. 1. fait voir que dans le cas present d'apparences GP(p), XV(u), égales entr'elles, l'équation de la courbe HSO des sinus, seroit  $S(XS) = \frac{ah}{\sqrt{aa+2gx+xx}}$  (suivant les noms assignés dans l'art. 2. de la folut.)  $= \frac{AG \times GH}{AX}$ ; ce qui donnant AX. AG: GH. GH

Autre construction de la Courbe HSO des sinus.

IX. Puisque  $s = \frac{ah}{\sqrt{aa+2gx+xx}}$  est ici (art. 1. nomb. 2.) l'équation de cette courbe HSO des sinus, si l'on y prende encore  $m = \sqrt{aa+2gx+xx}$  comme dans l'art. 3. & qu'on y rende ains  $s = \frac{ah}{m}$ ; il en résultera l'équation hyperbolique  $g+x = \sqrt{mm-ff}$  comme dans le nomb. 1. de cet art. 3. laquelle équation aura m = LM abscisse de l'hyperbole AQO comme dans le nomb. 1. de l'art. 5. Donc on aura ici  $s(XS) = \frac{ah}{LM}$  (suivant les noms assignés dans l'art. 2. de la solut.)  $= \frac{AG \times GH}{LM}$ , d'où résulte LM. AG :: GH. XS. Ce qui fait voir qu'en prenant par tout XS quatrieme proportionnelle à LM, AG, GH, la courbe

qui passera par tous les points Sainsi trouvés, sera encore ici la requise HSO des angles XAY sous lesquels les intervales XY feront ici vus par l'œil fixe A.

### Remarque.

X. L'art. 8. donnant  $XS = \frac{AG \times GH}{AX}$ , & le précédent art. 9. donnant aussi  $XS = \frac{AG \times GH}{I.M}$ ; les deux font voir ensemble que les AX sont par tout ici égales aux abscisses correspondantes L M de l'hyperbole A Q O de centre L.

La même chose se voit aussi par le moyen des deux art. 2. 7. lesquels donnent  $XY = \frac{DG \times AX}{\sqrt{AX - GD}}$ , & XY $=\frac{GD\times LM}{RN}$ . Car l'angle droit AFX joint à LF=AF, & à FX = NT, donne  $\overrightarrow{AX} - \overrightarrow{GD} = \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{FX}$  $-\overline{GD} = \overline{L} F + \overline{NT} - \overline{GD}$  (à cause de  $\overline{NT} = \overline{RN}$  $-\overline{RF}$ ) =  $\overline{LF}$ + $\overline{RN}$ - $\overline{RF}$ - $\overline{GD}$  (l'art. 4. nomb. 3. ayant RF = FE, & GD = LE) =  $\overline{LF} - \overline{FE} - \overline{LE}$  $+\overline{RN} = \overline{RN}$ ; & confequenment  $\sqrt{\overline{AX} - \overline{GD}} =$ = RN. Donc les art. 2. 7. donnant  $\frac{GD \times AX}{\sqrt{AX - GD}} = XY$  $=\frac{GD\times LM}{RN}$ , donnent aussi par tout AX=LM correspondantes, ainsi que les art. 8. 9. ci-dessus. XI. Les triangles ADG, AGB, rectangles (conftr.)

en D, G, donnant  $\sqrt{\overline{A}G - \overline{G}D} = \sqrt{\overline{A}D} = AD$ , avec AD.  $DG : AG. GB = \frac{GD \times AG}{AD}$ . Et le précédent art. 10. donnant  $RN = \sqrt{AX - GD}$ , avec LM = AX.

ro. Le cas de X en G, ou de AX = AG, changera Péquation  $XY = \frac{GD \times AX}{\sqrt{\frac{1}{4X - GD}}}$  de l'art. 2. en XY = $= \frac{GD \times AG}{AD} = GB; & (art. 10.) l'équation XY = \frac{GD \times LM}{RN}$ P iij

118 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE de l'art. 7. en  $XY\left(\frac{GD \times AX}{\sqrt{\frac{GD}{AX} - \frac{GD}{GD}}}\right) = \frac{GD \times AG}{AD} = GB$ . Ce

qui fait voir que la courbe de rangée BYO doit passer par

le point B par lequel on l'avoit supposée.

20. Le même cas de AX = AG, doit aussi changer l'équation  $XS = \frac{AG \times GH}{AX}$  de l'art. 8. en  $XS = \frac{AG \times GH}{AG}$  = GH; & (art.10.) l'équation  $XS = \frac{AG \times GH}{LM}$  de l'art. 9. en  $XS = \frac{AG \times GH}{AG}$  = GH. Ce qui fait pareillement voir que la courbe HSO des sinus doit passer par le point H par lequel on l'avoit supposée.

XII. Le cas de GX'(x) infinie, rendant aussi AX.

LM, RN, infinies, change également

1°. Les équations  $XY = \frac{GD \times AX}{\sqrt{\frac{1}{AX} - \frac{1}{GD}}}$ ,  $XY = \frac{1}{AX} = \frac{1}{AX}$ 

 $=\frac{GD \times LM}{RN}$ , des art. 2. 7. en XY = GD < GB. Ce qui fait voir que la courbe de rangée BYO s'approche à l'infini de GO du côté de O, sans pourtant en pouvoir approcher plus prés que de la valeur finie de GD: de sorte que GB - GD est toute la quantité dont cette courbe BYOpeut s'approcher de son asymptote GO depuis GB à l'infini; ce qui rend cette asymptote d'une espece particuliere; au lieu de laquelle sa parallele menée par le point K de GK (partie de GB) = GD, fera une asymptote ordinaire de cette courbe.

2°. Quant aux équations  $XS = \frac{AG \times GH}{AX}$ ,  $XS = \frac{AG \times GH}{LM}$  de la courbe HSO des sinus, trouvées dans les art. 8. 9. ce cas de AX, LM, infinies, les change également en  $XS = \frac{AG \times GH}{\infty} = 0$ . Ce qui fait voir que cette courbe HSO s'approche aussi à l'infini de GO, mais jusqu'à la rencontrer à une distance infinie, & que cette droite GO en est une asymptote ordinaire.

Voici presentement le general du précédent prob. 3. comme le prob. 2. l'est du prob. 1. dans lequel prob. 2. & dans

le suivant, les sinus ne doivent être pris pour les angles vifuels que lorsque ces angles sont aigus jusqu'au droit, comme ils le sont toujours dans les prob. 1. 3. les sinus des angles obtus étant d'autant plus différens de ces angles, qu'ils diminuent à mesure que ces angles augmentent, au lieu que les sinus des angles aigus croissent & diminuent avec eux. C'est pour cela que le prob. 2. & le suivant, generalement vrays comme les deux autres en pure Geometrie; ne le sont pas seurement en fait d'optique ou : d'apparences lorsque les angles visuels sont obtus; mais lorsque ces angles sont aigus, ce prob. 2. & le suivant approchent autant du vrai que les deux autres par rapport aux grandeurs apparentes des objets, & les quatre problèmes peut-être autant que si ces angles eux-mêmes y étoient employés au lieu de leurs sinus, supposé que les hypotheses d'apparences qui y sont employées, en approchent elles-mêmes : car, encore une fois, je n'en adopte aucune; je les essaye seulement, & ne donne pour seur que ce qu'il y a ici de geometrique par rapport aux lignes qu'on y employe, sans répondre des apparences exprimées ici par quelques-unes d'elles. C'est pour la generalité geometrique du prob. 2. & du suivant, qu'on n'a point fait dans celui-là. non plus que dans les autres, & qu'on ne fera point dans celuici cette restriction d'optique : c'est assés qu'on en ait averti au commencement de ce Memoire, & que de peur d'oubli de la part du lecteur on en avertisse encore ici, pour éviter toute chicane d'une physique aussi contestée que l'est encore celle-ci touchant la mesure des apparences.

# PROBLEME IV.

Dans la même hypothese précédente, & dans ce que la sig. 7. a de propre au prob. 2. à laquelle soit ajoûtée la courbe PVO des apparences: des quatre courbes BYO, CZO, PVO, HSO, trois étant données à volonté, trouver la quatrieme; ou deux seulement des trois premières étant données prouver les deux autres proposes de la course de la c

# MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE SOLUTION.

I. L'on aura ici comme dans l'art. 2. de la folut. du prob. 2.  $CM = \frac{AG \times BC}{AB}$ ,  $ZN = \frac{AX \times YZ}{AY}$ , avec AC. CM  $\left(\frac{AG \times BC}{AB}\right)$ ::  $r. GH = \frac{r \times AG \times BC}{AB \times AC}$ . Et  $AZ. ZN\left(\frac{AX \times YZ}{AY}\right)$ ::  $r. XS = \frac{r \times AX \times YZ}{AY \times AZ}$ . Or la presente hypothese donne GH. XS::  $GP \times AX. XV \times AG$ . Donc  $GP \times AX. XV \times AG$ . Donc  $GP \times AX. XV \times AG$ ::  $\frac{r \times AG \times BC}{AB \times AC} \cdot \frac{r \times AX \times YZ}{AY \times AZ}$ ::  $AG \times BC \times AY$   $\times AZ. AB \times AC \times AX \times YZ$ . Par consequent  $GP \times AX$   $\times AB \times AC \times YZ = XV \times AG \times BC \times AY \times AZ$  (P); ce qui suivant les noms assignés dans l'art. 2. de la folut. du prob. 3. ausquels soient ajoûtés GC = c, XZ = z, donne  $p \times aa + 2gx + xx \times Vaa + bb \times Vaa + cc$   $\times y + z = uaa \times c + b \times Vaa + 2gx + xx + yy$   $\times Vaa + 2gx + xx + yz$ , ou  $\frac{py + pz \times aa + 2gx + xx}{aau \times c + b}$ 

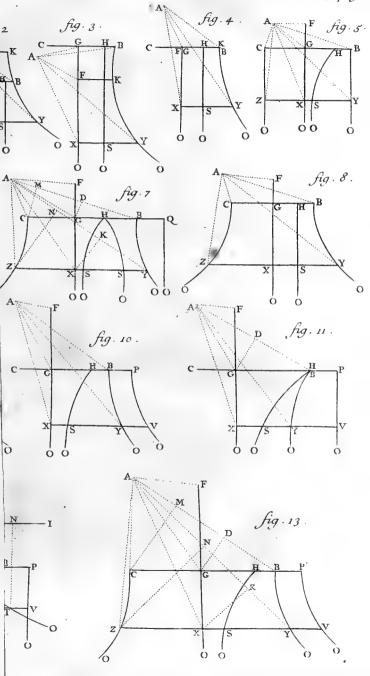
 $\frac{\sqrt{aa+2gx+xx+yy\times aa+2gx+xx+zz}}{\sqrt{aa+bb\times aa+cc}}(Q) \text{ qui est une}$ 

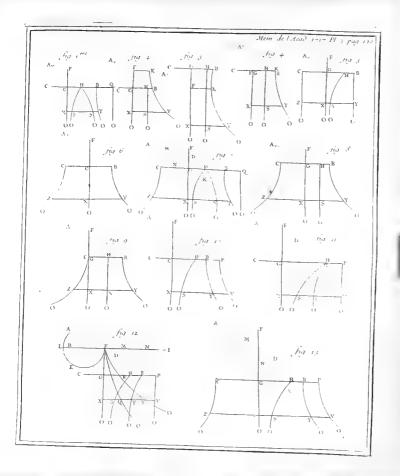
équation commune aux trois courbes BYO, CZO, PVO; & qui par conféquent, deux d'entr'elles étant données à

volonté, donnera toûjours la troisiéme.

II. La prefente hypothese donnera encore ici (comme dans le nomb. 2. de l'art. 2. de la solut. du prob. 3.)  $p \le \sqrt{aa+2gx+xx} = ahu(D)$  pour une équation commune aux deux courbes HSO, PVO; laquelle par conséquent, une de ces deux courbes étant donnée à volonté, donnera toûjours aussi l'autre comme dans le nomb. 2. de l'art. 2. de la solut. du prob. 3.

III. Donc (art. 1. 2.) des quatre courbes BYO, CZO, PVO, HSO, trois étant données à volonté, l'on aura toûjours la quatrieme par le moyen des équations Q, D, des art. 1. 2. & deux seulement des trois premières de ces quatre courbes, étant données aussi à volonté, les





mêmes équations Q, D, donneront aussi toûjours ensemble les deux autres de ces quatre courbes. Ce qu'il falloit trouver.

#### COROLLAIRE.

Si l'on suppose que CZO soit une ligne droite confondue avec GO; ce qui est le cas du prob. 3. cette hypothese rendant GC(c) = o = XZ(x), changera la precedente équation Q de l'art. 1. de la solut. en  $\frac{py}{abu} \times \sqrt{aa+2gx+xx} = \sqrt{aa+2gx+xx+yy}$  (E) qui est l'équation C du

nomb. 1. de l'art. 2. de la solut. du prob. 3.

On pourroit encore déduire de ce prob. 4. des corollaires semblables à ceux qu'on a déduits du prob. 2. mais en voila asses pour voir quel usage on pourroit faire des hypotheses precedentes touchant les grandeurs apparentes des objets, se elles étoient seures : bien loin de l'être, on sçait quelles difficultés souffre celle des grandeurs apparentes en raison des angles sous lesquels elles sont velles; & l'art. 12. de l'exemple du prob. 3. en fournit aussi contre l'autre hypothese, qui outre ces angles visuels fait entrer la distance des objets dans la mesure de leurs grandeurs apparentes; puisque pour les faire paroître égales dans cette autre hypothese, cet art. 12. donne une courbe de rangée BYO qui s'approche à l'infini de l'autre rangée droite GO, & qui en cela est moins propre à faire paroître ces deux rangées paralleles entr'elles, que si elles étoient sur des paralleles effectives, lesquelles on sçait n'y point réussir, & faire paroître au contraire les rangées d'arbres plantés sur elles, comme devant concourir à une distance infinie de l'ail.

On n'adopte donc ici aucune de ces deux hypotheses qu'on laisse à discuter aux Physiciens: on y a seulement pretendu en faire l'essai qui fournira du moins des verités geometriques en n'y prenant que pour de pures lignes ce qu'on y en a employé pour exprimer autant que le calcul l'a pu permettre, les appa-

rences réfultantes de chacune de ces deux hypotheses. Mem. 1717.

# SECOND MEMOIRE

## SURLE NITRE.

#### Par M. LEMERY.

1717.

3 Juillet L n'a été question dans le précédent Memoire sur le Nitre, que des matériaux nitreux tirés des lieux habités par des animaux; & comme on ne peut s'empêcher de reconnoître que le Nitre de ces matériaux y a été apporté par des matieres an males, plusieurs auteurs ont crû pouvoir conclure de cette observation, que tout le Nitre de l'univers venoit de la même source. Cependant il y a nombre de lieux inhabités, de cavernes, par exemple, de terres, de murs d'une certaine composition, où l'on ne laisse pas de trouver une grande quantité de Salpêtre trés excellent, qui y forme une espece de cristallisation naturelle, & qu'on en retire facilement en ratissant simplement les endroits où il se rencontre. On prétend répondre à cette reflexion, en disant qu'il n'y a point de lieu qui ne soit habité par des animaux, & entr'autres, par des oyseaux qui y vont déposer leurs excrements; & pour prouver que le Salpêtre des Indes a la même origine, quoi-que trouvé sur des terres parsaitement desertes, on ajoûte qu'il ne vient que dans des lieux fréquentés par des especes de Chauve-souris, beaucoup plus grosses que les nôtres, & qu'on dit être fort bonnes à manger.

Mais, outre qu'on ne conçoit pas facilement que la prodigieuse quantité de Salpêtre qui croît dans les Indes, & dont il en est apporté en Europe une grosse provision, ne vienne que des Chauve-souris du lieu, on sera voir encore que la forme particuliere sous laquelle ce Sel se presente de lui-même sur la terre, & sans avoir eu befoin pour cela d'aucune préparation de nôtre part; que

cette forme, dis-je, dément la source dont on le fait venir, & qu'il y en a une autre non moins abondante que la premiere, & qui porte le Salpêtre dans tous les lieux inhabités où l'on le trouve.

Sthale prétend que les matieres animales ne sont pas les seules qui sournissent aux terres & aux pierres le Nitre qu'on y découvre; que les matieres végétales ont encore la même proprieté, & que les unes & les autres, en acquerant un certain degré de pourriture, deviennent capables de cet effet. Jusques-là je suis parsaitement d'accord avec cet Auteur, ou plûtôt nous nous accordons ensemble dans le gros ou dans le simple énoncé de ce sentiment; mais nous sommes bien différens dans la maniere dont nous concevons lui & moi que les terres deviennent nitreuses, par le mélange des matieres végétales & animales.

Pour moi, ce qui me fait dire que les unes & les autres sont capables de porter du Nitre dans les terres, c'est 1º. que j'ai reconnu par expérience, que toutes les matieres animales en contenoient réellement beaucoup, comme il a déja été dit: 2º. pour ce qui regarde les matieres végétales, on sçavoit déja par les différentes analises des Plantes, qu'il y en avoit un bon nombre, dont le Sel étoit du Salpêtre, ou du moins qui le paroissoit être par des indices assés forts: mais une observation curieuse qui nous a été communiquée par M. de Ressons, ne consirme pas seulement cette verité, elle nous démontre encore qu'une grande quantité de Plantes regorgent en quelque sorte de ce Sel, qui en peut être abondamment séparé, par un procedé tout-à-sait simple, & qui se maniseste dans la plante même avant son analise.

Pour reconnoître ce Sel dans la plante, il n'y a qu'à la faire brûler, & l'on voit alors qu'elle fuse de tous côtés aussi fortement & de la même maniere que seroit le meilleur Salpêtre dont on auroit jetté une bonne quantité dans le seu.

Pour ce qui regarde la maniere de retirer abondamment

124 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

le Salpêtre végétal, nous ne nous y arrêterons point aujourd'hui, parce que nous nous sommes proposés de le faire, lorsqu'il s'agira du procedé communément employé
dans nos Manusactures de Salpêtre, & de la manœuvre
que j'ai tenuë pour faire du Salpêtre avec des matieres animales; nous remarquerons seulement que cette espece de
Salpêtre végétal, est sort au-dessus de nôtre Salpêtre ordinaire, par la promptitude & la vivacité de se esfets, & qu'il
ressemble parsaitement par là au Salpêtre des Indes. Nous
dirons encore à l'occasion du Salpêtre végétal, que quand
l'experience ne nous auroit pas convaincu qu'il y a réellement beaucoup de Nitre dans les matieres animales, nous
ferions toûjours en droit de l'assûrer, sur ce que les Plantes en contiennent beaucoup, & qu'elles servent de nourriture aux animaux.

A l'égard de Sthale, son sentiment est que le Nitre se forme par la pourriture des matieres végétales & animales, c'est-à-dire, parce que les Soufres & les Sels volatiles de ces matieres venant alors à se développer, ils s'unissent à un acide universel & primitif, répandu abondamment fur la terre, d'où résulte un Sel sulphureux, & tel qu'il imagine le Nitre. Mais si cet Auteur eut sçû que les matieres animales ne contiennent pas seulement beaucoup d'acide, mais encore un Nitre tout formé, & qu'il y a réellement dans une infinité de Plantes, une trés grande quantité d'excellent Salpêtre, il ne se seroit pas donné tant de peine à aller chercher en différents lieux, & à composer ce qu'il auroit trouvé réiini & tout sait, soit dans les Plantes, soit dans les animaux : enfin il auroit simplement regardé la pourriture de ces matieres, comme un moyen dont la nature se sert pour le développement de

noître avant qu'elles ayent contracté la moindre pourriture. Il suit de ce qui a été dit, que les Plantes & les animaux sont deux grands magasins nitreux où le Nitre se

leur Nitre, & non pas pour la formation de ce sel, qui dans les Plantes, par exemple, se fait sensiblement recon-

forme & s'amasse, & d'où il est ensuite répandu sur tous les endroits de l'univers où on le trouve: c'est, par exemple, aux animaux que nous avons particulierement attribué le Nitre qu'on retire des villes, & en general de tous les lieux habités, qui par cela même qu'ils le sont, ne portent point de Plantes, ou en portent peu; & qui au désaut de matieres végétales, se trouvent continuellement abreuvés de l'urine & des autres excrements des animaux.

Mais pour les lieux inhabités où il y a toûjours des Plantes, & où elles peuvent d'autant mieux se multiplier que le nombre des animaux ne les y détruit point comme ailleurs, soit en les soulant aux pieds, soit en les saissant servir à leur nourriture: on a d'autant plus de raison de mettre le Nitre qu'on y trouve sur le compte des Plantes, que ce Nitre ne vient d'aucune source minérale, comme il sera prouvé; qu'il ne vient ni de l'air ni de matieres animales, comme il a été remarqué; & que les Plantes paroissent en cette occasion la seule source nitreuse, comme les animaux sont aussi la seule, ou du moins, la

principale dans les lieux habités.

J'ajoûterai ici une réflexion curieuse, dont je ne sçache pas que personne se soit encore avisé, soit pour confirmer la conjecture qui vient d'être avancée, soit pour faire connoître & distinguer nettement, de quelle espece de source nitreuse telle ou telle matiere terreuse a été penetrée. On sçait que toutes les matieres animales donnent trés peu de Sel fixe, & beaucoup de Sel volatile; d'où il suit que leur acide nitreux n'y est joint qu'avec des Sels volatiles ou avec des matieres huileuses, & qu'il ne résulte de-là qu'un Sel armoniac nitreux, ou une simple matiere nitreuse. Or ces composés ne prendront jamais d'eux-mêmes la forme de Salpêtre, puisqu'ils n'en sont point; mais ils le deviendront & paroîtront sous cette forme, quand à la place de la matrice qui enveloppoit naturellement l'acide nitreux dans les animaux, on substituera un sel fixe alkali, qui avec l'acide dont on vient de parler, fera un veritable Salpêtre; c'est

aussi ce que l'experience m'a fait parsaitement connoître dans toutes les matieres animales, sur lesquelles j'ai travaillé immédiatement; & ce qui paroît encore clairement par la fabrique du Salpêtre ordinaire pour laquelle on se sert de matériaux trouvés dans des lieux habités & chargés de matieres animales, & dont aussi on ne tireroit jamais de Salpêtre, si on n'avoit soin d'y mêler le sel fixe des cendres.

Il n'en est pas de même des Plantes, où en general on trouve peu de Sels volatiles en comparaison de leurs Sels fixes, & par consequent où l'acide nitreux se rencontre naturellement avec la matrice propre à former avec cet acide un veritable Salpêtre; aussi pour retirer des Plantes un Salpêtre tout-à-fait bien conditionné, on n'a pas besoin d'employer de Sel fixe, comme dans le cas precedent; & comme suivant nôtre supposition, le Nitre des lieux inhabités y a été apporté par une source végétale, c'est pour cela qu'il n'a encore besoin d'aucun Sel fixe étranger pour paroître, comme il fait à la surface de la terre, sous la forme d'un veritable Salpêtre, qui ne donne pas alors, comme dans le cas precedent, beaucoup de peine à en être féparé, puisqu'il ne s'agit que de housser & de balayer en quelque sorte les lieux où il se trouve, ce qui le sait appeller Salpetre de houssage.

Il suit de ce qui a été dit, 1° que le besoin qu'ont certains matériaux nitreux de Sel fixe pour pouvoir donner du Salpêtre, est une preuve qu'ils ont puisé leur Nitre dans une source animale: 2° que pour le Salpêtre qu'on tire sans le secours du Sel fixe, soit des Plantes, soit des lieux qui ont reçû leur Salpêtre des Plantes mêmes, on peut dire qu'il est tel qu'il étoit dans sa source; que sa sorme particuliere de Salpêtre n'a point été changée par l'opération; & qu'ensin on n'a aucune part à sa sormation, ce qu'on ne peut pas dire de même du Salpêtre sourni par des matieres animales, ou par des matériaux impregnés de ces matieres; & en esset le Nitre de ces matériaux n'étoit pas originairement du Salpêtte comme nous l'avons déja remarqué, mais un Sel armoniac nitreux qui n'est devenu Salpêtre que par une espece de métamorphose, c'est-à-dire, parce que son acide a abandonné sa premiere matrice pour celle qui lui a été offerte pendant l'opération, ce qui fait bien voir que l'artiste contribuë en quelque sorte à la formation de cette espece de Salpêtre, qui par là pourroit être regardé comme artissiciel.

Nous ne prétendons pourtant pas que les matieres animales, ou les matériaux qui en sont impregnés, ne contiennent que du Sel armoniac nitreux, & point du tout de Salpêtre tout sait, & qui puisse ensuite paroître tel sans le secours d'un Sel sixe étranger: car quoi-que ces matieres abondent en Sels volatiles, elles donnent toûjours aussi quelques Sels sixes, qui avec l'acide nitreux, forment naturellement du Salpêtre; aussi remarque-t-on souvent à la surface de nos murailles une espece de Salpêtre de houssage, qui peut y être venu de cette maniere, & qui peut aussi, du moins en partie, y avoir été déposé par des matieres végétales, dont nos murs se trouvent quelques penetrés.

Nous ne prétendons point encore qu'il ne se puisse trouver dans les Plantes quelque portion nitreuse qui auroit besoin d'un Sel fixe pour prendre la forme du Salpêtre; & en esse, si les Plantes abondent en Sel fixe, elles ne laissent pas de contenir aussi quelques Sels volatiles & des huiles qui ont pû servir à envelopper une portion de l'acide nitreux: or cet acide ne sormera jamais en cet état du Salpêtre, & il faudra pour cela qu'on lui substitue un Sel

fixe à la place de la matrice qui l'arrêtoit.

Enfin tout ce que nous avons voulu faire sentir, c'est que la plus grande partie du Nitre animal ne devient Salpêtre que par le mélange d'un sel fixe étranger, & que la plus grande partie du Nitre végétal est du Salpêtre tout sait, qui n'a par consequent pas besoin de nôtre secours pour sa for-

128 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

mation, mais seulement pour son développement, & que souvent même la seule nature dégage, & débarasse sufficient des matieres grasses dont il étoit enveloppé dans la plante, pour le faire paroître ensuite sur un grand nombre de terres & de matieres pierreuses, sous une forme cristalline & telle qu'il doit naturellement l'avoir, quand

il est libre & dégagé de toute matiere étrangere.

Quant aux moyens dont la nature se sert pour dégraisfer le Nitre végétal, elle agit à peu prés en cette occasion, comme dans le cas du Nitre animal; c'est-à-dire, qu'il lui faut aussi pour lors un intermede terreux, qui convienne particulierement à cet effet; car nous avons fait voir dans l'autre Memoire, que toute sorte de terre n'y étoit pas également propre : & ce qui prouve la necessité indispensable de cet intermede terreux, c'est que quand on travaille fur des Plantes nitreuses, sans employer une matiere alkaline, on ne tire qu'une espece d'extrait sulphureux, où le Salpêtre est si fort caché & enveloppé, qu'on ne l'y apperçoit point, ou du moins, s'il s'y en découvre quelques cristaux, ce n'est qu'aprés un long-temps, & encore ces cristaux sont-ils en petit nombre; au lieu que tout le contraire arrive quand on a mis en œuvre l'intermede dont il s'agit.

Ensin si l'on veut avoir une idée nette de toute la suite du procedé naturel, suivant lequel le Nitre végétal se va loger dans certaines terres & pierres, & paroît ensuite à leur surface sous la forme d'un veritable Salpêtre, il saut concevoir d'abord que des Plantes ont été lavées par une humidité aqueuse où elles ont souffert une espece de pourriture ou de macération; que le liquide a trouvé par là le secret de penetrer dans l'interieur de ces Plantes, & d'en enlever la portion saline & nitreuse; qu'ensuite cette espece de saumure nitreuse a été déterminée par la disposition même du lieu à s'écouler, & se réunir dans les portes d'une terre particuliere qui arrête au passage la proye nitreuse que le liquide avoit derobée aux Plantes; qu'en-

fin le Nitre suffisamment dégraissé dans son nouveau séjour, devient par là en état de s'étendre en longs cristaux, qui sortent en quelque maniere de la surface de la terre; & ce qui sait bien voir que c'est veritablement ainsi que les pierres & les terres, dont il a été parlé, acquerent le Salpêtre qu'on y trouve; c'est 1° qu'en se servant des mêmes matériaux, & en suivant précisément le même ordre & la même voye, l'art peut aussi-bien que la nature communiquer du Salpêtre à un grand nombre de terres & pierres; 2° c'est que quand on considere avec soin toutes les circonstances des lieux inhabités, où l'on trouve naturellement une grande quantité de Salpêtre, on voit clairement que la nature ne s'est point écartée du chemin que nôtre supposition lui fait tenir.

Et pour le prouver par quelques exemples particuliers, nous rapporterons d'abord une observation de Sthale, qui, quoi-que faite dans une espece de lieu artissiciel, s'accorde néanmoins parsaitement avec ce qui se passe dans les lieux naturels qui seront examinés dans la suite.

Cet auteur dit avoir remarqué que quand une simple humidité aqueuse avoit eu le tems de penetrer assés avant & asses abondamment dans certaines murailles, faites avec du chaume & de la bouë, & recouvertes de chaux, on voyoit ensuite paroître à la surface de la muraille un veritable Salpêtre sous la forme d'une espece d'efflorescence ou de duver nitreux, & cela parce que le liquide aqueux qui s'insinuë au-dedans de la muraille, aprés s'y être chargé de la portion nitreuse qu'il y trouve, s'échape au travers de l'enduit de chaux, où il est obligé de laisser sa proye nitreuse, qui s'y dégraisse facilement, & qui parvenant ensuite à la surface exterieure de l'enduit où elle est continuellement poussée par la portion nitreuse qui la fuit, y prend d'autant mieux une forme faline ou cristalline que l'air qui frappe immediatement dessus, la prive des parties aqueuses qui auroient empêché sa cristallisation.

Pour ce qui regarde presentement les lieux naturels que Mem. 1717.

130 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE nous avons à examiner, il n'ý en a point de plus celebres par l'abondante moisson de Salpêtre qu'on y recüeille que certaines terres desertes, tant de la Barbarie que des Indes orientales, d'où le Salpêtre qui nous vient, ressemble parsaitement par la vivacité de ses essets au Salpêtre vegeral, & est fort au-dessus de nôtre Salpêtre ordinaire.

Si on s'en rapporte aux voyageurs & aux historiens, il ne vient du Salpêtre sur ces sortes de terres qu'aprés des pluyes fort considérables qui ont formé une espece d'inondation dans la campagne : or toutes les plantes qui sont sur la terre, & toutes les racines de ces plantes, se trouvent alors dans une situation où elles peuvent d'autant moins se défendre de la pourriture, que deux causes puissantes y concourent à la fois, sçavoir la chaleur du lieu, & une humidité fort abondante; & quand les pluyes viennent ensuite à cesser, à mesure que les eaux répanduës sur la terre ou s'évaporent ou se filtrent, & se perdent au-dedans des terres, elles y déposent la matiere nitreuse dont elles s'étoient chargées pendant la pourriture ou macération des plantes, & cette matiere preparée comme il le faut dans la terre & privée de l'humidité superfluë dont elle étoit abreuvée, se cristallise ensuite, & vegete sur la terre même, comme le feroit en pareil cas, du Salpêtre qui auroit été dissout dans l'eau, & dont on auroit ensuite fait évaporer jusqu'à un certain point, l'humidité.

On prétend même que le Salpêtre des Indes ne s'y trouve que dans des lieux bas, ou des especes de fonds; or cette situation, jointe à la nature particuliere de la terre de ces lieux bas, est peut-être la cause principale de leur grande richesse en Salpêtre; & en esset aprés que les pluyes abondantes ont inondé une vaste étenduë de païs, qu'elles en ont pourri les plantes, & enlevé leur substance nitreuse, elles s'écoulent & se réunissent dans les sonds dont on vient de parler, & portent par là dans un même endroit toute la proye nitreuse qu'elles ont ramassée de tous les côtés; ce qui fait pour le lieu une somme de Sal-

pêtre infiniment plus grande que s'il ne l'eût emprunté que des plantes seules qui auroient pû croître sur son terrain.

C'est avec des circonstances, & une mécanique semblable, que les parois de certaines cavernes & grottes naturelles se revêtent d'une grande quantité de Salpêtre; on pourroit même comparer ce qui se passe dans ces lieux, à ce qu'on voit dans certaines caves situées sous de grandes écuries, & aux voûtes desquelles il pend comme des especes de glaçons nitreux & concaves qui ne doivent leur naissance qu'à l'urine des chevaux ou à d'autres matieres animales ou vegetales, dont la partie nitreuse a été conduite par le secours d'un vehicule aqueux dans les pores de la chaux qui sert de mortier aux pierres des voûtes dont il a été parlé, & là elle s'y est préparée & cristallisée ensuite sous la forme qui a été dite; de même aussi les pluyes qui tombent sur toute l'étenduë du terrain placé au-dessus des grottes & des cavernes nitreuses, & qui avant que de se perdre dans les terres, ne manquent pas de laver toutes les plantes de ce terrain, & d'en emporter toûjours quelques parties nitreuses; ces pluyes, dis-je, s'écoulant du haut de la montagne vers le bas où se trouvent ordinairement les grottes & les cavernes en question, & peut-être même s'y rassemblant de tous côtés en grande quantité par la disposition particuliere du lieu, quand elles ont atteint une pierre gipseuse ou autre dont les grottes & les cavernes sont formées, elles s'y dépouillent de toute leur récolte nitreuse qui s'y façonne ensuite d'autant mieux que ces sortes de pierres sont particulierement propres à cet effet : & ce qui peut encore servir de preuve que le Salpêtre des grottes & des cavernes vient d'enhaut & en a été apporté par un vehicule aqueux, c'est qu'ordinairement au-dessous de ces sortes de lieux, on trouve une source d'eau plus ou moins abondante, qui vraisemblablement n'a pris naissance que des eaux de pluye qui sont tombées sur toute la surface de la montagne, & qui sont enfin parvenuës au pied de cette montagne en se

R ii

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE filtrant au travers des terres & des pierres dont elle est composée. Sthale cite deux endroits pareils fort chargés de Salpêtre, dans l'un & dans l'autre desquels il y a une source d'eau, & où la matiere terreuse qui a servi à dégraisser le Nitre du lieu, est une pierre gipseuse.

On me fera peut-être une objection au sujet du Salpêtre des Indes, qui se trouvant naturellement répandu sur la terre, y est exposé, & résiste néanmoins à toute l'ardeur du Soleil, ce qui sembleroit contradictoire à ce qui a été dit sur le Nitre contenu dans nos murailles qui ne peut soûtenir le même effort, & qui y abonde d'autant plus

que le Soleil y a donné avec moins de vivacité.

Mais 1°. s'il est vrai, comme il a été dit, que le Salpêtre des Indes y vienne dans des lieux bas ou des especes de fonds, on conçoit facilement par là que le Soleil ne s'y fait pas sentir avec autant de vivacité que dans un endroit plus élevé; 2° de ce que le Nitre de nos murailles ne peut soûtenir l'impression du Soleil, il ne s'ensuit pas que celui des Indes soit aussi incapable d'y résister; & bien loin que ces deux Observations différentes donnent lieu à aucune contradiction, elles ne font que confirmer de plus en plus ce que nous avons déja dit sur la nature particuliere des deux sources generales dont les différents lieux de la nature tirent leur Nitre; & en effet le Nitre de nos murailles n'étant d'abord, comme il a déja été dit, qu'un acide engagé dans des matieres infiniment volatiles, telles que le sont des Sels volatiles, des matieres sulphureuses, ce composé doit s'exhaler à une chaleur médiocre, & si l'on en doute, il n'y a qu'à faire un composé semblable avec de l'esprit de Nitre, & un Sel volatile, & mettre sur une pele chaude le Sel concret qui naîtra de ce mêlange, on verra, comme nous l'avons déja remarqué ailleurs, qu'à peine ce Sel y aura-t-il été posé, qu'il se dissipera totalement en l'air avec une déronation considérable. Le Nitre des Indes au contraire, étant originairement un veritable Salpêtre, c'est-à-dire, un acide fortement engagé

dans une matiere fixe; il est évident, & l'experience nous démontre qu'il est capable en cet état de résister à une longue & violente chaleur, & que celle du Soleil ne doit faire autre chose sur le Salpêtre des Indes, que le priver des parties aqueuses qui le tenoient en dissolution, & favoriser par là la cristallisation de ce Sel, qui se fair ensuite d'autant mieux que la fraîcheur de la nuit & des vents qui regnent peut-être pour lors, succede à la chaleur du iour; ce qui imite parfaitement les deux circonstances requises pour la cristallisation ordinaire des Sels, scavoir qu'aprés qu'ils ont été privés par le feu d'une partie du flegme dans lequel ils avoient été dissouts, ils doivent être mis dans un lieu frais.

Il paroît par tout ce qui a été dit, que quoi-que tout le Nitre ou le Salpêtre que l'on employe communément ait été immédiatement tiré de matieres terreuses & pierreuses, ce n'est pas là une raison, pour le regarder comme un Sel minéral; car s'il est vrai, comme il a été suffisamment prouvé, que le Nitre de ces terres ne soit autre que celui-là même qui habitoit auparavant dans une matiere vegetale ou animale; si c'est dans l'une ou dans l'autre de ces deux matieres ou de ces deux sources nitreuses que la principale partie du Nitre, c'est-à-dire, son acide a reçû l'empreinte ou le caractere nitreux qui le distingue de tout autre acide, & qui le rend propre à former différentes especes de Nitre, suivant les différentes matrices où il s'engage; enfin si les corps terreux ou pierreux ne sont, par rapport au Nitre qu'ils contiennent, qu'un intermede, ou s'il m'est permis de le dire, qu'une espece de vaisseau d'une structure & d'une conformation particuliere, dont la nature a fait choix pour y travailler plus aifément & plus efficacement au développement de la matiere nitreuse, il y a bien plus de raison de considerer le Nitre comme un Sel vegetal ou animal, & cela par rape port à la fource dans laquelle il a acquis sa forme nitreuse, que de le regarder comme un Sel minéral par rapport à

134 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

la terre qui l'a reçû tout formé, & qui à proprement parler, n'a servi qu'à le dégraisser ou le débarasser des matie-

res dont il étoit enveloppé.

Et ce qui prouve encore à mon avis trés sensiblement que le Nitre n'est point un Sel minéral, c'est que s'il l'étoit, on le trouveroit dans les entrailles de la terre, comme les Sels de cette espece; il y en auroit des mines comme il y en a de Sel gemme, de Vitriol, d'Alun; il y auroit des eaux qui en passant au travers de ces mines nitreuses, emporteroient avec elles un veritable Nitre ou Salpêtre; ce que nous ne voyons point; car on ne doit pas regarder comme des eaux veritablement nitreuses, celles à qui l'on donne néanmoins ce nom, & dans lesquelles on ne trouve qu'un Sel alkali, qui ne doit point être confondu avec nôtre Salpêtre, & qui n'a apparemment été appellé Nitre, que parce qu'on s'est imaginé que c'étoit

le Nitre des anciens.

C'est vraisemblablement faute d'indice de Nitre dans les entrailles de la terre, qu'aucun Auteur que je sçache ne s'est avisé de faire venir du fond ou du dedans de la terre, le Nitre que nous y trouvons en quelque forte au dehors, c'est-à-dire, vers sa surface, & en effet rien ne seroit plus naturel que cette opinion, si d'ailleurs elle étoit fondée sur des mines réelles de Nitre. Ou'on trouve, par exemple, du Vitriol sur la terre, on n'est point embarassé si son origine est minérale, parce que les mines de ce Sel en font foi; mais il n'en est pas de même du Nitre; & ce qui confirme parfaitement, à mon avis, qu'il ne s'éleve ou ne se sublime pas du fond de la terre vers sa surface, où on a coûtume de le trouver, & où il semble qu'il affecte de se loger; c'est que dans un canton de terres nitreuses, elles ne devroient pas cesser de l'être à quelques pieds de profondeur; on devroit au contraire les trouver d'autant plus chargées de Nitre, qu'en enfonçant plus avant en terre, on approcheroit davantage de la source nitreuse, du moins le Nitre ne devroit-il pas manquer tout à coup dans ces terres, dés qu'on y est parvenu à une certaine prosondeur; au lieu qu'en saisant venir le Nitre d'une source exterieure, c'est-à-dire, en le faisant entrer en terre de dehors en dedans, ou de haut en bas, on conçoit si la terre est telle qu'elle doit être, & que nous l'avons remarqué au commencement de l'autre Memoire; on conçoit, dis-je, que le Nitre qui s'y engage & qui y décend y est bientôt arrêté au passage, & ne sçauroit percer au-delà d'une certaine prosondeur, ou du moins s'il y perce, c'est en petite quantité, & de maniere que les couches superieures de la terre qui par là se trouvent les plus proches de la sourcé nitreuse, sont aussi une provision de Nitre plus abon-

dante que les inferieures.

C'est apparemment en consequence de cette remarque, & de quelques observations mal entenduës dont il a été parlé, qu'on a eu recours à l'air, comme à une espece d'océan nitreux, où on a supposé que le Nitre étoit aussi abondant que le Sel commun l'est dans la mer. mais quoique ce soit qui ait donné lieu à cette fausse supposition, de ce qu'on n'a point trouvé jusques ici de mines veritables de Salpêtre, de ce que l'air n'en doit point être censé le magasin general qui le fournit enfuite aux terres & aux pierres, comme nous l'avons suffisamment prouvé; de ce que le Nitre ne se trouve que vers la surface de la terre, c'est-à-dire, dans les endroits qui sont en quelque sorte à portée des matieres vegetales ou animales, ou fur lesquels ces matieres peuvent aisément déposer leur Nitre, car elles ne pourroient gueres le faire au-delà de ces limites; de ce qu'on ne remarque point que les terres les plus propres à faire provision de Nitre, en amassent sans le secours ou le mêlange de ces matieres; de ce qu'il est certain & averé par l'experience que ces marieres contiennent un veritable Nitre, de ce que celui qu'on trouve sur les terres & les pierres en différents lieux, différe suivant la nature des sources

dont il a été emprunté, c'est-à-dire, que s'il vient d'une matiere animale, il retient le caractere particulier du Nitre qui domine dans les animaux, & il a besoin de la même manipulation, pour paroître sous une sorme de Salpêtre; au lieu que celui qui vient d'une source vegetale est comme dans la plante un Salpêtre tout sait, qui n'a pas besoin pour paroître tel, de la manipulation de l'autre espece de Nitre; ensin de toutes ces preuves & observations réunies, n'a-t-on pas droit de conclure que tout le Nitre de l'univers vient ou des plantes ou des animaux, & par consequent que c'est essentiellement un Sel vegetal ou animal.

Mais, me dira-t-on, les Plantes ne tirant leur nourriture que des sucs qui leur viennent de la terre, & les animaux vivant des Plantes ou d'autres animaux qui vivent eux-mêmes de Plantes, il est clair que les Sels & les autres substances contenuës dans les Plantes & dans les animaux, ont dû auparavant & en premier lieu habiter dans la terre, & par là sont originairement minérales; & par conséquent si on trouve du Nitre dans les matieres vegetales & animales, il faut qu'il y ait eu auparavant dans la terre, un Nitre minéral, qui venant ensuite à passer dans les Plantes, & des Plantes dans les animaux, est celui-là

même qu'on y découvre.

On ne peut disconvenir que les Sels minéraux ne passent dans les Plantes, mais on prétend qu'ils ne conservent pas toûjours la forme particuliere qu'ils avoient dans la terre, & qu'ils en acquerent souvent une toute dissérente qui les rend fort méconnoissables de ce qu'ils étoient auparavant. Le Nitre se trouve dans ce cas; si l'on n'a égard qu'à sa matiere, elle est certainement minérale; mais cette matiere n'a reçû sa forme nitreuse, & n'est veritablement devenuë Nitre que dans la Plante ou dans l'animal; elle ne l'étoit point auparavant, & c'est pour cela qu'on ne trouve point de Nitre sur la terre, à moins qu'elle n'ait été abreuvée auparavant par quelque saumure vegetale ou animale; c'est encore pour cela que les entrailles de la ter-

re qui sont inaccessibles aux matieres vegetales & animales, & dans lesquelles les Sels veritablement minéraux se rencontrent naturellement, ne donnent cependant point de Nitre, & que ce Sel se trouve seulement dans les endroits qui sont à portée des matieres dont il s'agit, c'est-à-dire, vers la surface de la terre, comme nous l'avons déja remarqué; & quoi-que ce qui a été dit suffise pour être convaincu que le Nitre se forme dans la plante ou dans l'animal, & que c'est dans l'un ou dans l'autre de ces corps que se fait la conversion ou la métamorphose des Sels minéraux en Sels nitreux. Voici encore une observation qui

me paroît confirmer parfaitement cette verité.

J'ai souvent examiné, & encore depuis peu, différentes terres argilleuses, sur lesquelles plusieurs sortes de Plantes nitreuses viennent abondamment, telles que la Bouroche, le Pourpier & autres; & ces terres exemptes du mélange des Plantes pourries & prises pour cela à une certaine profondeur en terre, ne m'ont donné aucun indice de Nitre, quelque soin que je me sois donné pour le découvir, supposé qu'il y en eut; mais ce que j'y ai toujours trouvé, plus ou moins abondamment, ç'a été du Vitriol ordinaire & du Soufre commun veritable qu'on voit fouvent attaché en assés grande quantité au col de la cornuë dans laquelle on a mis la terre en distillation : or on scait que le Vitriol ordinaire & le Soufre commun ne contiennent qu'un acide vitriolique qui y est fort abondant, & par consequent les Plantes qui ont reçû les sucs de ces especes de terres, ne devroient contenir que des acides ou des Sels vitrioliques; cependant il y vient, comme il a été dit, beaucoup de Plantes qui abondent chacune en Salpêtre, duquel on auroit dû au moins trouver une certaine quantité dans la terre, s'il y en avoit eu originairement; ce qui marque que ces Plantes ont alteré & converti à leur usage particulier, les sucs qu'elles ont tiré de la terre, & que ce qui y étoit acide ou Sel vitriolique, est devenu dans la Plante acide ou Sel nitreux : & l'on ne

Mem. 1717.

138 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE fera point si fort étonné de cette espece de métamorphofe, si l'on considere qu'il s'y en fait plusieurs autres toutà-fait semblables, dont il n'est pas possible de disconvenir.

Par exemple, l'analise des Plantes, & sur tout celle des animaux nous sournit une espece de Sel alkali, extraordinairement volatile, & qui, s'il n'étoit pas alkali dans la Plante ou dans l'animal, avoit du moins une grande disposition à le devenir par un essent de Sels mediocre, tel qu'est celui qu'on employe pour retirer ces sortes de Sels. Or les matieres minérales ne nous donnent ordinairement point de Sels qui soient, à beaucoup prés, aussi volatiles, & qui ayent une pareille disposition à devenir alkali: au contraire, ceux qu'on retire & seulement encore de quelques-unes de ces matieres & en petite quantité sont des Sels concrets sorts acides, plus pesants que le phlegme, & qui ne s'élevent aussi qu'aprés lui, au lieu que les Sels volatiles des Plantes & des animaux sont beaucoup plus legers que ce liquide, & montent aussi auparavant, comme

on le reconnoît par leur rectification.

Enfin, sous quelque forme que ces Sels habitent dans les Plantes ou dans les animaux, & quelque altération qu'ils soient capables de recevoir, & qu'ils reçoivent en effet par l'analise, toujours est-il certain que c'est dans le regne vegetal ou animal qu'ils ont été formés, car s'ils l'eussent été dans le regne minéral, dans les matieres, par exemple, qui passent dans les Plantes & qui leur servent de nourriture, il y auroit quelques-unes de ces matieres, qui non-seulement donneroient des Sels aussi volatiles & fusceptibles des mêmes altérations, par l'analise; mais qui fourniroient encore une abondante provision de ces Sels pour répondre par là à la grande quantité qu'on en retire des animaux; & ce qui me paroît une espece de démonstration que ce n'est point dans le regne minéral, mais dans le regne vegetal ou animal que ces fortes de Sels ont reçû leur forme particuliere, c'est que la plus grande

partie de ceux qu'on retire des animaux, bien loin d'avoir habité auparavant dans quelques matieres minérales, n'habitoient pas même dans les Plantes qui leur ont fervi immédiatement de nourriture, comme nous le marquerons plus amplement dans la fuite; & ainsi quoi-que la matiere de ces Sels soit originairement minérale, ils doivent cependant être regardés comme des Sels vegetaux ou animaux par rapport à la forme particuliere qu'ils ont acqui-

se dans l'un ou l'autre de ces corps.

En un mot, tous les sucs minéraux qui passent dans les Plantes, y reçoivent toûjours par la fermentation, une altération qui les déguise plus ou moins, & c'est pour cela que les analises des vegetaux différent ordinairement si fort de celles des minéraux par la nature & le caractere particulier des substances qu'on retire des uns & des autres, & qui peuvent quelquefois servir à nous faire distinguer si une matiere dont on ignore l'origine est ou minérale ou vegetale, ou animale: & quoi-que les analises vegetales & animales ayent un plus grand rapport entr'elles que n'en ont celles des minéraux & des vegetaux; elles ont cependant aussi leurs différences particulieres, & ainsi si l'on veut raisonner juste, la terre, les vegetaux & les animaux doivent être regardés comme trois especes de laboratoires naturels, dans lesquels les mêmes matieres prennent différentes formes: dans les minéraux, par exemple, les acides sont ordinairement moins enveloppés & plus faciles à en être féparés avec toute leur force : dans les vegetaux, ces acides font plus engagés, mais ils le sont encore infiniment davantage dans les animaux, où il semble que la nature ait pris un soin particulier de lier & de garoter ces acides, parce que quand ils sont plus développés, ils ne manquent pas d'épaissir toutes nos liqueurs, & de gauser par là différentes especes de maladies.

On peut dire encore que ce qui n'a pû se faire dans la Plante, ou du moins ce qui n'y a été que commencé ou ébauché, s'acheve & se persectionne souvent dans l'ani-

140 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

mal. Les Plantes, par exemple, ne convertissent pas en Sel volatile, tout ce qui est capable chés elles de prendre cette forme; il y en a de certaines qui contiennent une mediocre quantité de ce Sel; d'autres n'en donnent point ou presque point, mais toutes abondent en Sel fixe; au lieu que les animaux qui ont vêcû de toutes ces Plantes, abondent en Sels volatiles, & ne contiennent presque point de Sel fixe, ce qui fait bien voir que ce qui étoit Sel fixe dans les Plantes, est devenu Sel volatile dans les animaux, où l'on ne manque point de trouver ce Sel qui fouvent ne se trouve point dans les Plantes; de même aussi il y a plusieurs Plantes qui donnent beaucoup de Nitre ou Salpêtre, & d'autres qui n'en donnent point d'indice; mais on en trouve dans tous les animaux, du moins tous ceux sur lesquels j'ai travaillé n'ont pas manqué de m'en donner: ce qui pourroit donner lieu de croire que ce qui n'a pû acquerir dans les Plantes toute la forme requise pour devenir Nitre, l'acquert dans les animaux; mais cette observation demande une nouvelle vérification, particulierement de la part de plusieurs Plantes, qui, quoiqu'elles ne donnent point de certains indices de Salpêtre, pourroient cependant bien en contenir.

Nous finirons ce Memoire par quelques réflexions sur deux proprietés particulieres aux acides nitreux; l'une c'est que quand ils sont engagés dans plusieurs sortes de matieres, la cristallisation qui en résulte, represente souvent & si exactement des sigures de Plantes, qu'en vertu de la ressemblance, on a crû pouvoir lui donner le nom de vegetation chimique ou artificielle; nous trouvons assés souvent un exemple de cette espece de vegetation dans la purisication du Salpêtre ordinaire, dont les cristaux longs & solides, privés de l'humidité aqueuse qui les tenoit dissous, s'arrangent quelquesois naturellement, & si bien en se précipitant & se condensant, qu'ils sorment alors des especes de branchages ou une sigure de Plante, qu'on diroit avoir crû & vegeté au sond du vaisseau où se sait

l'opération: mais où ce phénoméne est bien plus commun & paroît avec bien plus de distinction & de ressemblance, c'est dans le mêlange de l'acide nitreux avec certains métaux, comme avec le Mercure & l'Argent, ce qui produit l'arbre de Diane; ou avec le Fer, ce qui donne lieu à l'arbre de Mars que j'ai découvert & donné au public en 1706. or on n'a point encore remarqué que les acides minéraux sissent rien de semblable en pareil cas: & quelque tentative que j'aye faite pour en venir à bout, en employant dissérentes sortes de matrices, je n'ai jamais pû y réussir, & je n'ai fait avec ces ingrediens que des cristallisations informes, & qui, pour parler plus juste, n'ont été que de simples cristallisations.

L'autre proprieté des acides nitreux, c'est que quand avec un Sel fixe ou volatile, ils forment l'une ou l'autre espece de Nitre naturel dont il a été parlé, ils contribuent en cet état trés essicacement à la vegetation & à l'accroissement des Plantes. Si on dissour, par exemple, du Salpêtre dans de l'eau, & qu'on arrose des Plantes avec cette liqueur, elles croîtront infiniment mieux que si on se sût servi d'eau pure, ou qu'au lieu de Salpêtre on eut employé quelques-uns de nos Sels minéraux comme le Sel marain, l'Alun, qui souvent bien loin de savoriser la vegetation des Plantes, l'empêchent ou la retardent plus ou

moins suivant leur quantité.

A l'égard du Sel armoniac nitreux, comme cette espece de Nitre naturel réside abondamment dans les matieres animales en general, & en particulier dans celles dont on a coûtume de se servir pour sumer les terres, il y a tout lieu de croire que si ces matieres avancent & hâtent si fort la vegetation des Plantes, leur Nitre a une trés grande part à cet effet, qui même n'est aussi prompt & aussi considerable qu'on le remarque, que par la quantité de ce Nitre, qui entrant à la fois & en soule dans toutes les sibres de la plante, les oblige bientôt à s'étendre & à se dilater jusqu'à un certain point.

Siij

142 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Mais il y a une remarque à faire au sujet du Nitre que les matieres animales fournissent aux Plantes; c'est que quoi-que la plus grande partie de celui que contiennent ces matieres, y soit sous la forme d'un Sel armoniac nitreux, cependant on ne le trouve plus ou presque plus sous cette forme dans les Plantes, mais sous celle d'un veritable Salpêtre, ce qui donne lieu de juger que le Nitre animal ou le Sel armoniac nitreux en entrant dans les Plantes, ou peu de temps aprés qu'il y est entré, se convertit en Salpêtre, comme le Salpêtre des Plantes en passant dans les animaux devient bientôt aprés un Sel armoniac nitreux.

Pour expliquer ce phénomene ou cette espece de métamorphose, on dira peut-être que le Sel armoniac nitreux en entrant dans la Plante y trouve des Sels fixes alkalis qui se joignant à l'acide nitreux, font lâcher prise aux Sels volatiles dont le Sel armoniac étoit composé, & forment avec cet acide un nouveau Sel salé comme il arrive toûjours en pareil cas, & entr'autres dans l'opération ordinaire de l'esprit de Sel armoniac, où le Sel de Tartre qu'on employe se joint de même à l'acide du Sel, & donne lieu par là au Sel volatile de s'élever; nous retrouvons la même manœuvre dans une autre opération qui vient encore mieux à nôtre sujet; c'est quand on veut faire du Salpêtre avec des matieres animales, pour lesquelles il faut necessairement employer un Sel fixe, qui saisit aussi l'acide nitreux dont le Sel volatile étoit en possession, & change par là le Sel armoniac nitreux en Salpêtre.

Mais quoi-que cette maniere de convertir une espece de Nitre dans une autre, soit tout à-sait naturelle & son-dée sur l'expérience, elle ne laisse pas de souffrir quelques dissicultés par rapport aux Plantes; car 1° on ne voit pas trop ce qu'y deviendroit le Sel volatile qui auroit été mis en liberté par l'union de l'acide nitreux avec un Sel sixe alkali, & les Plantes qui auroient reçû beau-

143

coup de Nitre de cette espece, c'est-à-dire, qui seroient venuës fur des terres ou des matieres animales propres à les fumer, n'auroient pas été épargnées : ces Plantes, dis-je, devroient donner par l'analise une grande quantité de Sels volatiles, ce qu'elles ne font néanmoins point: 20. on ne conçoit pas aisément comment le Nitre animal en entrant dans une Plante, y trouveroit à point nommé des Sels fixes alkalis, qui l'attendroient au passage pour lui dérober son acide; & en effet quand nous examinerons ce qui doit véritablement passer pour la matrice propre du Salpêtre & du Sel armoniac nitreux, c'est-à-dire. si à proprement parler, ce sont des Sels alkalis fixes & volatiles; nous ferons voir pour lors que ces Sels ne sont pas dans la Plante & dans l'animal fous la forme d'un Sel alkali, mais fous celle d'un Sel salé ou acide concret, & qu'ils ne deviennent ensuite alkalis que parce que les moyens dont on se sert pour les retirer, donnent lieu à une portion de leurs acides de s'en dégager, & qu'ainst tous ces Sels alkalis ne sont que des Sels concrets à demi décomposés, & qui n'ont véritablement souffert d'autre altération que celle de la perte d'une portion de leurs acides, puisqu'en leur rendant ces acides on les rétablit dans leur premier état.

144 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE comme un Sel fixe enleve ceux qui tiennent à un Sel volatile: d'ailleurs que deviendroient alors les prétendus Sels fixes alkalis du Nitre vegetal qui dans leur nouveau féjour auroient été dépoüillés d'une partie de leurs acides, & qui dans les animaux, par exemple, qui ne vivent que de Plantes, devroient faire une fomme de Sel fixe trés considérable sans qu'on pût dire qu'elle s'échappe par différentes voyes, puisqu'en analisant les urines, les excrements & les autres sucs qui se séparent de ces animaux, on y trouve toûjours trés peu de Sel fixe, mais beaucoup de Sel volatile.

Enfin pour suivre une hypothese qui rende également raison de l'une & de l'autre conversion naturelle, du Salpêtre en Sel armoniac, & du Sel armoniac nitreux en Salpêtre; il faut concevoir que quand le Nitre animal passe dans les vegetaux, ou que le Nitre vegetal passe dans les animaux, l'acide nitreux dans chacun de ces cas ne quitte pas fa matrice pour en prendre une autre dans sa nouvelle habitation; mais que la matrice qu'il avoit devient fixe ou volatile, suivant le lieu & les altérations qu'elle y souffre par la fermentation: elle devient fixe, par exemple, quand elle s'unit à de nouvelles parties terreuses, & elle devient volatile quand elle dépose une certaine quantité de parties terreuses, à la place desquelles il lui vient des parties huileuses: & cette supposition non-seulement nous sauve l'embarras de ce que devient le Sel fixe du Salpêtre dans les animaux, & le Sel volatile du Selarmoniac nitreux dans les vegetaux; mais elle s'accorde encore parfaitement avec l'observation que nous avons déja rapportée, sçavoir que ce qui étoit Sel fixe dans les Plantes, ne se retrouve plus, du moins pour la plus grande partie, sous la même forme dans les animaux qui ont vêcû de ces Plantes, mais est devenu un véritable Sel volatile.

Pour revenir presentement aux proprietés de l'acide nitreux, par rapport aux vegetations naturelles & à celles de l'arr

l'art ou de la Chimie, quand aprés avoir consideré ces proprietés on vient à faire réflexion que le regne vegetal est le lieu naturel où les acides minéraux reçoivent une forme nitreuse, d'où dépendent toutes les proprietés particulieres aux acides nitreux, & que si quelques acides minéraux ne deviennent tout-à fait nitreux que dans le regne animal, ils ont toûjours été préparés jusqu'à un certain point dans les Plantes où ils ont habité en premier lieu, & où il y a lieu de croire qu'ils ont reçû une modification considérable; on est tenté de croire que c'est à ces mêmes Plantes que l'acide nitreux doit en quelque sorte le secret d'exciter ensuite la vegetation d'autres Plantes, & de faire des especes de Plantes chimiques ou artificielles: cependant il n'est pas facile de déterminer quelle est la modification particuliere qu'a acquis l'acide nitreux dans la Plante, & qui l'a rendu propre aux deux effets dont il a été parlé; seroit-ce qu'il auroit reçû & conservé une espece d'empreinte des fibres de la Plante, qui l'a contenu un certain tems? & que quand il s'engage ensuite dans quelques corps métalliques, chaque portion de métal qui enveloppe l'acide, s'y applique de maniere qu'elle ne fait que grossir la figure naturelle de l'acicide, & la rendre plus sensible? & comme toute matiere n'est pas également propre à s'appliquer exactement, &, comme il a été dit, sur l'acide nitreux, toute matiere ne fait pas aussi avec cet acide une vegetation distincte: mais cette explication est sujette à plusieurs difficultés qu'il ne seroit pas facile de résoudre, & aux quelles nous n'entreprendrons point aussi de répondre.

Enfin, pour ce qui regarde le développement & l'accroissement des Plantes que l'une & l'autre espece de Nitre naturel excitent si efficacement; on peut dire, à mon avis, avec quelque vraisemblance, que comme la plus grande partie du Nitre qui se trouve dans les Plantes, y est sous la forme du Salpêtre, quand on arrose les Plantes avec une liqueur chargée du même Sel, il doit s'insinuer

Mem. 1717.

d'autant plus aisément dans toutes leurs fibres, & contribuer par là d'autant mieux à leur extension, qu'ayant déja habité sous cette même forme dans d'autres Plantes, & y ayant été moulé, il a acquis par là une convenance & une proportion plus particuliere qu'aucun autre Sel avec la figure naturelle des fibres des vegetaux: de plus, nous sçavons qu'un trés grand nombre de Plantes ont un befoin indispensable de Salpêtre pour leur vegetation, puisqu'elles en contiennent toutes beaucoup qu'elles ont fabriqué elles-mêmes pour leur propre usage, suivant ce qui a été dit: & ainsi quand on leur offre du Salpêtre tout fait, on leur sauve le tems qu'elles auroient employé à le former, & on hâte par là considérablement leur vegetation.

A l'égard du Sel armoniac nitreux qui passe des matieres animales dans les Plantes; comme cette espece de Nitre ne tarde guere à y devenir Salpêtre, c'est aussi comme lui & de la même maniere qu'il y agit. On peut dire encore que comme beaucoup de Plantes contiennent un véritable Sel armoniac nitreux, qui est aussi de leur façon, ce Sel a par lui-même & par sa propre forme un rapport particulier avec les sibres des vegetaux.

# DES MOUVEMENTS APPARENTS DES PLANETES,

Et de leurs Satellites à l'égard de la Terre.

#### Par M. CASSINI.

7. Aoust

A révolution du Soleil autour de la Terre, ou bien celle de la Terre autour du Soleil se fait suivant le plan de l'Ecliptique. Les révolutions des autres Planetes se sont suivant des plans differemment inclinés à celui de

l'Ecliptique, & qui la coupent en deux points opposés qui sont particuliers à chaque Planete, & qu'on appelle nœuds. Celui où se trouve la Planete lorsqu'elle passe de l'Hemisphere Meridional dans l'Hemisphere Septentrional, s'appelle le Nœud Ascendant; & le point de l'autre intersection se nomme le Nœud Descendant.

L'Orbite de la Lune est comme l'on sçait, inclinée au plan de l'Ecliptique d'environ 5 degrés, & son plan passe par le centre de la Terre. L'intersection de ce plan avec celui de l'Ecliptique a un mouvement propre de 3 11 par jour de l'Orient vers l'Occident; de sorte que ses nœuds répondent successivement à tous les degrés de l'Ecliptique, & sont une révolution autour de la Terre dans

l'espace d'environ 19 années.

A l'égard des autres Planetes, elles font leurs révolutions sur des Orbites, dont les plans, de même que celui de l'Ecliptique, passent par le centre du Soleil. Le
plan de l'Orbite de Saturne est incliné à l'Ecliptique de
2d 33' 30", & la coupe presentement au 22e degré de
l'Ecrevisse & du Capricorne. Celui de Jupiter est incliné
à l'Ecliptique de 1d 19' 40", & la coupe au 7e degré
des mêmes signes. Celui de Mars est incliné à l'Ecliptique de 1d 51' 0", & la coupe au 17e degré du Taureau
& du Scorpion. Celui de Venus est incliné à l'Ecliptique
de 3d 23" 0", & la coupe au 14e degré des Gemeaux
& du Sagitaire. Enfin celui de Mercure lui est incliné de
6d 52' 0", & la coupe au 15e degré du Taureau & du
Scorpion.

Le centre de la Terre étant dans le plan de l'Orbite de la Lune, la section circulaire de ce plan dans le disque de la Lune nous est representée en sorme d'une ligne droite qui passe par le centre de la Lune. Cette ligne est inclinée de 5 degrés au plan de l'Ecliptique, l'orsque la Lune est dans ses nœuds. Cette inclinaison diminue à messure que cette Planete s'éloigne de ses nœuds jusqu'à la distance de trois signes, où la section de l'Orbite de la Lu-

148 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE ne dans son disque devient parallele au plan de l'Eclip-

tique.

Les mêmes apparences arrivent aux Planetes principales vûës du Soleil. Les sections circulaires que les plans de leur Orbite font dans le disque des Planetes, ou bien dans les Orbes des Satellites qui leur sont concentriques, forment à son égard des lignes droites, qui sont inclinées à l'Ecliptique le plus qu'il est possible, lorsque ces Planetes font dans leurs nœuds, & qui lui deviennent paralleles lorsqu'elles sont éloignées de leurs nœuds à la distance de

trois signes.

Il n'en est pas de même des Planetes vûës l'une de l'autre, & principalement de la Terre à laquelle nous avons besoin de rapporter tous les mouvements des corps celestes. Le plan de leur Orbite ne passe par le centre de la Terre, que dans le temps qu'elle se rencontre dans l'intersection de ce plan avec l'Ecliptique, d'où il suit que dans toutes les autres situations, la Terre est élevée au dessus de l'Orbite d'une Planete vers le Septentrion ou vers le Midi. La fection circulaire du plan de l'Orbite d'une Planete dans son disque, ou bien dans l'Orbe d'un de ses Satellites, ne paroît donc plus en forme d'une ligne droite, mais elle nous est representée sous la figure d'une Ellipse plus ou moins ouverte, suivant que la Terre est plus ou moins élevée sur le plan de l'Orbite (v. Fig. 1.) de la Planete. Pour la déterminer, il faut imaginer deux rayons AC, CB dont l'un va de nôtre œil Cau point B, de la section circulaire qui est le plus prés de nous, & l'autre au point A diametralement opposé qui en est le plus éloigné. Ces rayons comprennent dans la surface spherique de la Planete ou de l'Orbe d'un Satellite un arc  $\hat{D}B$  dont la corde DB est au diametre AB de la section circulaire de l'Orbite de la Planete comme le petit diametre de l'Ellipse qui represente cette section à son grand diametre. Cet arc DB mesure le double de l'angle CAB de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite yûë de la

Planete, qui est representée par consequent par le petit demi-diametre de cette Ellipse. Il résulte de là que si le mouvement des Satellites se faisoit suivant le plan de l'Orbite de la Planete qu'ils accompagnent, l'élevation de l'œil sur ce plan vûë de la Planete seroit la mesure du petit diametre de l'Ellipse qu'ils paroîtroient décrire par leur révolution. On les verroit, lorsque le Soleil & la Terre sont dans les nœuds de la Planete, décrire des lignes droites paralleles à l'Orbite, qui se changeant en Ellipse s'élargiroient de plus en plus jusqu'à ce que le Soleil & la Terre en sussentient éloignés de trois signes, & qui n'auroient d'autre transformation que celle qui dépend du retour du Soleil & de la Terre aux nœuds de la Planete.

Mais si le mouvement des Satellites ne se fait pas suivant le plan de l'Orbite de la Planete, mais suivant un plan qui lui est incliné, alors les Ellipses que les Satellites paroissent décrire sont sujettes à des variations qui sont produites par deux causes, dont l'une dépend de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite, & l'autre de l'élevation de l'œil sur le plan incliné du Satellite. La premiere a pour periode le retour de la Terre à l'un des nœuds de la Planete, & la seconde le retour de la Planete à l'un des nœuds

du Satellite.

## DE LA SITUATION DES NOEUDS des Satellites de Saturne.

A Prés avoir consideré en general les apparences des Orbes des Satellites à l'égard de la Terre, nous avons crû devoir en faire l'application aux Satellites de Saturne, & proposer la méthode de trouver le vrai lieu de leurs nœuds, lorsque leurs cercles sont vûs de la Terre en ligne droite.

On sçait que l'Anneau de Saturne & les cercles que les Satellites décrivent par leur révolution, nous sont representés le plus souvent en forme d'Ellipse qui s'élargissent T iij

150 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

& se rétrecissent successivement & se transforment enfin en une ligne droite; ensorte que l'Anneau qui est sort mince, cesse entierement de paroître.

Ces apparences servent à trouver la situation des nœuds du plan de l'Anneau de Saturne, & des cercles de ses Satellites, & leur inclinaison à l'égard de l'Orbite de cette

Planete.

Si ces nœuds étoient les mêmes que ceux de l'Orbite de Saturne qui sont presentement au 22° degré de l'Ecrevisse & du Capricorne, cette Planete étant dans ses nœuds vers le tems de ses conjonctions ou oppositions que la Terre est à peu-prés dans les mêmes degrés du Zodiaque, l'Anneau cesseroit de paroître, & les quatre Satellites qui sont dans le même plan, décriroient des lignes droites en apparence. Mais comme vers ces tems-là, l'Anneau de Saturne aussi-bien que les cercles des quatre Satellites qui sont le plus prés de lui, paroissent en forme d'Ellipses assés larges; pour déterminer leurs nœuds, on a consideré les tems où l'Anneau cesse de paroître, ce qui arrive par deux causes, dont la premiere est lorsque le Soleil se trouve dans la direction de ce plan prolongé; car alors la lumiere du Soleil n'éclairant que son épaisseur qui est trop mince pour être apperçuë, il disparoit entierement, & le vrai lieu du nœud de cet Anneau où l'interfection de son plan avec l'Orbite de Saturne est précisément le même que le vrai lieu de cette Planete vû du Soleil qu'on trouve aisément par les Tables Astronomiques.

La seconde cause qui fait disparoître l'Anneau, est lorsque la Terre se trouve dans la direction de son plan prolongé. Car alors cet Anneau n'étant vû de la Terre que par son épaisseur, il doit cesser entierement de paroître, quoi-que le Soleil puisse éclairer une de ses surfaces.

Si la Terre se trouvoit alors prés des nœuds de l'Orbite de Saturne, l'Anneau seroit aussi dans ses propres nœuds, de même que les cercles de quatre premiers Satellites qui sont dans le même plan & qu'on voit alors décrire des lignes droites. Mais comme il arrive souvent que la Terre se trouve dans ce tems-là éloignée des nœuds de l'Orbite de Saturne, auquel cas elle est élevée sur le plan de cette Orbite vers le Midi ou vers le Septemtrion, on cherchera pour le tems de l'Observation le vrai lieu du Soleil

dont l'opposite est le vrai lieu de la Terre.

On prendra la distance de la Terre au nœud de Saturne qui en est le plus proche, & on sera comme le sinus total est au sinus de 2<sup>d</sup> 33' inclinaison de l'Orbite de Saturne par rapport à l'Ecliptique, ainsi le sinus de la distance de la Terre à l'un des nœuds de Saturne, est à l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë du Soleil, laquelle est vers le Midi, lorsque la distance de la Terre au nœud ascendant de Saturne est depuis o jusqu'à 6 signes, & qui est vers le Septemtrion lorsque cette distance est depuis 6 jusqu'à 12 signes.

On prendra ensuire dans les Tables le rapport de la distance de la Terre à Saturne à la distance de la Terre au Soleil, dont la moyenne est environ comme 10 à 1, & on sera comme la distance de la Terre à Saturne est à la distance de la Terre au Soleil, ainsi le Sinus de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë du Soleil est au sinus de l'élevation de l'œil vûë de Saturne. Cette élévation mesure le petit demi-diametre d'une Ellipse qui represente dans l'Orbe des Satellites un cercle couché sur

l'Orbite de Saturne.

Pour trouver presentement l'élevation de l'œil sur le plan des cercles des Satellites qui sont inclinés à l'Orbite d'une certaine quantité, on sera comme le S. T. est au sinus du complement de l'inclinaison des cercles des Satellites par rapport à l'Orbite, ainsi le sinus de l'élevation de l'œil sûr le plan des cercles des Satellites vûë de cette Planete, qui est la mesure du petit demi-diametre des Ellipses qui representent ces cercles, lorsque les Satellites sont dans leurs

152 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE nœuds, & que la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite

d'une certaine quantité.

Ces Ellipses sont semblables à celles que les cercles des Satellites, vûs de la Terre en ligne droite, representeroient à nôtre œil, si la Terre étoit placée sur l'Orbite perpendiculairement au-dessus ou au-dessous de l'endroit où elle est alors dans l'Ecliptique; d'où il suit que lorsque la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite vers le Midi, nôtre œil placé sur l'Orbite seroit élevé sur le plan du cercle du Satellite vers le Septemtrion, & que par conséquent la partie superieure de l'Ellipse qui represente le cercle du Satellite déclineroit vers le Septemtrion. Tout au contraire, si la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite vers le Septemtrion, il suit que nôtre œil placé sur l'Orbite seroit élevé sur le plan du cercle du Satellite vers le Midi, & que la partie superieure de l'Ellipse déclineroit vers le Midi. Dans ces deux cas, si l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite est contraire à la déclinaison de la partie superieure de l'Ellipse du Satellite qu'on avoit observée auparavant, c'est une preuve que le Satellite n'est pas encore arrivé à son nœud; mais si elle est conforme, c'est une marque qu'il les a passés d'une certaine quantité qu'on déterminera en faisant comme le sinus de l'inclinaison du cercle du Satellite est au S. T. ainsi le sinus de l'élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite vûë de la Planete est au sinus de la distance du Satellite à fon nœud.

#### EXEMPLE I.

Ayant trouvé par les Observations du mois de Mai de l'année 1714, que le 5e Satellite de Saturne avoit parû décrire une ligne droite, & avoit passé prés du centre de cette Planete le 7 du même mois, ayant aussi observé le mouvement apparent de Saturne par rapport à une Etoile fixe & trouvé que sa route CD (v. Fig. 2.) étoit inclinée à la route AB du Satellite de 17 degrés vers l'Orient

rient vers le Midi, on cherche le vrai lieu du nœud de ce Satellite, & la véritable inclinaison de son cercle par rap-

port à l'Orbite de cette Planete.

On cherchera d'abord dans les Ephemerides, ou bien l'on calculera par les Tables Astronomiques la vraie longitude de Saturne, & sa latitude pour le 29 Mai & le 3 Juin 1714, jours aufquels on a observé la situation de Saturne par rapport à une Étoile fixe. On prendra pour cet intervalle de tems la difference en longitude, qui est de 13'42", & la difference en latitude qui est de 30, & on décrira par ce moïen une portion de l'Ecliptique EI qu'on trouvera décliner de la route CD de Saturne de deux degrés de l'Orient vers le Septemtrion, à cause que la déclinaison Septemtrionale de Saturne va en diminuant; les retranchant de 17<sup>d</sup> inclinaison de la route de ce Satellite à celle de Saturne, on aura l'inclinaison de la route de ce Satellite par rapport à l'Ecliptique de 15d. On cherchera le vrai lieu de Saturne pour le 7 Mai 1714 qui étoit au 5e degré de la Vierge, & on prendra sa distance au 22e degré de l'Ecrevisse, qui est le lieu du nœud Ascendant de son Orbite. On fera ensuite comme le S. T. est au sinus de complement de 43d distance de Saturne à son nœud Ascendant, ainsi la tangente de 2d 33' inclinaison de l'Orbite à l'égard de l'Ecliptique est à la tangente de 1d 52 inclinaison apparente de l'Orbite par rapport à l'Ecliptique qui est de l'Orient vers le Septemtrion, lorsque la distance de la Planete à son nœud Ascendant est depuis o jusqu'à 3 signes, & depuis 9 jusqu'à 12 comme dans cet exemple, & qui est de l'Orient vers le Midi, lorsque cette disrance est depuis 3 jusqu'à 9 signes.

Retranchant cet angle qui est de 1<sup>d</sup> 52' de l'inclinaifon de l'Ecliptique à l'égard de la route du Satellite qu'on a trouvée de 15 degrés de l'Orient vers le Midi, & qui est mesurée par l'arc AE, on aura l'arc AO de l'inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de Saturne de l'Orient vers le Midi de 13 degrés & 8 minutes.

Mem. 1717.

154 Memoires de l'Academie Royale

On prendra ensuite le vrai lieu du Soleil pour le 7 Mai, qui étoit alors au 17e degré du Taureau; on aura donc le vrai lieu de la Terre qui est à l'opposite au 17e degré du

Scorpion.

Si l'on en retranche le vrai lieu du nœud de Saturne qui est au 22e degré de l'Ecrevisse, on aura la distance de la Terre au nœud Ascendant de Saturne de 3 signes 25 degrés dont le supplement 2 signes 5 degrés est sa distance au nœud descendant. On fera ensuite comme le S. T. est au sinus de l'inclinaison de l'Orbite de Saturne qui est de 2d 30' 40", ainsi le sinus de 65d distance de la Terre au nœud descendant de Saturne est au sinus de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë du Soleil qu'on trouvera de 2d 18' 47", & qui est vers le Midi, à cause que la distance de la Terre au nœud Ascendant de Saturne est depuis o jusqu'à 6 signes.

On prendra ensuite dans les Tables le logarithme de la distance de la Terre à Saturne qui est de 595286, & celui de la Terre au Soleil qui est de 500454 & on fera comme la distance de la Terre à Saturne est à la distance de la Terre au Soleil, ainsi le sinus de 2d 18' 47" élevation de l'œil vûë du Soleil est au sinus de 15' 37" élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de Sa-

turne.

On fera ensuite comme le S. T. est au sinus de 764 52' complement de l'inclinaison du cercle du 5° Satellite qu'on a trouvée de 13<sup>d</sup> 8'; ainsi le sinus de 15' 37" élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite est au sinus de 15' 20" élevation de l'œil sur le plan du cercle du 5° Satellite. Ensin on sera comme le sinus de 13<sup>d</sup> 8' inclinaison du cercle du 5° Satellite est au S. T, ainsi le sinus de 15' 20" élevation de l'œil sur le cercle du 5° Satellite est au sinus de 1<sup>d</sup> 20' 25" distance de Saturne au vrai lieu du nœud de ce Satellite, qu'il saut retrancher du vrai lieu de Saturne qui étoit le 7 Mai 1715, à 4<sup>d</sup> 40' de la Vierge, à cause que l'élevation de l'œil sur le

plan de l'Orbite étoit vers le Midi, & que dans les Obfervations precedentes, la partie superieure du cercle de ce Satellite paroissoit décliner du centre de Saturne vers le Midi, & on aura le vrai lieu du nœud du 5° Satellite à 3d 20' de la Vierge.

#### EXEMPLE II.

L'Anneau de Saturne ayant cessé de paroître le 20 Octobre de l'année 1714, & ayant observé alors que les quatre premiers Satellites décrivoient des lignes droites, on cherche le vrai lieu du nœud de l'Anneau & des cercles de ces Satellites.

Le vrai lieu du Soleil étant le 20 Octobre 1714 au 27e degré de la Balance, on aura le vrai lieu de la Terre au 27e degré du Belier. Si l'on en retranche le vrai lieu du nœud de Saturne qui est au 22e degré de l'Ecrevisse, on aura la distance de la Terre au nœud Ascendant de Saturne de 9 signes 5 degrés. On fera ensuite comme le S. T. est au sinus de 2d 33' 30" inclinaison de l'Orbite de Saturne; ainsi le sinus de 85d distance de la Terre au nœud Ascendant de Saturne est au sinus de 2d 33' élevation de l'œil fur le plan de l'Orbite vûë du Soleil qui est vers le Septemtrion, à cause que la distance de la Terre au nœud de Saturne est depuis 6 jusqu'à 12 signes. On fera ensuite comme la distance de la Tetre à Saturne est à la distance de la Terre au Soleil, c'est-à-dire, comme 10 est à 1, ainsi le sinus de 2d 33' est au sinus de 15' 18" élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de Saturne.

Connoissant ensuite l'inclinaison veritable des cercles des Satellites & du plan de l'Anneau par rapport à l'Orbite qui a été determinée par diverses Observations de 31 degrés; on fera comme le S. T. est au sinus du complement de 31 degrés, ainsi le sinus de 0<sup>d</sup> 15' 18" élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de Saturne est au sinus de 13' 7" élevation de l'œil sur le plan de l'Anneau & des

cercles des Satellites vûë de Saturne.

156 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Enfin on fera comme le sinus de 31 degrés est au S. T, ainsi le sinus de 13' 7" est au sinus de 25' 28" distance de Saturne au vrai lieu du nœud de l'Anneau & des 4 premiers Satellites qu'il faut ajoûter au vrai lieu de Saturne qui étoit le 20 Octobre 1714 à 20d 1' de la Vierge, à cause que l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite est vers le Septemtrion, & que dans les Observations precedentes, la partie superieure de l'Anneau & des cercles des 4 premiers Satellites déclinoit du centre de Saturne vers le Midi, & on aura le vrai lieu du nœud de l'Anneau & de ces Satellites à 20d 26' de la Vierge.

Le vrai lieu du nœud des Satellites étant connu, aussi-bien que l'inclinaison des cercles de leurs révolutions par rapport à l'Orbite de la Planete qu'ils accompagnent; Déterminer dans tous les tems la figure des Ellipses qu'ils paroissent décrire autour de la Planete, & leur inclinaison apparente à l'égard de cette Orbite.

(v. Fig. 3.)

Soit dans l'Orbe de la Planete, une section circulaire BPbp, qui passe par le Pole P de l'Orbite, & est perpendiculaire au rayon qui va du centre de l'Orbite au nœud du Satellite. PCp, une autre section circulaire qui passe par le Pole P de l'Orbite & le nœud C du Satellite, dont le plan prolongé passant par nôtre œil nous est representé en forme d'une ligne droite. BCb une autre section circulaire perpendiculaire au diametre PCp, qui represente le plan de l'Orbite de la Planete que l'on suppose être en R & que nous voyons en forme d'une ligne droite, lorsque nôtre rayon visuel est sur ce plan. Ayant pris les arcs AB, PL égaux à l'inclinaison veritable du cercle d'un Satellite par rapport à l'Orbite, soient menés les deux diametre ACal & LC qui se coupent à angles droits, dont ACa represente une section circulaire qui est dans le plan du cercle de ce Satellite, & LCI une section circulaire qui passe par les Poles du cercle du Satellite, & par son

nœud C; & des points P & L soient menés par le lieu R de la Planete, les demi-cercles PRp, LRI. Lorsque la Terre est prés des nœuds de la Planete, auquel cas l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite est peu sensible, on résoudra le triangle spherique CTR rectangle en T. dans lequel CR represente la distance de la Planete R au nœud C du Satellite, & l'angle ACB ou TCR mesure l'inclinaison veritable du cercle du Satellite à l'égard de l'Orbite. On aura donc comme le S. T. est au sinus de l'arc CR; ainsi le sinus de l'angle TCR est au sinus de l'arc RT élevation de la Planete sur le cercle du Satellite, lequel lorsque la Terre est sur le plan de l'Orbite, mefure l'élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite, & represente, comme il a été dit cy-dessus, le petit demi-diametre de l'Ellipse que le Satellite paroît décrire par sa révolution. La demi-circonference de cette Ellipse qui regarde le Septemtrion, nous represente la partie superieure du cercle du Satellite ou la plus éloignée de nous, lorsque la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite est depuis o jusqu'à 6 signes, & elle nous represente au contraire la partie inferieure du cercle du Satellite ou la plus proche de nous, lorsque la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite est depuis six jusqu'à douze signes.

Pour trouver l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite; on sera comme le S. T. est au sinus du complement de l'arc CR distance de la Planete aux nœuds du Satellite, ainsi la tangente de l'angle TCR inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete est à la tangente du complement de l'angle CRT, inclinaison apparente de l'Orbite à l'égard du cercle LRI qui passe par les Poles du cercle du Satellite. Retranchant l'angle CRT de l'angle droit CRF, on aura l'angle FRT ou PCL que le cercle qui passe par les Poles de l'Orbite fait avec le cercle qui passe par les Poles du cercle du Satellite. Cet

angle mesure l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite qui est de l'Orient vers le Septemtrion, lorsque la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite est depuis o jusqu'à 3 signes, & depuis 9 jusqu'à 12, & qui est de l'Orient vers le Midi, lorsque cette distance est depuis 3 jusqu'à 9 signes.

Cette opération peut suffire, lorsque la Terre se trouve prés des nœuds de la Planete; mais lorsqu'elle en est éloignée, il saut calculer les degrés de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete, de la maniere qui a été enseignée cy devant, & les porter sur le cercle PRp, de R vers X, lorsqu'elle est Septemtrionale On menera ensuite des Poles L, l, du cercle du Satellite par les points X, x, les sections circulaires Lxl, LXl; les sinus des arcs SX & sx, representeront dans les deux cas l'éleva-

tion de l'œil sur le plan du cercle du Satellite.

Maintenant dans le triangle spherique CRF rectangle en R dont le côté CR est connu, aussi-bien que l'angle ICR, on trouvera l'angle CFR & le côté FR auquel on ajoûtera l'arc RX de l'élevation de l'œil sur l'Orbite, lorsqu'elle est Meridionale, & duquel on retranchera l'arc Rx, lorsque l'élevation de l'œil est Septemtrionale; & dans les triangles FSX & Fsx rectangles en S & s, les côtés FX & Fx étant connus, aussi-bien que l'angle SFX ou sFx, on trouvera dans le premier cas l'arc XS, & dans le second cas l'arc xs dont les sinus representent l'élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite, & mesurent le petit demi-diametre de l'Ellipse que le Satellite paroît décrire par sa révolution. On aura aussi la valeur des angles FXS, Fxs, que le cercle qui passe par le Pole de l'Orbite fair avec le cercle qui passe par les Poles du cercle du Satellite. Ces angles FXS ou Fxs mesurent l'inclinaison apparente du cercle de la révolution du Satellite par rapport à l'Orbite, lorsque la Planere est en R, & que l'élevation de l'œil vûë de la Planete est mesurée par les arcs

RX ou Rx; ce qu'il falloit trouver.

On peut aussi par le moyen d'une figure décrire les configurations des cercles des Satellites, & leur inclinaifon apparente à l'égard de l'Orbite de la Planete, lorsque la Terre est sur le plan de cette Orbite, ce que l'on executera en cette maniere.

Ayant décrit comme ci-dessus un cercle PB pb & tiré les deux diametres Bb, Pp qui se coupent à angles droits, on prendra de part & d'autre du point P, les arcs PM, PL égaux chacun à l'inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete. On menera ensuite du point M au point L la ligne ML qui coupera le diametre PC au point I. Du point I comme centre, & de l'intervalle IM ou IL, on décrira le cercle MHLh qu'il faut diviser en degrés de l'Ecliptique, mettant au point L le degré du vrai lieu du nœud Ascendant du Satellite.

On cherchera sur ce cercle le degré du vrai lieu de la Planete qui fera, par exemple, en Hou en h. On tirera de l'un de ces points comme H, une perpendiculaire H0fur le diametre ML, & du point O on menera au centre C la ligne OC sur laquelle on prendra CE égal à HO. Du centre C on élevera sur la ligne O C la perpendiculaire Dd; cette ligne representera le grand diametre de l'Ellipse que le Satellite paroît décrire par sa révolution, & la ligne CE le petit demi-diametre de cette même Ellipse. dont la demi-circonference DEd qui regarde le Septemtrion, nous represente la partie superieure du cercle du Satellite, lorsque le lieu de la Planete est dans l'Hemisphere superieur MHL, & dont cette même demi-circonference nous represente la partie inferieure, lorsque le lieu de la Planete est dans l'Hemisphere inferieur MhL. L'angle DCB mesurera aussi l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete.

#### 160 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

#### DE'MONSTRATION.

Le cercle PBpb represente dans l'Orbe du Satellite une section circulaire perpendiculaire au rayon visuel. Le diametre Bb une section circulaire du plan de l'Orbite de la Planete dans l'Orbe du Satellite qui est vûë de la Terre placée sur certe Orbite en sorme d'une ligne droite. Le diametre Pp une autre section circulaire perpendiculaire à l'Orbite, qui étant prolongée, passe par nôtre œil & par les Poles de l'Orbite.

Lorsque le Satellite se trouve dans ses nœuds, son cercle nous est representé en forme d'une ligne droite dont l'inclinaison apparente est la plus grande qui soit possible, & les Poles de sa révolution sont placés sur le cercle PDBL qui est perpendiculaire à nôtre rayon visuel en M ou en L'éloignés du point P des arcs PM ou PL égaux chacun

à la plus grande inclinaison.

La Planete s'éloignant du nœud des Satellites, entraîne avec elle le cercle de la révolution de ce Satellite; de maniere que son plan conserve la même inclinaison à l'égard de l'Orbite, & répond aux mêmes points du Zodiaque; d'où il suit que les Poles de cette révolution vûs de la Terre doivent paroître décrire des cercles paralleles à l'Orbite de la Planete dont les diametres sont égaux au sinus IM ou IL de la plus grande inclinaison, & qui nous sont representés en sorme d'une ligne droite parallele au plan de l'Orbite.

Lorsque le Satellite est éloigné de trois signes de ses nœuds, la section circulaire PC qui passe par les Poles de l'Orbite de la Planete, passe aussi par les Poles de la révolution du Satellite, qui sont par consequent dans l'interfection I de PC avec ML. L'élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite, paroît la plus grande qui soit possible, & est mesurée par le sinus IL de l'arc PL de la plus grande inclinaison. Le cercle du Satellite vû de la Terre, placé sur le plan de l'Orbite sera donc representé par une Ellipse

ISE

Ellipse dont le petit diametre sera égal au diametre ML

du petit cercle MHLh.

Dans les autres situations, les Poles de la révolution du Satellite se trouveront en quelque point du cercle que décrit le Pole du Satellite, comme H ou h éloignés du point L de l'arc LH ou Lh qui mesure la distance de la Planete au nœud du Satellite. Menant du point H la ligne HOh parallele à PC, le point O representera le Pole du cercle du Satellite, & l'angle PCO ou BCD qui lui est égal, mesurera l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Ecliptique. La ligne HO ou Oh mesurera aussi le petit demi-diametre de l'Ellipse que le Satellite paroît décrire par sa révolution. Car IG est à OH comme le sinus total est au sinus de la distance du Satellite à l'un de ses nœuds. Mais par la Trigonometrie, le sinus total est au sinus de la distance du Satellite à l'un de ses nœuds, comme le sinus de l'inclinaison veritable est au sinus de la déclinaison ou élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite; donc IG est à OH comme le sinus de l'inclinaison veritable qui est mesuré par IG est au sinus de l'élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite qui sera par consequent mesuré par OH, & qui represente le petit demi-diametre de l'Ellipse que le Satellite décrit par sa révolution.

Menant PZ tangente au cercle en P qui rencontre CO prolongée en  $\omega$ , & CL prolongée en Z, on aura IL est à IO comme PZ tangente de l'angle PCL de la plus grande inclinaison est à  $P\omega$  tangente de l'angle ICO ou DCB de l'inclinaison apparente. Mais IL est à IO comme le sinus total est au sinus du complement de la distance du Satellite à l'un de ses nœuds. Donc le sinus total est au sinus du complement de la distance du Satellite à l'un de ses nœuds, comme la tangente de l'inclinaison veritable est à la tangente de l'angle ICO ou BCD de l'inclinaison apparente, ce qui est conforme à l'analogie dont on s'est servi pour trouver cette inclinaison,

Mem. 1717.

162 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

On peut aussi, lorsque l'œil est élevé sur le plan de l'Orbite, déterminer par le moyen d'une figure l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite & la figure de l'Ellipse que le Satellite paroît décrire par

sa révolution en cette maniere.

Avant pris comme ci-dessus (v. Fig. 4.) les arcs DA, PM, PL égaux à l'inclinaison veritable du cercle du Satellite. joignés ML qui coupera PC en I. Du centre I à l'intervalle IM ou IL décrivés le cercle MHL sur lequel on prendra l'arc LH égal à la distance de la Planete au nœud du Satellite. Du point H menés la ligne NHOK parallele à PC qui rencontre le cercle PBL en K. Prenés l'arc DB égal à l'arc PK, & tirés du centre C les rayons CB & CK. Du point V de l'intersection de CK avec ML, menés VT parallele à BC. Prenés GT égal à l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete que l'on portera de Tvers D, lorsque l'élevation de l'œil est additive, & de T vers K lorsqu'elle est soustractive. Du point G tirés GZ parallele à CK, & menés par le point Z la ligne w ZY parallele à PC. La ligne CY representera le petit demi-diametre de l'Ellipse que le Satellite décrit par sa révolution. Menés Bi Q parallele à DC, & prenés Ci égal à Yω. Prolongés Ci en E, l'angle DCE mesurera l'inclinaison apparente du cercle du Satellite, par rapport à l'Orbite.

#### DÉMONSTRATION.

IL est à 10 comme le S. T. est au sinus du complement de l'arc LH distance du Satellite à son nœud. Mais dans le triangle spherique CR Frectangle en R dont CR represente la distance du Satellite à son nœud, le S. T. est au sinus du complement de CR, distance du Satellite à son nœud, comme le sinus de l'angle FCR ou PCL qui est mesuré par IL est au sinus du complement de l'angle CFR. Donc 10 ou CN representera le sinus du complement de l'angle CFR qui sera par consequent mesuré par KN.

163

Maintenant à cause des triangles semblables KNC, CIV, l'on aura KN à KC, comme CI est à CV; Mais dans le triangle CRF, le sinus de l'angle CFR qui est mesuré par KN est au S. T. qui est mesuré par KC comme le sinus du complement de l'angle FCR ou PCL qui est mesuré par CI est au sinus du complement de l'arc FR. Donc CV mesure le sinus du complement de l'arc FR, & VT mesure le sinus de l'arc FR qui est representé par l'arc KT. Prenant l'arc TG égal à l'arc RX, on aura l'arc KG égal à l'arc FX, & à cause des paralleles GZ & CK; CZ sera égal au sinus de l'arc KG ou FX.

Presentement à cause des triangles semblables CKN, ZCY, CK est à KN comme CZ est à CY; mais dans le triangle rectangle FSX, le S. T. qui est mesuré par CK est au sinus de l'angle CFR ou CFX qui est mesuré par KN comme le sinus de l'arc FX qui est mesuré par CZ est au sinus de l'arc SX. Donc CY mesure le sinus de l'arc SX, & represente le petit demi-diametre de l'Ellipse

que le Satellite paroît décrire.

On aura aussi à cause des triangles semblables CiQ,CEe, Ci ou  $Y\omega$  qui lui est égal par la construction, est à CQ ou Bb comme CE est à Ee. Mais dans le triangle rectangle FSX le sinus du complement de l'arc SX qui est mesuré par  $Y\omega$  est au sinus du complement de l'angle CFR ou PCB qui est mesuré par CQ ou Bb, comme le S. T. CE est au sinus de l'angle FXS de l'inclinaison apparente. Donc Ee mesure le sinus de l'inclinaison apparente qui est par consequent representée par l'arc DCE; ce qu'il falloit démontrer.

Ayant déterminé par le moyen de quelques Observations, la figure des Ellipses que les Satellites décrivent par leurs révolutions, & l'inclinaison apparente de leurs cercles par rapport à l'Orbite de la Planete qu'ils accompagnent; Trouver le vrai lieu du nœud de ces Satellites, & leur inclinaison veritable.

Aprés avoir donné la méthode de déterminer le vrai

164 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE lieu des nœuds des Satellites & leur veritable inclinaison, lorsque leurs cercles sont vûs de la Terre en ligne droite, nous avons crû devoir proposer la maniere de les déter-

miner en diverses autres circonstances.

Ayant observé un Satellite en diverses situations à l'égard de la Planete qu'il accompagne, on décrira une Ellipse qui representera sa révolution apparente à l'égard de la Terre.

On comparera aussi son mouvement apparent à quelque Etoile sixe, & ayant déterminé par les Tables la position de l'Orbite à l'égard de la trace du mouvement apparent, on déterminera l'inclinaison apparente du grand diametre de l'Ellipse par rapport à l'Orbite de la Planete.

On calculera ensuite de la maniere qui a été enseignée ci-dessus, l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete. Si la Terre est prés des nœuds de la Planete, auquel cas l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite est peu sensible. On résoudra (v. Fig. 3.) le triangle spherique CTR rectangle en R, dans lequel CR represente la distance de la Planete au nœud du Satellite, RT un arc dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse qui est connu, & l'angle CRT mesure le complement de l'angle PRL de l'inclinaison apparente du cercle du Satellite qui est aussi donnée. C'est pourquoi on trouvera la valeur de CR distance de la Planete au nœud du Satellite, & celle de l'angle FCR de l'inclinaison veritable; ce qu'il falloit trouver.

Lorsque la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite comme en X ou x. On résoudra le triangle spherique FSX ou Fsx rectangle en S ou s, dans lequel XS ou xs represente un arc dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse qui est connu de même que l'angle FXS ou Fxs qui mesure l'inclinaison apparente. C'est pourquoi l'on trouvera la valeur de l'angle CFR & de l'arc FX ou Fx dont il saur et rancher RX, ou bien auquel il saut ajouter Rx pour avoir FR, & dans le triangle rectangle CRF dont le côté FR est connu, & l'angle CFR, on aura la valeur de l'arc CR distance de

Ia Planete au nœud du Satellite, & celle de l'angle FCR inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite; ce qu'il falloit trouver.

On peut aussi, sans avoir besoin de calcul, trouver par le moyen d'une figure la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite, & l'inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite, en cette maniere.

Soit pris sur le diametre DCd de côté & d'autre du centre C, les lignes CY, CV égales au petit demi-diametre de l'Ellipse DEd & des points Y & V, soient menées les lignes YK, VN paralleles à CQ. Joignés KN qui coupera CO en O. Du point O soient menées les lignes OH, oh paralleles à PC, & la ligne MOL parallele à DC qui rencontre le cercle DPB en M & L, & est coupée en deux également au point I. Du point I comme centre à l'intervalle IM ou IL foit décrit le cercle MHL qui rencontrera la ligne HOh aux points H & h. Je dis que le point O representera le Pole de la révolution du Satellite, que l'arc PL mesurera dans le grand cercle PBpb l'inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete, & que l'arc LH ou Lh mesurera dans le petit cercle MHLh la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite.

#### DÉMONSTRATION.

Par la proprieté du cercle, le rectangle MOL est égal au quarré de OH ou Oh. Mais dans le cercle BPbp le rectangle MOL est égal au rectangle KON, c'est-à-dire, au quarré de KO ou ON, à cause que par la construction KO & ON sont égales entr'elles. Donc le quarré de OH ou Oh est égal au quarré de KO ou ON, & par consequent la ligne OH ou Oh est égale à la ligne KO ou ON; mais KO & ON sont égales à CY & CV qui par la construction ont été prises égales au petit demi-diametre C E de l'Ellipse. Donc la ligne OH ou Oh est égale au petit demi-diametre de l'Ellipse.

#### 166 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Presentement dans le triangle rectangle CIO, le S. T. est au sinus de l'angle COI complement de l'angle PCQ de l'inclinaison apparente, comme CO sinus du complement de l'arc KQ qui est mesuré par KO ou OH petit demi-diametre de l'Ellipse est à CI sinus du complement de l'angle PCL. Mais dans le triangle spherique CTR rectangle en T, le S. T. est au sinus de l'angle CRT ou COI complement de l'inclinaison apparente, comme le sinus du complement de l'arc RT qui est mesuré par KO ou OH petit demi-diametre de l'Ellipse est au sinus du complement de l'angle TCR de l'inclinaison veritable. Donc l'angle PCL est égal à l'angle TCR, & mesure l'inclinaison veritable.

On aura aussi 1G ou IL sinus de l'inclinaison veritable est à OH ou Oh petit demi-diametre de l'Ellipse comme le S. T. est au sinus de l'arc LH. Mais dans le triangle spherique CTR restangle en T; le sinus de l'angle TCR de l'inclinaison veritable est au sinus de l'arc RT qui est messuré par le petit demi-diametre de l'Ellipse, comme le S. T. est au sinus de l'arc RC distance de la Planete au nœud du Satellite. Donc l'arc LH ou Lh mesure dans le petit cercle MHL la distance de la Planete au nœud du Satel-

lite; ce qu'il falloit démontrer.

Lorsque la Terre se trouve éloignée des nœuds de la Planete, il faut calculer l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete, de la maniere qui a été expliquée ci-devant. On prendra (v. F. 5.) CY égal au petit demi-diametre de l'Ellipse, & ayant mené YN parallele à CP, on prendra sur le grand demi-diametre CE de l'Ellipse CI égal à YN. Du point I on menera BIQ parallele à DC, & on joindra BC qui coupera NY en L. Du point C à l'intervalle CI on décrira l'arc LZ & on menera ZG parallele à PC. On prendra GT égal à l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete que l'on portera de G vers P, lorsque l'élevation de l'œil est additive, & de G vers D lorsqu'elle est soustractive. Du point

T on menera TV parallele à DC, & on prendra sur CB CK égal à CV. Du point K on tirera la ligne MKA parallele à PC, & l'on joindra CA qui coupera BQ au point O. L'angle DCA mesurera l'inclinaison veritable, & CO le sinus du complement de la distance de la Planete au nœud Ascendant du Satellite; ce qu'il falloit trouver.

#### DÉMONSTRATION.

Dans les triangles semblables CEe, CIH; CE est à Ee comme CI ou YN qui lui est égal par la construction est à IH ou Bb. Mais dans le triangle spherique FXS rectangle en S; le S. T. qui est representé par CE, est au sinus de l'angle FXS de l'inclinaison apparente qui est messuré par Ee, comme le sinus du complement de l'arc SX élevation de l'œil sur le plan du cercle du Satellite qui est mesuré par YN ou CI est au sinus du complement de l'angle CFR. Donc IH ou Bb mesure le sinus du complement de l'angle CFR qui est representé dans cette sigure par l'angle PCB.

On aura aussi, à cause des triangles semblables CQB, CYL; BQ est à CB comme CY est à CL ou CZ qui lui est égal par la construction. Mais dans le triangle FXS, le sinus de l'angle SFX ou PCB qui est mesuré par BQ est au S. T. qui est representé par CB comme le sinus de l'arc SX qui est mesuré par CY est au sinus de l'arc FX; donc CL ou CZ mesure le sinus de l'arc FX qui est par consequent representé par l'arc PG. Retranchant de cet arc l'arc GT qui est égal à l'arc RX, on aura l'arc PT égal à l'arc FX dont le sinus du complement sera mesuré par CV.

Maintenant à cause des triangles semblables CBQ, CKM CB est à BQ comme CK ou CU qui lui est égal par la construction est à CM. Mais dans le triangle spherique CRF rectangle en R. Le sinus total CB est au sinus de l'angle CFR ou PCB qui est mesuré par BQ comme le sinus du complement de l'arc FR ou PT qui est mesuré par CU est au sinus du complement de l'angle FCR de

168 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE l'inclinaison veritable. Donc CM mesure le sinus du complement de l'inclinaison veritable qui sera par consequent

representée par l'angle ACD.

Enfin dans les triangles semblables AMC, OoC, AM est à CA comme Oo est à CO; mais dans le triangle CRF, le sinus de l'angle FCR qui est mesuré par AM est au S. T. CA, comme le sinus du complement de l'angle CFR ou PCB qui est mesuré par Oo ou Bb est au sinus du complement de l'arc CR. Donc CO represente le sinus du complement de la distance CR de la Planete au nœud du Satellite; ce qu'il falloit démontrer.

L'inclinaison veritable du cercle d'un Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete étant connuë; Trouver par le moyen d'une ou plusieurs Observations de ce Satellite, le vrai lieu de son nœud, & l'inclinaison apparente de son

cercle par rapport à l'Orbite.

Lorsque la Terre est sur l'Orbite de la Planete comme en R, (v. Fig. 6.) on réfoudra le triangle spherique CTR rectangle en T, dans lequel l'angle RCT de l'inclinaison veritable est connu, aussi-bien que l'arc RT dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse. C'est pourquoi l'on trouvera la valeur de RC distance du Satellite à son nœud Ascendant, & celle de l'angle CRT complement de l'angle PRL de l'inclinaison apparente. Lorsque la Terre est élevée sur l'Orbite de la Planete comme en X ou x; on résoudra le triangle sphérique l Xp, dont les trois côtés sont connus; sçavoir l'arc p X complement de l'élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite vûë de la Planete, l'arc 1 X complement de XS l'élevation de l'œil fur le cercle du Satellite, dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse, & l'arc lp qui mesure l'inclinaison veritable, c'est pourquoi l'on connoîtra l'angle lpX ou BpR complement de l'angle CpR qui mesure la distance de la Planete au nœud du Satellite, & l'angle pXl qui mesure l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite; ce qu'il falloit trouver. On

On peut aussi, sans avoir besoin de calcul, déterminer le vrai lieu du nœud du Satellite, & son inclinaison apparente, lorsque la Terre est peu élevée sur le plan de

l'Orbite, en cette maniere.

Avant décrit l'Ellipse DEd (v. Fig. 6.) qui represente la révolution apparente du Satellite, on décrira du centre C de certe Ellipse à l'intervalle CD le cercle DPdp. On élevera de ce centre une perpendiculaire CO au diametre DCd de l'Ellipse, & on prendra de côté & d'autre du point O les arcs OK, ON égaux à l'inclinaison veritable du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite qui est donnée, on joindra KN qui rencontrera CQ au point G, & du point G comme centre à l'intervalle GK ou GN, on décrira le cercle KNY. On prendra fur CQ, Gm égal au petit demi diametre de l'Ellipse CE, & on menera mY parallele à GN qui rencontrera le cercle KNY au point Y. Du point Y on menera YZ parallele à CG qui coupera KN en Z, & l'on tirera du centre C par le point Z le demi-diametre CV. L'arc NY mesurera sur le petit cercle KNY la distance de la Planete au nœud du Satellite', & l'arc QU mefurera dans le grand cercle DPdp l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite; ce qu'il falloit trouver.

#### DEMONSTRATION.

Soit pris l'arc QP égal à l'arc QU. Joignés CP, & du point P foient pris les arcs PM, PL égaux aux arcs QK, QN. Joignés ML qui coupera CP en I, & GQ en O. Du point I comme centre à l'intervalle IM ou IL décrivés le cercle MHL; & du point O menés la ligne HOh parallele à CP qui rencontre le cercle MHL aux points H & h.

L'arc QP étant par la conftruction égal à l'arc QU, on aura l'angle PCO égal à l'angle QCZ. L'arc PL étant égal à l'arc QN, on aura CI finus du complement de l'arc PL égal à CG finus du complement de l'arc QN. Les trian-Mem. 1717.

170 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE gles rectangles CIO & CGZ feront donc égaux & femblables, & la ligne IO fera égale à la ligne GZ. Donc dans les cercles égaux MHL, KNY, la ligne OH ou Oh fera égale à la ligne ZY ou Zy, qui par la construction est égale à Gm & au perit demi-diametre de l'Ellipse CE. Maintenant dans les cercles MHL, KNY, on aura IL ou GN sinus de l'inclinaison veritable est à OH ou ZY ou C E petit demi-diametre de l'Ellipse, comme le S. T. est au sinus de l'arc LH, ou NY. Mais dans le triangle spherique GTR rectangle en T le sinus de l'angle TCR de l'inclinaison veritable est au sinus de l'arc RT qui est mefuré par le petit demi-diametre de l'Ellipse CE, comme le S. T. est au sinus de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite. Donc l'arc LH ou NY mesure dans les cercles MHL, KNY, la distance de la Planete au nœud du Satellite.

Mienant Pk tangente au cercle en P qui rencontre CO prolongée en ω, & CL prolongée en k. On aura IL finus total est à IO sinus du complement de l'arc LH distance de la Planete au nœud du Satellite, comme Pk tangente de l'angle PCL de l'inclinaison veritable est à Pω tangente de l'angle PCQ. Mais dans le triangle CTR le S. T. est au sinus du complement de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite, comme la tangente de l'Angle RCT de l'inclinaison veritable est à la tangente de l'angle FRT de l'inclinaison apparente complement de l'angle CRT. Donc l'angle PCQ ou l'arc PQ mesure l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à

l'Orbite ; ce qu'il falloit démontrer.

Le vrai lieu du nœud d'un Satellite étant connu; Trouver par le moyen d'une ou plusieurs Observations de ce Satellite, l'inclinaison veritable de son cercle par rapport à l'Orbite de la Planete & son inclinaison apparente.

La figure de l'Ellipse (v. Fig. 6.) qui represente la révolution du Satellite étant connuë par l'Observation, on résoudra (lorsque la Terre est sur le plan de l'Orbite de la Planete comme en R) le triangle spherique CTR rectangle en T, dans lequel l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite est connu, de même que l'arc RT dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse observé. C'est pourquoi l'on connoîtra la valeur de l'angle TCR de l'inclinaison veritable, & celle de l'angle CRT complement de l'angle FRT qui mesure l'inclinaison apparente.

Lorsque la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite comme en X ou en x d'une quantité connuë RX ou Rx, on résoudra le triangle spherique CRX rectangle en R, dans lequel RX est connuë, de même que CR distance de la Planete au nœud du Satellite; c'est pourquoi l'on connoîtra la valeur de l'angle RCX, de l'angle CXR, & du côté CX; & dans le triangle spherique CSX rectangle en S, le côté CX étant connu, de même que le côté SX dont le sinus est égal au petit demi-diametre de l'Ellipse observé, on aura l'angle SCX & l'angle CXS. Retranchant de l'angle SCX l'angle RCX, on aura l'angle SCR ou ACB de l'inclinaison veritable. Retranchant aussi l'angle CXS de l'angle CXS de l'angle CXS, on aura l'angle FXS ou PXL de l'inclinaison apparente; ce qu'il falloit trouver.

On peut aussi, sans avoir besoin de calcul, déterminer l'inclinaison veritable & l'inclinaison apparente du Satellite par rapport à l'Orbite, lorsque la Terre est peu élevée sur

le plan de l'Orbite, en cette maniere.

Y ij

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE GK ou GN, on décrira le cercle KNY. On prendra sur ce cercle l'arc NY égal à la distance de la Planete au nœud du Satellite, & l'on menera YZy parallele à CG. On joindra CZ qui étant prolongée coupera le cercle BP bp en V. L'angle GCU mesurera l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite de la Planete.

#### DEMONSTRATION.

Dans le triangle Crt rectangle en t, le finus de l'angle Crt ou GCs, distance de la Planete au nœud du Satellite est au S. T. comme CE ou Ct petit demi-diametre de l'Ellipse est à Cr ou GN. Mais dans le triangle spherique CTR rectangle en T, le sinus de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite est au S. T. comme le sinus de l'arc TR qui mesure le petit demi-diametre de l'Ellipse est au sinus de l'angle ACB de l'inclinaison veritable. Donc Cr ou GN mesure le sinus de l'inclinaison veritable qui est representée par l'arc QN.

Menant *Qn* tangente au point *Q* qui rencontre *CN* profongée en *n*, & *CV* prolongée en *u*. On aura *GN* rayon ou S. T. est à *GZ* sinus du complement de l'arc *NY* distance de la Planete au nœud du Satellite, comme *Qn* tangente de l'angle *QCN* de l'inclinaison veritable est à *Qu*, tangente de l'angle *QCU*. Mais dans le triangle spherique *CTR*, le S. T. est au sinus du complement de l'arc *CR* distance de la Planete au nœud du Satellite, comme la tangente de l'angle *TCR* de l'inclinaison veritable est à la tangente de l'angle *FRT* de l'inclinaison apparente com-

plement de l'angle CRT. Donc l'angle OCU mesure l'inclinaison apparente du cercle du Satellite par rapport à l'Orbite; ce qu'il falloit démontrer.

Ayant déterminé par des Observations faites en deux tems éloignés l'un de l'autre, la figure de l'Ellipse qu'un Satellite décrit par sa révolution; Trouver le vrai lieu du nœud de ce Satellite, & sa veritable inclinaison.

Ce Problême est d'une trés grande utilité pour trouver les nœuds des Satellites & l'inclinaison de leurs cercles, puisqu'il ne suppose que des Observations des Satellites faites en deux tems éloignés l'un de l'autre, sans avoir besoin de connoître l'inclinaison apparente des cercles des Satellites par rapport à l'Orbite, ce qui demande des Observations particulieres du mouvement de la Planete par rapport aux Étoiles fixes comparées à fa théorie.

Ayant décrit (v. Fig. 7.) les Ellipses qui representent la révolution des Satellites observée en deux tems differents, on résoudra, lorsque la Terre est sur le plan de l'Orbite comme en R ou r, le triangle spherique lRr dans lequel on connoît les arcs lR, lr, complement des arcs RT, rt, dont les sinus sont mesurés par les petits demi-diametres des Ellipses; & le côté Rr, mesure la difference qui est entre le lieu de la Planete au tems des deux Observations, c'est pourquoi l'on connoîtra la valeur de l'angle lRr ou fon opposite CRT complement de l'inclinaison apparente, & dans le triangle spherique CTR rectangle en T, le côté RT étant connu, & l'angle CRT, on connoîtra la diftance CR de la Planete au nœud du Satellite, & l'angle ACB ou TCR de la veritable inclinaison.

Lorsque la Terre est élevée sur le plan de l'Orbite au tems des deux Observations comme en X & x. On résoudra le triangle spherique pXx, dans lequel on connoît les arcs pX, px, complement des arcs RX, rx, élevation de l'œil sur le plan de l'Orbite, & l'angle Xpx mesure la difference qui est entre le lieu de la Planete aux tems des deux Observations, c'est pourquoi on trouvera la valeur de l'angle pXx, & du côté Xx; & dans le triangle lXx dont les trois côtés sont connus, sçavoir le côté Xx & les arcs lX, lx, complements des arcs SX, sx, dont les sinus sont mesurés par les petits demi-diametres des Ellipses, on aura l'angle lXx qui étant retranché de l'angle pXx trouvé ci-dessus reste l'angle pXl ou SXF de l'inclinaison apparente.

Maintenant dans le triangle spherique XSF restangle en S, l'angle SXF étant connu, & le côté SX, on aura le côté FX & l'angle CFR. Retranchant l'arc RX de l'arc FX, on aura l'arc FR, & dans le triangle restangle CRF dont le côté FR est connu, & l'angle CFR, on aura la valeur de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite au tems de la premiere Observation, & celle de

l'angle FCR ou ACD de l'inclinaison veritable.

Lorsque la Terre est peu élevée sur le plan de l'Orbite, on peut, sans avoir besoin de calcul, déterminer par le moyen de deux Observations, le vrai lieu du nœud du Satellie, & son inclinaison veritable, en cette maniere.

Prenés ZY & ZB (v. Fig. 8.) égales aux petits demi-diametres des Ellipses qui representent la révolution du Satellite au tems des deux Observations. Prolongés YZ en X, enforte que ZX foit égal à ZY, & faites l'angle YXH égal à la moitié de la difference qui est entre le lieu de la Planete observé en deux tems differents. Menés du point B la ligne BH perpendiculaire à YX qui rencontrera XH en H. Décrivés par les points YHX le cercle MYLX & du centre I menés à YX la perpendiculaire IZL qui coupera YX en deux parties égales, & passera par le point Z. Du point H tirés H0 parallele à YX qui fera égale à BZ. Les arcs LY & LH representeront la distance de la Planete au nœud du Satellite au tems des deux Observations, & le demi-diametre IL sera au grand demi-diametre de l'Ellipse qui represente la révolution du Satellite, comme le sinus de l'inclinaison veritable est au sinus total.

### D'EMONSTRATION.

Ayant décrit sur le grand diametre de l'Ellipse DCd, (v.Fig. 7.) le cercle DPdp, on tirera à ce diametre la perpendiculaire CQ. On prendra sur le diametre Dd,  $C\omega & CV$  égales à CE petit demi-diametre d'une des Ellipses, l'on menera des points  $\omega & V$ ,  $\omega K & VN$  paralleles à CQ, & l'on joindra KN qui coupera QC au point Q.

Ayant pris avec un compas la ligne OM dans la 8°. figure, on décrira du point O de la 7°. figure comme centre, l'arc OM qui coupera le grand cercle BPbp en M. On prolongera MO en L, & on tirera le diametre Bb parallele à ML qui representera la situation de l'Orbite de la Planete par rapport aux cercles de la révolution des Satellites. On décrira sur le diametre ML le cercle MLHY. On prendra dans la 7°. figure OZ égal à OZ de la 8° figure, & l'on menera les lignes OH, ZY perpendiculaires à ML.

Le rectangle MOL de la 7e. figure est égal au quarré de OH & de OK qui est égal à CV ou CE petit demidiametre de l'Ellipse; mais dans la 8e. figure, le rectangle MOL est égal au quarré de OH ou BZ qui a été pris égal au petir demi-diametre CE d'une des Ellipses. Donc le cercle MHL de la 7e. figure est égal au cercle MHL de la 8e. & les arcs LH, LY & HY des deux figures sont égaux. Maintenant dans la 8e. figure, l'angle YXH à la circonference est égal à la moitié de l'angle HIY qui est au centre, mais l'angle YXH a été pris égal à la moitié de la difference entre le lieu de la Planete dans les deux Observations. Donc l'angle HIY ou bien l'arc HY est égal à la difference entre le lieu de la Planete dans les deux Observations. Cet arc HY est égal à la difference entre les arcs LH& LY qui mesurent la distance de la Planete au nœud du Satellite, de même que l'arc PL mesure l'inclinaison veritable ; ce qu'il est aisé de démontrer.

176 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Car dans les triangles spheriques CTR, Ctr rectangles en T, & t le sinus de l'arc CR est au sinus de l'arc RT. comme le S. T. est au sinus de l'angle ACB; le sinus de l'arc cr est au sinus de l'arc rt, comme le S. T. est au sinus de l'angle ACB; donc le sinus de l'arc CR est au sinus de l'arc RT, comme le sinus de l'arc Cr est au sinus de l'arc rt, & le sinus de l'arc CR est au sinus de l'arc Cr, comme le sinus de l'arc RT élevation de l'œil sur le cercle du Satellite qui est mesuré par OH est au sinus de l'arc rt qui est mesuré par ZY. Mais OH est à ZY comme le sinus de l'arc LH est au sinus de l'arc LY. Donc le sinus de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite, lorsque la Planete est en R, est au sinus de l'arc Cr distance de la Planete au nœud du Satellite lorsqu'elle est en r, comme le sinus de l'arc LH est au sinus de l'arc LY. Maintenant on aura OH à IL comme le sinus de l'arc LH distance de la Planete au nœud du Satellite est au sinus total. Mais dans le triangle spherique CRT rectangle en T, le sinus de l'arc CR distance de la Planete au nœud du Satellite est au sinus total, comme le sinus de l'arc RT qui est mesuré par OH est au sinus de l'angle ACB de l'inclinaison veritable; donc IL mesure le sinus de l'inclinaison veritable qui est representée par l'arc PL; ce qu'il falloit démontrer.



# OBSERVATIONS

Sur le Coquillage appellé Pinne Marine, ou Nacre de Perle; à l'occasion duquel on explique la formation des Perles.

## Par M. DE REAUMUR.

T'A1 décrit dans les Memoires de 1711 quelques-uns 24. Novemdes moyens ingenieux que la nature a donnés à des bre 1717. Coquillages & à d'autres animaux de Mer pour tenir contre les flots, pour n'être pas exposés à en être le jouet. Je m'arrêtai sur-tout aux Moules, qui sont fixées par un nombre considerable de fils qui sont pour elles tout autant de cordages qui les tiennent à l'ancre. Je fis voir qu'elles les filent par une mécanique admirable & simple. Je ne regardai les ouvrieres de ces fils inutiles à nos usages, que comme les Chenilles de la Mer, mais je sis observer en même temps que si la Terre a ses vers à soye, la Mer a aussi des Coquillages à soye; que celui qui est nommé par les Auteurs Pinne Marine, & sur nos côtes de Provence & sur celles d'Italie Nacre de Perle, est attaché comme les Moules par des fils soyeux qui ont été mis en œuvre par les Anciens, & dont on fait encore aujourd'hui des ouvrages. J'avançai dans le même Memoire qu'il y avoit lieu de croire que ces fils étoient filés comme ceux des Moules, parce que la nature ne se borne point à peu d'exemples, même de ses plus singulieres productions, mais que c'étoit un fait que je n'avois pû vérifier, n'ayant point été à portée des Mers où vit ce Coquillage. Quoi-que je sois resté dans le même éloignement de ces Mers, j'ai cependant eu occasion depuis peu d'observer les Pinnes marines; la protection que Mem. 1717.

Memoires de l'Academie Royale

Monseigneur le Duc d'Orleans donne aux Sciences nous rapproche tous les objets. On pêche des Pinnes marines auprés de Toulon, Son Altesse Royale à qui rien ne paroît petit de ce qui peut contribuer à étendre nos connoissances, a bien youlu envoyer à M. Hocquart, Intendant de Toulon, un Memoire où nous demandions de ces Coquillages & où nous marquions avec quelles précautions nous fouhaitions qu'ils nous fussent envoyés. L'exactitude & les foins avec lesquels M. Hocquart a executé les ordres qu'il avoit reçûs, nous ont procuré de ces Poissons assés entiers. Les uns ont été envoyés dans de l'Eau de vie, & les autres dans de l'Eau à laquelle on

avoit donné tout le sel dont elle s'étoit pû charger.

\* Fig. I. & \* Fig. 1. A. Fig. 4. NN. \* Fig. 1. E

Les Pinnes marines peuvent être regardées comme une espece de Moule de Mer, mais beaucoup plus grande que toutes les autres. Entre celles qui nous sont venuës de Toulon, il y en a qui ont deux pieds & quelques pouces de longueur. Leur Coquille comme celle des autres Moules est composée de deux pieces semblables & égales \* qui depuis l'origine, ou comme nous l'avons appellé ailleurs, depuis le sommet \* de la Coquille, s'élargissent insensiblement jusques environ aux deux tiers de leur longueur \* où elles commencent à s'étrecir, mais plus brufquement, en formant une courbure qui approche d'un demi-oval qui auroit pour petit axe l'endroit où nous avons déterminé la plus grande largeur; cette plus grande largeur a environ deux cinquiémes de la longueur : elles font plus applaties que les autres Moules par rapport à leur grandeur. Depuis la surface exterieure d'une des pieces de la Coquille jusques à celle de l'autre il n'y a qu'environ quatre pouces dans l'endroit où sont le plus épaisses les grandes Pinnes, fur lesquelles nous prenons ces mesures. \* Fig. r. A. Celles ci ont à leur sommet \* six à sept lignes tant en largeur qu'en épaisseur; elles y sont au moins aussi épaisses que larges, elles ne forment pas vers cet endroit un talon aussi sensible que celui des autres Moules, on re-

marque seulement un peu de convexité \* d'un côté, & un peu de concavité \* de l'autre, mais ces côtés se redres-

fent en approchant du bout.

J'ai trouvé à la pluspart des Pinnes marines la charniere à ressort qui tient les deux pieces ensemble du côté concave, elle commence au sommet de la Coquille, & va presque jusques où elle cesse de s'élargir; les deux pieces ne sont point liées ensemble de l'autre côté, mais elles sont bordées par plusieurs couches de matiere pareille à celle qui fait la charniere à ressort, c'est-à-dire, d'une matiere de nature approchante de celle de la Corne. Les Coquilles des autres Moules sont au contraire liées ensemble du côté du talon, ou du côté convexe. J'ai vû aussi quelques Pinnes marines qui s'entrouvroient par le même côté où s'entrouvent les autres moules, c'est-à-dire tout du long du côté concave, & qui avoient leur charniere du côté convexe. Il est assez singulier qu'on trouve une pareille varieté dans des Coquillages de même espece. Mais ce qui est commun à tous ceux de celle-ci, c'est que les bords de la Coquille font toûjours plus épais du côté où elle s'entrouve que du côté où est la charniere.

Nos Coquilles de Pinne marine ont encore une chose qui leur est particuliere. Si on regarde la surface de chacune des pieces qui étoit touchée par l'animal, on voit une bande d'une matiere semblable à celle de la charniere \* qui commence au fommet & va jusques à peu prés à la moitié de la longueur de chaque piece en partageant RS. la largeur en deux parties, dont celle qui est du côté convexe ou de celui où la Coquille s'entrouve est un peu plus étroite que l'autre. Cette matiere penetre même en quelques endroits assez avant dans l'épaisseur de la Coquille. Il semble qu'il y ait eû une fracture à chaque piece qui ait été remplie par cette matiere, & que les deux parties séparées par cette fracture se soient mal appliquées l'une contre l'autre, car interieurement elles font ensemble un angle obtus, elles n'y ont point la rondeur qu'elles

Zij

180 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE ont exterieurement. Cette espece de fracture se voir aussi sur la surface exterieure de quelques Coquilles, & on la peut observer en AG (Fig. 1.). Puisque toutes les Coquilles l'ont, au moins sur leur surface interieure, on ne sçauroit penser qu'elles ont été rompuës en cet endroit, mais il est naturel de croire que cette bande de matiere, differente de celle du reste de la Coquille, marque la route qu'a suivi une partie du corps de l'animal qui laisse échapper un suc pareil à celui qui borde les extremités des Coquilles, pendant que les autres parties ont laissé échapper un suc propre à épaissir & à étendre la

Coquille.

Mais ce que la Coquille de ce Poisson offre de plus remarquable, est dans les deux couches de matiere differente dont elle est composée. Une partie de l'interieure  $v_{QQQ}^{*Fig. 4}$ . est de couleur de Nacre \*, elle ne s'étend que depuis le sommet jusques environ à la moitié ou aux deux tiers de la longueur; à mesure qu'elle approche de ce terme elle devient moins épaisse; où elle finit elle est plus mince qu'une feuille de papier. L'autre couche sert de croute à celle, qui est de couleur de Nacre, elle fait seule toute \* Fig. 4. l'épaisseur de la Coquille où la Nacre manque \*. Exterieurement elle est raboteuse, la boue qui s'y est attachée en obscurcit la couleur, mais interieurement elle est polie, & paroît d'un rouge fort délayé; comme elle est mince & trés transparente, sa couleur en est moins sensible. La composition de cette couche est fort singuliere. elle est formée d'une infinité de filets appliqués les uns contre les autres, qui ont chacun pour longueur l'épaisfeur de la couche, & dont la direction est par consequent à peu prés perpendiculaire au plan de la Coquille. Ces filets sont très déliés, on les découvre cependant distinctement. à la vûë simple, mais avec un Microscope on voit de plus qu'ils sont chacun de petits parallelipipedes à base rectangle presque quarrée. Ce qu'ils ont de plus singulier, c'est qu'ils. sont peu adherants ensemble dans certains endroits de la

Coquille; si on détache un petit morceau de la croute qui couvre la Nacre du côté du sommet \*, ce que se fait aisément, & qu'on le froisse entre ses doigts, ces filets se séparent les uns des autres, il semble qu'au lieu d'un morceau de Coquille qu'on air brifé le bout d'une aigrette composée de fils de verre, mais plus fins que ceux des aigrettes ordinaires.

Il est bon, en saisant cette experience, de prendre garde à ne pas trop étendre sur sa main ces bouts de filets; pour n'avoir pas sçu qu'il falloit prendre cette précaution, j'ai quelquefois senti entre les doigts & sur la main des demangeaifons incommodes. Ces fils presque aussi fins que ceux qui couvrent les gousses des Pois, connus vulgairement sous le nom de Pois gratés, ou Pois poüilleux, excitent de même des demangeaisons, moins cuisantes pourtant, parce qu'étant un peu moins fins, ils ne percent pas la

peau aussi aisément.

Si on prend un morceau de la même couche vers l'autre extremité de la Coquille, les fils dont il est composé ne se sépareront pas si aisément, mais ils n'en seront pas moins visibles. Les couches les plus anciennes sont les plus proches du sommet, en vieillissant elles se pourrissent en quelque sorte, c'est ce qui fait que les parties qui les composent se séparent les unes des autres par un simple froissement. Aussi est-il fort ordinaire de voir vers cet endroit la Nacre à découvert : la croute qui l'avoit re-

vêtuë est tombée \*.

La partie de la Coquille qui a la couleur de la Nacre est composée de feuilles minces posées parallelement les unes sur les autres, de façon que l'épaisseur de la Coquille est formée par celle de ces seuilles. On les separe facilement les unes des autres si on les fait calciner pendant un instant. La structure de cette partie de la Coquille ressemble donc à celle des Ardoises & des autres pierres seuilletées; & celle de l'autre partie ressemble à la structure de l'Amiante & de quelques Talcs & Gyps composés de filets. J'ai cependant aussi observé des couches dans la partie

Z iij

182 Memoires de l'Academie Royale

composée par filets, qui avoient la même direction que les couches de celle qui est de couleur de Nacre, & cela aprés l'avoir aussi fait calciner. Alors on voyoit que chaque filet ou petit parallelipipede étoit composé de plu-

sieurs parallelipipedes posés bout à bout.

J'ai cherché depuis à découvrir si cette structure n'étoit point commune aux Pinnes marines avec bien d'autres Coquilles, s'il n'y en avoit point qui eussent comme elles une couche composée de silets qui recouvrît celle qui est de couleur de Nacre, & je l'ai trouvée dans les vrayes Coquilles à Nacre, dans celles qui sont appellées Meres des Perles & dans diverses autres Coquilles, mais comme les silets y sont plus sins, & trés adherants les uns aux autres, il n'eut pas été aisé de les reconnoître, si les Pinnes

marines ne les eussent fait voir plus distinctement.

Il est plus aisé de rendre raison de la formation de ces filets pierreux de figure assez réguliere, & arrangés dans un ordre constant, que de la formation des Pierres d'une structure approchante; nous avons ici des organes où nous pouvons imaginer que le suc pierreux s'est moulé, on peut concevoir les ouvertures des vaisseaux qui le laissent échapper disposées avec ordre, & chacune d'une sigure rectangle, que ce suc conserve la sigure qu'il a pris en sortant, au lieu que le suc qui forme la Nacre est plus sluide, & ne garde pas la sigure du trou par où il a passé: peut-être cependant que ces silets ou petits parallelipipedes se sont moulés avant même de s'échapper du corps de l'animal, on trouvera dans la suite une observation bien propre à le faire soupconner.

Les Auteurs qui ont parlé de ce Coquillage disent qu'il est posé dans la Mer verticalement, la pointe en embas, & c'est apparemment sur la soi des Pêcheurs qu'ils lui ont donné cette situation, qui n'est pas aisée à verisser; on peut plus compter sur ce que les Pêcheurs assurent que les Pinnes sont toûjours attachées aux Rochers ou aux pierres des environs par une houpe de silets \*, car pour les ti-

\* Fig. I.

rer du fonds de l'eau il faut toûjours briser cette houpe.

On les pêche à Toulon à 15, 20, 30 pieds d'eau, & plus quelquesois, avec un instrument appellé Crampe \*. C'est une espece de sourche de ser dont les sourchons \* ne sont pas disposés à l'ordinaire, ils sont perpendiculaires au manche \*, ils ont chacun environ 8 pouces de longueur, & laissent entre eux une ouverture de 6 pouces dans l'endroit où ils sont le plus écartés. On proportionne la longueur du manche de la sourche ou Crampe à la prosondeur où l'on veut aller chercher les Pinnes; on les saisset, on les détache, & on les enleve avec cet instrument.

La houpe de soye part immediatement du corps de l'animal, elle sort de la Coquille par le côté où elle s'entrouvre environ à quatre à cinq pouces du sommet ou

de la pointe dans les grandes Pinnes \*.

Elle fixe la Pinne marine; elle l'empêche d'être entraînée par le mouvement de l'eau, mais elle ne sçauroit l'empêcher d'être renversée ni la retenir verticalement comme on le veut: de forte qu'il y a grande apparence que ce Coquillage est tantôt incliné à l'horison, & tantôt couché à plat comme le sont les autres Moules, & les Coquillages qui ne s'ensoncent pas dans la vase. On ne peut guere s'assurer d'avoir les houpes dans toute leur longueur, mais j'en ai vû à qui il en restoit 7 à 8 pouces. J'en ai trouvé qui pesent 3 onces. Les fils dont elles sont composées sont trés sins, & ordinairement si mêlés ensemble, qu'il n'est guere aisé aussi de les avoir dans toute leur longueur; leur couleur est brune.

La mecanique par laquelle ces fils foyeux sont formés avoir été le premier objet de ma recherche; j'avois eu sur-tout en vûë de verisier s'ils sont filés par les Pinnes marines, comme les Moules filent les leurs: c'est de quoi je n'ai pas lieu de douter si on doit croire que des parties semblables, placées de la même maniere, servent à differents animaux aux mêmes usages. Nous avons trouvé à nos Poissons une partie pareille à celle que nous avons

\* Fig. 3.

\* aa.

\* d d:

\* Fig. I. H.

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

1711.

\* Fig. 4. Y.

V. les M. de nommée filiere dans les Moules & les Pectongles\*, & placée dans le même endroit. La filiere des Pinnes, car nous croyons pouvoir lui donner ce nom, & celle des Moules n'ont de differences entre elles que celles que leurs effets demandent. Les Pinnes marines ont à filer des fils beaucoup plus fins & plus longs que les Moules, leurs filieres sont aussi & plus longues & plus déliées. En parlant de celle des Moules nous simes observer qu'elle n'a, quand elle est dans l'inaction, ou dans l'animal mort, que 5 à 6 lignes, & qu'elle parvient dans le temps de l'action à avoir plus de 2 pouces : celle des Pinnes marines mortes est quelquesois longue de plus de 2 pouces, ainsi l'animal, en lui donnant une longueur de 6 à 7 pouces, qui est celle des longs fils, ne l'étendra pas dans une plus grande proportion que les Moules étendent les leurs. Il faut toûjours ici que la filiere ait la longueur du fil qu'elle forme, elle n'agit point comme celle des Tireurs d'Or, ou comme celles des Chenilles & des Vers à foye; nous avons fait voir ailleurs qu'elle est un Moule dans lequel un suc visqueux prend la consistance & la figure de fil; que ce Moule s'ouvre d'un côté dans toute sa longueur pour laisfer sortir le fil qu'il a façonné. On voit aussi tout du long de celle des Pinnes une fente pareille à celle de la filiere des Moules pour laisser sortir le fil, mais moins large & moins profonde. Enfin les fils dont la houpe est compofée ont leur origine prés de celle de la filiere, & sont logés dans une espece de sac membraneux \* de figure conique dans les Pinnes comme dans les Moules.

\* Fig. 4. Z.

Mais la nature qui ne fait point de ressemblance si parfaite qu'elle n'y mêle quelque varieté, a donné aux Pinnes marines quelques parties qui leur sont particulieres. Dans le sac membraneux d'où nous venons de dire que part la \* Fig. 5. ii, houpe de fils, il y a cinq feuillets charnus \* féparés les uns des autres, dont le contour est arrondi en demi-oval, leur longueur est dans le même sens que celle de la Coquille. Entre ces feuillets musculeux ou charnus, il y en a

quatre

KK, I.

quatre à peu prés de même figure, mais beaucoup plus minces\*; ils semblent de nature cartilagineuse, mais examinés attentivement, on trouve qu'ils sont une espece de nn, oo. tissu de fils peu entrelassés ensemble, mais si bien appliqués les uns contre les autres, qu'ils forment un corps continu & uni : avec un peu de dexterité on développe ces fils, on les sépare. Vers le milieu du feüillet il y a un endroit plus épais que le reste, ondé, ou comme frisé, il est fait de fils pliés en zizague, & plus pressés qu'ailleurs \*. Ces feüillets soyeux sont séparés les uns des autres par les feuillets charnus, c'est des soyeux que partent r, s. tous les fils qui attachent la Pinne marine & qui forment sa houpe, ou plus exactement la houpe est faite des mêmes fils que les feuillets, mais prolongés & écartés les uns des autres; les uns se séparent du feuillet en differents endroits de son bord, les autres, & c'est la plus grande partie, ne quittent le feüiller qu'aprés être parvenus au bout de ce feüillet le plus proche de l'origine de la filiere. La pluspart de ceux-ci sont sournis par cet endroit du feuillet que nous avons fait remarquer plus épais que le reste. Les fils qui viennent des quatre seuillets se rassemblent prés de l'origine de la filiere, autant qu'il le faut pour former un paquer, ou pour commencer une houpe \*. La Pinne marine a une si prodigieuse forêt de fils, qu'elle n'eût pû loger comme les Moules un tronc assés gros pour les y attacher tous, mais ils sont commodément attachés à ces feüillets plats. Les feüillets charnus qui séparent les soyeux ont peut-être d'autres usages que de les séparer; peut-être font-ils la fonction d'espece de levres pour appliquer & coller le bout du fil nouvellement formé contre un feüillet, & pour l'y entrelasser autant qu'il est necessaire.

Les autres parties interieures des Pinnes marines m'ont paru assés semblables à celles des Moules. Elles sont de même attachées à leurs Coquilles par deux forts mufcles \* dont l'un est auprés de la pointe \*, & l'autre vers

Mem. 1717.

\* Fig. 6.

\* Fig. 7.

\* Fig. 6.

186 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

\* Fig. 4.

X. \* Fig. 4. \* Fig. 8.

\* Fig. 4.

le milieu de sa longueur, vers où finit la Nacre \*, car ce n'est que la partie qui est environ entre ces deux muscles qui la produit. L'anus est auprés du second ou plus gros de ces muscles \*, & la bouche auprés du premier \*; elle est fermée par une levre demi-ovale \*, que n'ont point les Moules de Mer. Mais pour entrer dans un plus grand détail des parties interieures de ce Coquillage, il faudroit en avoir de frais & en assés grand nombre pour fournir à des dissections résterées. Il seroit à souhaiter que quelque habile Anatomiste prît ce soin. Comme il est le plus grand des Coquillages à deux battants, ou bivales, que nous ayons dans nos Mers, il seroit plus commode à dissequer, & peut-être plus propre à nous instruire sur les animaux de même genre : il m'a femblé aussi plus propre qu'aucun autre à nous éclaircir sur la formation des Perles. Îl en produit beaucoup \* qui ne sont pas à la verité de l'eau de celle des Indes : celles qui en approchent le plus font plombées; mais il en a de couleurs absolument differentes; on lui en trouve de toutes les nuances differentes de l'Ambre, & transparentes comme lui, de rougeâtres, de jaunâtres: il en a aussi de noirâtres, ce que M. Geoffroy le Jeune a fait observer dans les Memoires de 1712. On n'est point convenu de donner de valeur aux Perles de ce Coquillage, elles valent pourtant mieux pour des Phisiciens que celles des Huitres de l'Orient, en ce qu'elles sont plus propres à éclaircir la formation des Perles en general, elles ont des particularités que les autres ne nous offrent point.

Je ne rapporterai point tout ce que les Anciens ont debité de fabuleux sur l'origine des Perles; la phissque est trop avancée pour qu'il soit besoin de prouver qu'elles ne sont point produites par la rosée celeste, malgré tout ce qu'en ont dit des Auteurs graves. Ceux qui les ont pris pour les œuss des Poissons où on les trouve ne meritent pas non plus qu'on s'y arrête. M. Geossfroy le Jeune les range parmi les Bezoards, parce qu'il a mis dans cette

classe toutes les pierres formées par couches qui s'engendrent dans les animaux. Il est sûr aussi qu'on ne peut les regarder que comme les autres pierres formées dans les animaux, comme les pierres des Reins, de la Vescie, &c. elles sont apparemment aussi l'effet d'une maladie du Poisson. Il n'est pas étonnant qu'un animal qui a des vaisseaux où il circule assez de suc pierreux pour fournir à bâtir, à épaissir & à étendre une Coquille, en ait assez pour former des pierres, si le suc destiné à l'accroissement de la Coquille s'épanche dans quelque cavité de son corps, ou entre ses membranes. On appelle cette pierre une Perle, quand le suc épanché dont elle a été faite est d'une eau argentée, approchante de celle de la Nacre, & sa couleur doit être telle dans les moules, les Huitres & les autres Coquillages à Perles dont la Coquille est elle-même couleur de Nacre. La beauté de l'eau de la Perle peut même surpasser celle de la Nacre de la Coquille, quoi-que formées toutes deux d'une même matiere, celle de l'une s'est portée jusques au dehors du corps de l'animal où elle est touchée par des eaux souvent bourbeuses qui alterent sa couleur, au lieu que la matiere de l'autre a été reçûë entre des membranes qui l'ont mise à couvert.

Ainsi il m'a toûjours parû qu'on ne pouvoit recourir à aucune autre matiere pour former les Perles qu'à celle qui forme la Nacre de la Coquille; mais il est heureux quand nous pouvons avoir en phisique quelque chose de plus que des vrai-semblances. Les Pinnes marines m'ont sourni des observations qui semblent donner un air d'évidence à ce sentiment sur la formation des Perles. Nous avons dit qu'on leur en trouve de differentes couleurs, mais on en trouve principalement de deux sortes; les unes dont les nuances approchent de celles de la Nacre, & les autres d'une couleur rougeâtre. Nous avons sait remarquer aussi que la Coquille est composée de deux couches de couleur differente, l'une rougeâtre & l'autre couleur de Nacre. On voit déja que l'animal a des sucs pierreux colorés pour

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

fournir aux Perles de nos deux couleurs principales. Si les vaisseaux qui portent le suc propre à bâtir la Nacre se brisent, ils formeront une Perle de couleur de Nacre. Si les vaisseaux qui se brisent sont ceux qui portent le suc dont l'autre partie de la Coquille est bâtie, l'épanchement de ce suc produira des Perles rougeâtres, ou de couleur d'Ambre comme la Coquille qui en eût été formée.

Nous avons encore vû ci-devant que la partie de la Coquille qui est depuis le sommet jusques aux environs du second des muscles qui attachent le Poisson a une couche de Nacre, & que le reste de la Coquille n'a point cette couche; d'où il suit, selon ce que nous avons établi ailleurs fur la formation & l'accroissement des Coquilles, que les parties du corps de l'animal qui touchent la premiere partie de la Coquille laissent échapper un suc couleur de Nacre, & que les parties qui répondent au reste laissent échapper un suc de couleur rougeatre comme

la Coquille qui en est faite.

On trouve aux Pinnes marines des Perles dans les parties de leurs corps qui répondent aux endroits où la Coquille est blanche, & dans les parties qui répondent aux endroits où elle est rougeâtre, mais une des remarques que j'ai faite, & qui me semble essentielle pour décider que les perles sont composées du même suc que la Coquille, c'est que les Perles \* que j'ai trouvées dans les parties du Poisson qui forment la Coquille de couleur rougeâtre étoient elles-mêmes de couleur rougeâtre; & celles \* que j'ai trouvées dans les parties du Poisson qui répondent aux endroits de la Coquille où est la Nacre étoient de couleur de Nacre.

Il n'est guere de partie de l'animal où j'en ai rencontré davantage que dans la partie musculeuse, découpée en crête de Coq qui est appliquée autour du bord du bout de la Coquille, & d'une partie de son contour \*. C'est cette partie qui étend la Coquille, & qui en forme par consequent la couche superieure qui est toûjours rougea-

\* Fig: 4. ZZZZ.

" y, y, y.

\* Z Z Z.

tre. Les Perles que j'y ai trouvées ont aussi toûjours été

rougeâtres.

Les Perles que j'ai vûcs au contraire, & souvent beaucoup plus grosses dans les parties qui sont proche de l'origine de la filiere \* étoient de couleur de Nacre, parce que \* I les vaisseaux qui sournissent la Nacre sont en cet endroit.

\* Fig. 4.

Je ne voudrois pourtant pas assurer que vers les parties les moins éloignées des bords, il ne se pût former des Perles rougeâtres, & peut-être prés des bords des Perles couleur de Nacre; les vaisseaux qui portent le suc pierreux aux bords de la Coquille ont apparemment leur origine plus loin, où ils peuvent être brisés par quelque accident; de même les vaisseaux qui fournissent le suc couleur de Nacre peuvent passer vers le bord, ils soint apparemment bien des contours. Mais ce qui paroît sûr, c'est que les vaisseaux de l'une & de l'autre espece sont plus abondants, plus gros, plus remplis de sucs dans les endroits où ils fournissent à l'accroissement de la Coquille: par consequent il doir y arriver plussôt qu'aux autres de ces accidents qui sont épancher leur suc.

On trouve aussi aux Pinnes marines des Perles noires, ou plussôt d'un brun-noirâtre. Mais celles-ci sont opaques, au lieu que celles qui sont couleur d'Ambre sont transparentes. Les unes & les autres sont sormées d'une même matiere, celle des noires a été obscurcie par le mêlange de quelque suc, le Poisson a de quoi en sournir de noirs. Mais les Perles noires cassées en morceaux assez minces pour être transparents sont aussi d'une couleur approchante de celles des Perles jaunâtres ou rougeâtres eleur épaisseur leur donne une grande partie de leur opacité & de leur couleur brune. Il y a aussi des endroits où la couleur de la Coquille est plus brune & plus opaque qu'ailleurs & où elle approche de celle des Perles

obscures.

Outre la difference de couleur que nous avons fait obferver dans les deux couches qui composent la Coquille

190 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE nous y en avons fait remarquer une plus singuliere, c'est la différence de leur tissure; que la Nacre est faite de feuilles appliquées les unes sur les autres, & que la partie rougeâtre de la Coquille est composée de filets appliqués les uns contre les autres. Pour décider surement si les Perles argentées sont faites du même suc que la Nacre, & les Perles couleur d'Ambre du même suc que la Coquille rougeâtre, il me parut qu'il ne s'agissoit plus que de voir si entre ces Perles de differentes couleurs on trouvoit les mêmes varietés de tissure qu'entre les parties de la Coquille. J'ai donc cassé plusieurs des unes & des autres, & j'ai toûjours vû que les Perles argentées étoient composées de couches concentriques \* qui s'enveloppoient les unes les autres comme les peaux d'un Oignon, & c'est une remarque qui n'est rien moins que nouvelle. Mais j'ai observé que les Perles rougeâtres avoient aussi des couches concentriques, moins sensibles pourtant que celles des argentées. mais qu'elles avoient de plus des filets pareils à ceux de la Coquille rougeâtre \* qui comme autant de rayons étoient tous dirigés du centre vers la circonference. Voici mêmes varietés de couleurs, mêmes varietés de structure entre nos deux especes de couches de la Coquille, & entre nos deux especes de Perles. Y auroit-il encore lieu de douter

J'ai vû de ces Perles dont une moitié, ou à peu-prés, de la surface étoit de couleur de Nacre, & l'autre moitié noirâtre; elles avoient été formées dans le confluent de deux vaisseaux à suc de differentes couleurs, mais il n'y avoit qu'une couche mince de ces deux couleurs, le reste étoit d'une couleur uniforme.

que les couches de la Coquille & les Perles qui ont tant de ressemblance ne sussent pas sormées de la même ma-

Quand les vaisseaux se brisent à la surface exterieure du corps de l'animal, ou que pour s'être trop élargis ils laissent échapper plus abondamment du suc pierreux, la matiere qui se sige forme une espece de nœud que les

\* Fig. 10.

Fig. 12.

tiere?

Jouailliers appellent Loupe de Perle, lorsque ces nœuds ont été pris dans les Coquilles à Nacre. Les Coquilles des Pinnes ont quelquesois de ces nœuds, & elles en ont & de couleur rougeâtre & de couleur de Nacre. Il y a de ces Loupes dans les vrayes Coquilles à Nacre d'une eau si approchante de celle des Perles, qu'on ne peut quelquesois les distinguer les unes des autres, quoi que misses en œuvre sur la même piece. Quand les Joüailliers trouvent de ces Loupes demi-spheriques, ils les sont scier, & de deux de même grosseur, collées ensemble, ils com-

posent une Perle.

Rien n'est moins constant que le nombre des Perles de ces Coquillages: il y a des Pinnes marines où je n'en ar point trouvé du tout; j'en ai vû plus de vingt à d'autres. Il n'est pas sûr non plus que les Pinnes marines ayent partout autant de Perles qu'en ont celles de nos Côtes de Provence. Comme l'air & les aliments rendent les habitants de certains pays sujets à certaines maladies, sans doute que les eaux des Mers & des Rivieres que les Poissons respirent & qui les nourrissent en partie, leur causent bien des incommodités. Des Moules de même espece ont des Perles dans quelques Rivieres, & n'en ont point dans d'autres. Nos Huitres nous seroient peut-être beaucoup plus précieuses, si les eaux de nos Mers leurs étoient aussi mal-saines que celles de la côte de la Pêcherie le sont aux Huîtres qui y vivent; au lieu que les Perles sont rares dans nos Huîtres, elles y seroient peut-être communes, ces Coquillages seroient plus sujets à la pierre.

# 192 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

#### EXPLICATION DES FIGURES

#### FIGURE I.

Coquille de Pinne marine composée de ses deux pieces: A, est le sommet de la Coquille. BC, est la largeur au sommet. L'épaisseur est prise sur une ligne perpendiculaire à celle qui seroit tirée de B à C, & qui traverse-roit les deux pieces.

CHD, le côté convexe. La ligne CD montre l'endroit où la Coquille s'entrouvre. On voit par de-là CD, une petite partie de la seconde piece de la Coquille.

BE, le côté concave, celui où est la charnière de cette

Coquille qui va environ jusques en E.

F, l'extremité de la Coquille, là elle est entr'ouverte. H, endroit d'où sort la houpe. I, la houpe de soye. GA, marque la ligne qui divise en deux parties cha-

que piece de Coquille.

La partie EFDG est presque toute de couleur rougea-

tre, & depuis G jusques en Ail y a de la Nacre.

KKK, montrent la Nacre à découvert; la croute ou couche rougeâtre composée de filets est détachée, ce qui arrive naturellement.

# FIGURE II.

Morceau de la croute composée de filets dessiné à la Loupe. L des filets dessinés séparement. M, petite houpe de pareils filets.

#### FIGURE III.

Instrument avec lequel on pêche les Pinnes. a, a, ses fourches. b, c, endroit où le ser est attaché au manche. dd, le manche. ee, plan de la sourche.

#### FIGURE IV.

La Figure IV. est une Coquille qui a été ouverte à force.

force. L'animal est resté presque tout entier sur la piece de la Coquille NOO, il n'y en a presque point sur la partie NPP. QQQ, marquent ce qui est de couleur de Nacre.

Rf est la bande de matiere approchante de celle du ressort qui divise chaque piece en deux.

TTT, la partie qui est rougeâtre ou de couleur d'Am-

bre.

Prés N on voit diverses couches les unes au dessus des autres; ce sont des feüillets de matiere pareille à celle du ressort qui marquent les différentes places que l'animal a abandonnées successivement.

En V est le ligament d'auprés du sommet.

X, est la bouche.

Y, la filiere.

Z, le fac membraneux qui enveloppe les feuillets charnus & les feuillets cartilagineux d'où partent les filets qui forment la houpe.

En &c. est l'anus, on y voit aussi le gros muscle qui at-

tache le Poisson aux deux pieces de sa Coquille.

# FIGURES V. & VI.

Elles representent chacune une partie de la cavité Z de la Figure IV. un peu plus grande que nature : ici les parois qui la renserment ont été ouvertes.

fg, fg, sont les deux parois ouvertes. h, est le bout de la filiere coupée en h.

11, KK, L sont les cinq feuillets charnus ou musculeux rensermés dans cette cavité; ici on a ôté les seuillets soyeux qui doivent être entr'eux.

# FIGURE VI.

n, n, o, o, partie des quatre feuillets soyeux qui ici sont en place & séparés les uns des autres par les seuillets charnus. mm, parois de la cavité. p, bout de la filiere.

Mem. 1717.

# 194 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

# FIGURE VII.

Est une partie d'un seuillet soyeux, prise vers le milieu de ce seuillet, dessinée à la Loupe. s'r marque cet endroit plus épais que le reste où les sils sont en zizague. En r ces sils commencent à se séparer pour aller composer partie de la houpe.

# FIGURE VIII.

Elle montre plus en grand que la Figure IV. la bouche du Poisson. t, cette bouche. u, levre qui la couvre ordinairement, & qui a été relevée dans cette Figure. x marque une Perle.

# FIGURE IX.

Est une Perle couleur de Nacre.

#### FIGURE X.

Est la coupe de la même Perle qui montre l'arrangement des couches.

## FIGURE X I.

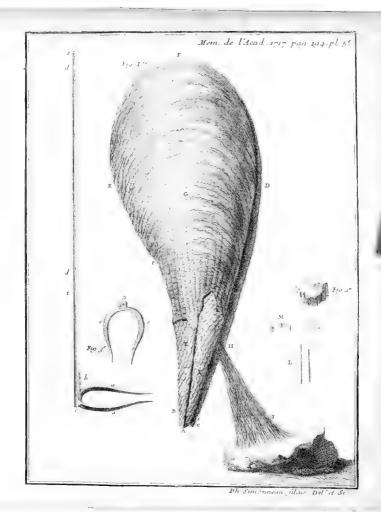
Est une des Perles brunes de la Pinne.

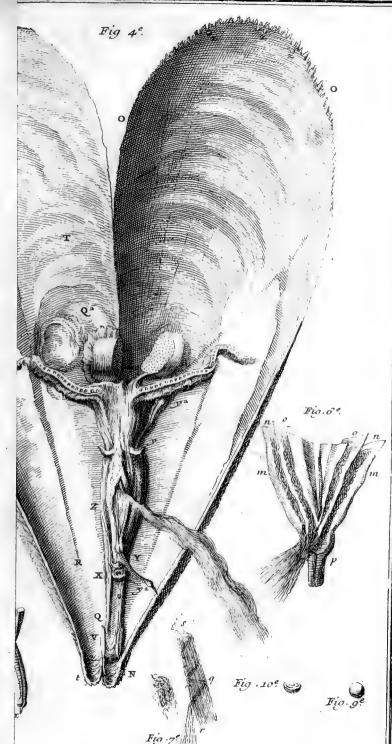
#### FIGURE XII.

Est la même Perle cassée pour faire voir la direction des rayons du centre vers la circonference.

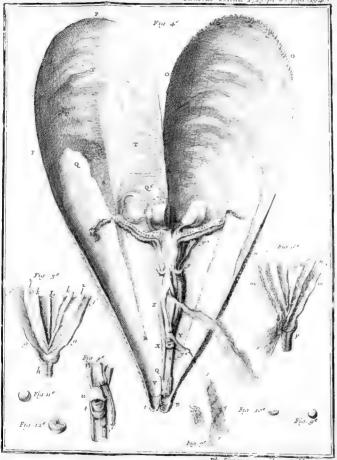
Dans la Figure IV. 2222 sont des Perles couleur d'Ambre ou rougeatre; & y, y, des Perles couleur de Nacre.

Mem. de l'Acad. 1717 pag 194. pl. 5.





Mem. de l'Acad 1717 pl 6. pag . 194 .



Ph. Simonneau Thus Del' et Sc

# PRESSIONS DES CYLINDRES & des Cones droits, des Spheres & des Spheroïdes quelconques, serrés dans des Cordes roulées autour d'eux, & tirées par des poids ou des puissances aussi quelconques.

# Par M. VARIGNON.

E 20 Mars 1717. ayant entendu lire à l'Academie Royale des Sciences un Memoire de M. Senés sur la Avril, & 12 force de l'Estomac, imprimé depuis (en 1718.) à la fin des Memoires de 1715 de la même Academie; le détail de differents cas des pressions des cylindres droits serrés dans des cordes, sur lequel ce Memoire étoit fondé, me fit naître l'envie de chercher une formule generale qui fatisfit à tous ces cas à la fois. En voici trois, A, B, D, desquelles la premiere A (que je donnai le 10 Avril à l'Academie) se presenta tout d'un coup à moi dés que je sus de rerour en mon cabinet; & quelques jours aprés les deux autres C,D, (que je donnai le 17, du même mois à la même Academie) me vinrent aussi tout d'un coup en repensant à cette matiere. Peu de jours aprés encore, les Pressions des Cones & des Spheroides ainsi ferrés dans des cordes roulées autour d'eux, me vinrent aussi à l'esprit; & j'en trouvai de même presqu'aussi-tôt les formules suivantes, que je n'eus occasion de donner à l'Academie que le 12. Juin, les sceances y ayant toûjours été si remplies de choses qui étoient en droit de passer auparavant, que je n'y trouvai que ce jour-là le petit intervalle de vuide qu'il me falloit pour cela.

Avant toutes choses le Lecteur est averti que dans tout ceci il ne s'agira que de Cylindres & de Cones à bases circulaires & droits (comme le font tous les Spheroïdes) serrés

par des tractions en plans perpendiculaires à leurs axes, n'ayant encore rien trouvé de pareil pour les obliques.

Pour abreger nos expressions nous appellerons simplement ici Pression d'un cylindre, d'un cone ou d'un spheroïde, la force dont sa surface sera perpendiculairement comprimée, ou ce que la puissance comprimante en exercera de perpendiculaire contre cette surface sixe, en tirant par un bout une corde attachée à elle par l'autre bout, & roulée autour d'elle sur un ou plusieurs cercles ou sections perpendiculaires à son axe. En ce sens nous appellerons aussi Pression totale d'un arc de tels cercles, tout ce qu'il en ressentira (pour ainsi dire, dans toute sa longueur quelconque, moindre, égale, ou plus grande que chacune des circonferences de ces cercles; & Pression totale de la surface comprimée en cet arc circulaire quelconque, tout ce qu'elle en ressentira (pour ainsi dire aussi) dans toute la longueur de cet arc comprimé.

# 5 I.

# Des Pressions des Cylindres.

10, & 17 Ayril 1717. Les formules qu'on en va voir dépendent des deux Lemmes suivants dont je ne démontrerai ici que le se cond, y supposant avec M. Senés, le premier comme démontré par M. Borelli dans son Traité de motu Animalitom. 2. prop. 56. & par M. Sauveur dans les Mem. de l'Acad. de 1703. C'est ce qui me fait supprimer ici, comme inutile, la démonstration que j'en avois aussi faite en me servant des mouvements composés comme j'ai fait dans mon Projet d'une nouvelle Mecanique, cette démonstration s'étant trouvée la même que celle de M. Sauveur.

#### LEMME I.

Soit autour d'un cylindre immobile une corde attachée par un bout à la surface convexe de ce cylindre, & qui bandée sur lui par un poids ou puissance quelconque, le

presse ou le comprime en un arc quelconque de cercle ou de section parallele à sa base. La Pression de ce cylindre en tout cet arc sera toujours au poids ou à la puissance comprimante, comme la longueur absolué de cet arc comprimé sera à son rayon.

Cela, dis-je, est démontré par Mrs. Borelli & Sauveur

aux endroits marqués ci-dessus.

Corol. I. Donc si l'on prend p pour la pression d'un cylindre ainsi comprimé par une puissance ou force constante quelconque fen un arc circulaire de longueur quelconque a, & de même rayon r que ce cylindre; l'on y aura par tout p.f::a.r. Ce qui donne  $p=\frac{af}{r}$  dont la fraction confrante f permet de prendre l'arc a de longueur absoluë égale à tout ce qu'il y a de corde roulée autour du cylindre en tant de révolutions qu'on voudra, assés pressées & de corde assés menuë pour pouvoir passer toutes pour circulaires : c'est-à-dire, de longueur absolue moindre, égale, ou plus grande que la circonference d'une des sections circulaires de ce cylindre de rayon quelconque r.

> (a, b, les longueurs absolués des arcs circures comprimés de deux cylindres, ou de ce qu'il y a de corde roulée sur cha-

cun d'eux.

Donc en appellant

COROL. II. | r, s, les rayons quelconques de ces cylindres ou de ces arcs a, b.

p, m, les pressions de ces cylindres en ces arcs quelconques.

 $f, \varphi$ , les forces ou puissances qui les compriment en toutes les longueurs a, b, de ces mêmes arcs.

L'on aura ( corol. 1.)  $\left\{ \begin{array}{l} p. \ f:: a. \ r. \\ \varphi. \ n:: s. \ b. \end{array} \right\}$  Ce qui (en mul-

pliant par ordre) donne  $p\varphi$ .  $\pi f$ :: as br. D'où resulte læ formule generale  $pp br = \pi fas(A)$ .

Bbij

# LEMME II.

Si en prenant encore a, b, pour les longueurs absolués des arcs comprimés comme ci-dessus; & r, s, pour leurs rayons quelconques; on prend presentement n, v, pour les nombres de degrés de ces arcs circulaires, sussentiels de plus de 360. degrés: l'on aura en general a v s = bnr (B).

Demonstr. Soit un troisième arc circulaire de longueur absoluë c, de même rayon r que l'arc a, & de mê-

me nombre v de degrés que l'arc b.

COROL. I. Cette formule B donnant n. v: as.br  $:: \frac{a}{r}. \frac{b}{s}.$  fait voir tout d'un coup que les nombres n, v, des degrés de deux arcs circulaires de longueurs absoluës quelconques a, b, sont toûjours entr'eux en raison des quotiens de ces longueurs a, b, divisées par les rayons r, s, des arcs dont elles sont les longueurs absoluës.

La même formule B donne de même a.b::nr.v s.

Etr. s:: a v. bn::  $\frac{a}{n} \cdot \frac{b}{v}$ .

COROL. II. Or la formule  $p \varphi br = \pi f as(A) du$  corol. 2. du lem. 1. donne  $a.b::p\varphi r. \pi f s$ . Et r.s::  $\pi f a.p \varphi b$ . Donc (corol. 1.)  $n r. v s::p\varphi r. \pi f s$ . Et  $a v. bn::\pi f a.p \varphi b$ . Ce qui donne également  $n. v::p\varphi$ .  $\pi f$ . Et en consequence  $p\varphi v = \pi f n(C)$  p our seconde formule generale des pressions  $p, \pi$ , comprises dans le lem. 1. dont le corol. 2. y a donné la premiere A.

Formules generales des Pressions des cylindres.

 $p \phi b r = \pi f a s(A)$   $p \phi v = \pi f n(C)$ 

Usage I. La formule A donnant  $p.\pi:afs.b \phi r$ . fait voir en general que les pressions totales  $p, \pi$ , des arcs circulaires a, b, de cylindres de rayons quelconques r, s, sont toûjours entr'elles en raison composée de la réciproque de ces rayons r, s, & des directes tant des longueurs absoluës a, b, des arcs comprimés, que des puissances  $f, \phi$ , qui les compriment dans toutes ces longueurs a, b.

Us a GE II. La formule C donnant  $p.\pi:fn.\varphi v$ . fait aussi voir en general que ces mêmes pressions p,  $\pi$ , des cylindres sont de même en raison composée des directes des nombres n, v, des degrés compris dans les arcs comprimés, & des forces  $f, \varphi$ , qui les compriment dans toutes leurs longeurs a, b, quelles que soient ces longueurs absoluës a, b, & les rayons r, s, de ces arcs, puisque cette formule C, ne comprenant ni ces longueurs absoluës, ni ces rayons, les laisse dans tels rapports qu'on voudra.

Usage III. Si 
$$\begin{cases} a=b \\ r=s \\ f=\varphi \end{cases}$$
 la formule  $A$  donnera

 $\begin{cases} p. \ \pi :: fs. \ \phi r. \\ p. \ \pi :: af. \ b\phi. \end{cases}$  C'est-à-dire que  $p. \ \pi :: as. \ br. \end{cases}$ 

1°. Si les longueurs absoluës a, b, des arcs circulaires comprimés, sont égales entr'elles; leurs pressions totales  $p, \pi$ , seront entr'elles en raison composée de la directe des forces comprimantes  $f, \varphi$ , & de la réciproque des rayons r, s, de ces arcs.

2º. Si ces rayons r, s, des arcs comprimés, a, b, font égaux entr'eux; les pressions totales p,  $\pi$ , de ces arcs seront entr'elles en raison composée des directes des longueurs absoluës a, b, de ces mêmes arcs, & des puissances, f,  $\varphi$ , qui

200 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

les compriment dans toutes ces longueurs.

3°. Si les puissances ou forces comprimantes f,  $\phi$ , sont égales entr'elles; les pressions totales p,  $\pi$ , qui en resulteront aux arcs circulaires a, b, qu'elles compriment, seront entr'elles en raison composée de la directe des longueurs absoluës a, b, de ces arcs, & de la réciproque de leurs rayons r, s: desorte que si ces arcs a, b, étoient en raison de leurs rayons, & consequemment semblables entre eux; les pressions totales p,  $\pi$ , qui leur resulteroient alors des puissances comprimantes f,  $\phi$ , qu'on suppose ici égales, seroient aussi pour lors égales entr'elles.

USAGE IV. Si 
$$\begin{cases} n = r \\ f = \varphi \end{cases}$$
 la formule C donnera

 $\left\{ \begin{array}{l} p. \pi :: f. \varphi. \\ p. \pi :: n. \nu. \end{array} \right\}$  C'est-à-dire que

1°. Si les nombres n, v, des degrés des arcs a, b, font égaux, c'est-à-dire (lem. 2. cor. 1.) si les longueurs absoluës a, b, de ces arcs sont en raison de leurs rayons r, s, & confequemment ces arcs semblables entr'eux; leurs pressions totales  $p, \pi$ , seront alors entr'elles en raison des puissances  $f, \varphi$ , qui les compriment dans toutes leurs longueurs a, b.

2°. Si les puissances f,  $\varphi$ , qui compriment ces arcs dans toutes leurs longueurs a, b, font égales entr'elles; les pressions totales p,  $\pi$ , qui en resulteront à ces mêmes arcs, seront alors entr'elles en raison des nombres n,  $\nu$ , de leurs degrés, quels que soient les rayons r, s, de ces arcs, & leurs longueurs absoluës a, b.

Usage V. Si 
$$\begin{cases} a.b::r.s. \\ a.b::\varphi.f. \\ f.\varphi::r.s. \end{cases}$$
 ouf 
$$\begin{cases} as = br \\ af = b\varphi \\ fs = \varphi r \end{cases}$$
 la

formule A donnera  $\begin{cases} p. \pi :: f. \phi. \\ p. \pi :: s. r. \\ p. \pi :: a. b. \end{cases}$  C'est - à - dire que

1°. Si les arcs circulaires comprimés a, b, font semblables entre eux; leurs pressions totales p,  $\pi$ , seront alors entr'elles en raison des puissances f,  $\varphi$ , qui les compriment,

ment, ainsi que la formule C l'a déja fait voir dans le nomb. 1. de l'usage 4. de sorte que si ces puissances f, q. sont égales entr'elles, les pressions totales qui en resulteront aux arcs semblables a, b, seront aussi pour lors éga-

les entr'elles; & consequemment chaque partie quelconque du moindre de ces deux arcs également comprimés dans toutes leurs longueurs a, b, aura ici plus de pression à soutenir qu'une partie absolument égale du plus grand de ces deux arcs femblables.

2°. Si les longueurs absolues a, b, des arcs comprimés dans toutes ces longueurs par les puissances f,  $\varphi$ , sont en raison réciproque de ces puissances ; les pressions totales p, m, de ces arcs, seront alors en raison réciproque des rayons r, s, de ces mêmes arcs a, b; & consequemment la pression totale de celui de ces deux arcs qui aura le moindre rayon, sera la plus grande.

3°. Si les puissances f,  $\varphi$ , qui compriment les arcs circulaires quelconques a, b, sont entr'elles en raison des rayons r, s, de ces arcs; les pressions totales p,  $\pi$ , de ces mêmes arcs, seront entr'elles en raison de leurs longueurs absoluës a, b. Par consequent la pression totale du plus long de ces deux arcs comprimés dans toutes leurs longueurs absoluës a, b, sera pour lors la plus grande.

USAGE VI. Si  $f. \varphi :: n. v = \frac{\varphi n}{f}$ . La substitution de cette valeur de , en sa place dans la formule C, la changera en  $\pi f n = \frac{p \varphi \varphi n}{f}$ , c'est-à-dire en  $\pi f f = p \varphi \varphi$ , & lui fera ainsi donner pour ce cas-ci p. π :: ff. φ φ. D'où l'on voit que lorsque les puissances f,  $\varphi$ , sont entr'elles en raison des nombres n, v, des degrés des arcs qu'elles compriment dans toutes leurs longueurs a, b; les pressions totales p,  $\pi$ , de ces arcs, sont toûjours entr'elles en raison des quarrés de ces forces comprimantes f,  $\varphi$ , ou des quarrés des nombres n, v, des degrés de ces mêmes arcs a, b.

Usage VII. Si  $p = \pi$ , c'est-à-dire si les pressions totales p,  $\pi$ , des arcs circulaires a, b, font égales entr'elles; Mem. 1717,

202 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE
la formule A se changeant ici en  $afs = b \varphi r$ , y donnera  $\begin{cases} a.b::\varphi r.fs. \\ r.s::af.b\varphi. \end{cases}$  Donc alors, si de plus  $\begin{cases} a=b \\ r=s \end{cases}$ l'on aura  $\begin{cases} f. \varphi::r.s. \\ f. \varphi::b.a. \end{cases}$  C'est-à-dire que  $\begin{cases} a.b::r.s. \end{cases}$ 

1°. Si des arcs circulaires de longueurs absolués égales a, b, soutiennent des pressions égales  $p, \pi$ , dans toutes leurs longueurs; les puissances  $f, \varphi$ , qui les comprimeront, seront alors entr'elles en raison des rayons r, s, de ces arcs.

20. Si des arcs a, b, de rayons égaux r, s, foutiennent de même dans toutes leurs longueurs des pressions totales égales p,  $\pi$ ; les puissances f,  $\varphi$ , qui les comprimeront feront alors entr'elles en raison réciproque des longueurs

absolues a, b, de ces arcs.

3°. Si des arcs circulaires a, b, comprimés par des puissances égales f,  $\varphi$ , soutiennent pareillement des pressions égales p,  $\pi$ , dans toutes leurs longueurs; ces longueurs absoluës a, b, seront alors en raison de leurs rayons r, s de ces arcs; & consequemment ces mêmes arcs se-

ront alors semblables entr'eux.

Usage VIII. Dans la même hypothese de  $p = \pi$ , sans se mettre en peine d'aucune autre, la formule C donnera f.  $\varphi :: v$ . n. c'est-à-dire que lorsque les pressions totales p,  $\pi$ , des arcs circulaires quelconques a, b, sont égales entr'elles; les puissances f,  $\varphi$ , qui les compriment dans toutes leurs longueurs a, b, sont toûjours entr'elles en raisson réciproque des nombres n, v, des degrés de ces mêmes arcs, quelles qu'en soient les longueurs absoluës a, b, & les rayons r, s.

Les précedentes formules A, C, pourroient encore fournir plusieurs autres usages ou corollaires selon plusieurs autres hypotheses qu'on y pourroit encore faire touchant les rapports des grandeurs qu'elles contiennent; mais en voild assez pour faire sentir la fecondité de ces deux formules generales. Il sussit ici de remarquer que tout ce qui précede; est réciproque à ce qui le donne; c'est-à-dire que si l'on met en hypotheses ce que les précedentes viennent de donner, elles en deviendront réciproquement les consequences.

# REMARQUE.

Les nombres n, r, des degrés des arcs comprimés a, b, n'étant point dans la formule A; & la formule C ne contenant ni les longueurs absolués a, b, de ces arcs, ni leurs rayons r, s: voici une troisséme formule generale qui va contenir tout cela avec tout le reste compris dans ces deux-là. Pour la trouver il n'y a qu'à considerer que la formule A donne  $a.b::p \varphi r. \pi f s$ . Et que le corol. 1. du Lem. 2. donne aussi a.b::nr. rs. Puisqu'en multipliant par ordre deux à deux, les termes correspondants de ces deux analogies, elles donneront ensemble aa.bb  $::p \varphi n r r. \pi f r s s$ . d'où resulte  $p \varphi n b b r r = \pi f r a a s s$  (D) pour cette troisséme formule generale des pressions  $p, \pi$ ; des cylindres droits de rayons quelconques r, s; dans laquelle formule se trouve tout ce qu'on voit dans les deux autres A, C.

Il est vrai que dans le détail cette troisième formule D ne donne que ce que donneroit chacune des deux autres A, C, pour les mêmes hypotheses, en y substituant successivement au lieu de n, v, pour A, & de a, b, r, s, pour C, les valeurs que le corol. 1. du Lem. 2. donne de ces grandeurs. Mais peut-être comptera-t-on pour quelque chose que cette troisième formule D sussis seule à ce que font ensemble les deux A, C, dont pourtant chacune par de pareilles substitutions rendroit aussi ce qui

resulte de l'autre.

Voilà jusqu'ici pour les pressions des cylindres droits serrés dans des cordes roulées autour d'eux, & tirées par des puissances quelconques: voici presentement pour de pareilles pressions de Cones droits & de Spheroïdes quelconques.

Ccij

# 204 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

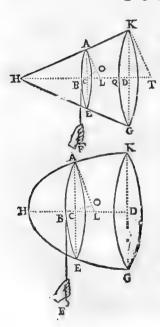
# § II.

Des Pressions des Cones & des Spheroïdes.

#### PROBLEME.

Soit une corde EABF attachée par un bout E à la surface 3717. convexe d'un cone droit ou d'un spheroïde quelsonque GHK, autour duquel fixe cette corde soit roulée & tirée par une force ou puissance quelconque F qui le comprime en un arc quelconque EAB d'une section EABE perpendiculaire à son axe HD; laquelle section soit un des petits cercles du spheroïde comme du cone. On demande la Pression ou la force dont ce cone ou ce spheroïde sera ainsi comprimé en tout cet arc EAB par cette puissance F dirigée parallelement à la base de ce corps.

#### SOLUTION.



I. Imaginons un cylindre droit qui d'axe sur HD, & de diametre AE perpendiculaire à cet axe, auroit la circonserence circulaire EABE pour section commune de sa surface & de celle du cone ou du spheroïde GHK percé par ce cylindre suivant seur axe commun HD en cette section circulaire dont C est le centre.

II. Cela posé, si l'on appelle p, la force de la pression totale perpendiculaire que ce cylindre auroit à soutenir en l'arc EAB sur lequel la corde EABF tirée par la puissance F, lui est appliquée, c'est-à-dire, la pression totale de cetarc EAB vers son centre

DES SCIENCES

C; le corol. 1. du Lem. 1. donnera ici p. F:: EAB. AC. Et consequemment  $p = F \times \frac{EAB}{AC}$  pour la pression totale de cet arc quelconque EAB de petit cercle vers son centre C: pression perpendiculaire à la surface du cylindre, & oblique à la surface tant du Spheroïde que du Cone.

III. Or si de tous les points A de cet arc circulaire quelconque EAB pressé vers son centre C par la corde EABF que tire la puissance F, l'on conçoit autant de perpendiculaires AL à la surface tant du Cone que du Spheroïde GHK, lesquelles rencontrent en L son axe HD, & que du centre C de cet arc circulaire EAB l'on conçoive autant de perpendiculaires CO fur les correfpondantes AL, chacune fur chacune: on verra que la pression oblique (art. 2.) de la surface du Cone ou du Spheroïde GHK en chaque point A de cet arc EAB, suivant chacun de ses rayons AC, est à ce qui en resulte de perpendiculaire à cette surface suivant chaque correspondante AL:: AC. AO:: AL. AC. Ainsi la raison de chaque AL à sa correspondante AC étant par-tout ici la même dans un même cercle EABE; la somme p (art. 2.) des pressions suivant toutes les AC de l'arc EAB en tous ses points A vers son centre C, sera ici à la somme des pressions perpendiculaires à la surface du Cone ou du Spheroïde GHK fuivant toutes les AL en tous ces points A, comme chaque AL est à sa correspondante AC. Donc en appellant m, cette pression perpendiculaire totale de ce Cone ou de ce Spheroïde GHK suivant toutes les AL perpendiculaires à fa surface en tout l'arc EAB que la corde presse ; l'on aura ici p. m:AL. AC. Et consequemment  $p = m \times \frac{AL}{AC}$ .

IV. Donc l'art. 2. venant de donner aussi  $p = F \times \frac{EAB}{AC}$ , l'on aura ici  $m \times \frac{AL}{AC} = F \times \frac{EAB}{AC}$ ; ce qui donne  $m = F \times \frac{EAB}{AL}$ . D'où l'on voit que la pression totale perpendiculaire m, tant du cone que du spheroïde GHK en l'arc

Cc iij

#### COROLLAIRE I.

L'arc EAB indéterminément pris ici pour une partie quelconque de la circonference du cercle EABE, pouvant ainsi être pris pour cette circonference entiere; la formule  $m = F \times \frac{EAB}{AL}$  du précedent art. 4. de la folut. fait voir que si le cone ou le spheroïde quelconque GHK étoit comprimé en cette circonference entiere EABE par une révolution entiere de la corde, & que l'on appellât  $\mu$  tout ce que la puissance F qui tire cette corde y causeroit de pression perpendiculaire sur lui; cette pression y seroit alors  $\mu = F \times \frac{EABE}{AL}$ .

#### COROLLAIRE II.

Fig. 1. On voit de-là pour le cone droit en particulier, que la fraction  $\frac{EABE}{AL}$  y étant constante, en quelque nombre de cercles entiers inégaux EABE qu'il soit successivement comprimé dans autant de tours entiers de la corde tirée par une même puissance quelconque F; les pressions perpendiculaires  $\mu$  qui lui en resulteront en chacun de ces cercles entiers, l'une aprés l'autre, seront toutes égales entr'elles, quelques inégaux que ces cercles soient entr'eux.

#### COROLLAIRE III.

Donc si cette puissance quelconque F comprime ce cone en plusieurs cercles entiers à la fois par autant de révolutions entieres de sa corde, assez servées pour pouvoir passer toutes pour circulaires, & qu'on prenne n pour le nombre de ces cercles ou de ces révolutions completes; l'on aura (cor. 1.)  $n \mu = F \times \frac{n \times E \land B \lor E}{\land A \lor E}$  pour tout ce qui en resultera de pression perpendiculaire à la surface de ce cone

en tous ces cercles entiers inégaux & contigus. Ainsi ce qu'il en soutient de plus en l'arc EAB d'un nouveau cercle contigu commencé en E, & au point B duquel les révolutions de la corde finissent, étant (folut. art. 4.)  $m = F \times \frac{EAB}{AL}$ ; l'on aura ici  $n\mu + m = F \times \frac{n \times EAB}{AL}$  pour toute la pression perpendiculaire que toutes les revolutions contiguës de la corde tirée par la puissance F parallelement à la base du cone, causeront à la surface de ce cone GHK.

# COROLLAIRE IV.

Soient presentement en la base GKOG de ce cone la droite KT perpendiculaire à sa surface convexe, comme AL l'est (hyp.) à cette même surface; & de plus l'arc GKO semblable à l'arc E AB. Cette construction (en prenant par tout ici GKQG pour la circonference entiere de la base du cone, comme l'on y prend EABE pour chacune des circonferences entieres des cercles comprimés par autant de révolutions complettes & contiguës de la corde que tire la puissance F) donnera par-tout  $\frac{EABE}{AL} = \frac{G \, K \, \hat{Q} \, G}{K \, T}$  avec  $\frac{EAB}{AL} = \frac{G \, K \, \hat{Q}}{K \, T}$ ; & confequemment  $F \times \frac{n \times E A B E + E A B}{A L} = F \times \frac{n \times G R Q G + G R Q}{K T}$ Donc en prenant ici  $P = n \mu + m$ , l'on aura aussi (cor. 3.)  $P = F \times \frac{n \times G \times Q + G \times Q}{\kappa T}$  pour toute la pression perpendiculaire que toutes les révolutions circulaires contiguës de la corde tirée par la puissance F parallelement à la base du cone, causeront ici à la surface de ce cone GHK.

## COROLLAIRE V.

La formule  $m = F \times \frac{E AB}{AL}$  de l'art. 4. de la folut. fait encore voir pour ce cone droit, que les pressions (m) qu'il auroit à soutenir en des arcs semblables E AB de cercles E ABE comprimés séparément ou à la fois par une même puissance quelconque F, y seroient toutes éga-

208 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE les entr'elles; puisque la ressemblance de ces arcs EAB y rendroit la fraction  $\frac{EAB}{AL}$  aussi constante que l'est (hyp.) cette puissance F. Ce qui prouve encore, & étend même le corol. 2. les circonferences circulaires entieres étant toutes semblables entr'elles.

# COROLLAIRE VI.

FIG. II.

Quant au spheroïde quelconque de la Fig. 2. le même art. 4. de la solut. donnant aussi  $m = F \times \frac{E AB}{AL}$  pour la pression totale perpendiculaire de ce corps faite en son arc circulaire EAB par une puissance quelconque F; l'on voit que si ce spheroïde est spherique, ayant alors AL pour le rayon de cette sphere, & consequemment  $\frac{F}{AL}$  pour une fraction constante; les pressions perpendiculaires (m) causées à cette sphere en des arcs circulaires EAB si grands ou si petits qu'on voudra, seront par-tout comme les longueurs absolues de ces differents arcs, c'est-à-dire, comme les longueurs de ce qu'il y aura de corde employée autour d'eux en tant & en aussi peu de révolutions qu'on voudra, asse serrées pour pouvoir passer toutes pour circulaires.

# COROLLAIRE VII.

Dans cette indétermination de l'arc circulaire EAB à être plus grand, égal, ou plus perit que tant ou aussi peu de circonferences entieres de cercles contigus de la sphere, c'est-à-dire, à être égal à tant ou à aussi peu qu'on voudra de révolutions complettes ou incomplettes paralleles & contiguës de la corde autour de lui ou de cette sphere; la précedente formule  $m = F \times \frac{EAB}{AL}$  de l'art. 4. de la solut. donnant ici m.F::EAB. AL. pour des pressions totales perpendiculaires m de cette sphere quelconque en des arcs circulaires aussi quelconques EAB, fait voir que la pression totale de cette sphere en un arc quelconque EAB, est toujours à la puissance ou à la force constante F qui la comprime

dę

de la maniere ici supposée, comme la longueur absoluë EAB de cet arc, ou de ce qu'il y a de corde autour de lui, est au rayon AL de cette même sphere.

#### COROLLAIRE VIII.

I. Cela étant, pour comparer entr'elles les pressions totales perpendiculaires que des forces ou des puissances differentes doivent causer à des spheres differentes en les serrant dans des cordes roulées autour d'elles,

(r, s, les Rayons des deux Spheres differentes; a, b, les longueurs absolués de leurs arcs comprimés, ou de ce qu'il y a de corde roulée sur chacun d'eux;

Soient | m, \mu, les pressions totales perpendiculaires de ces spheres en ces arcs circulaires quel-

conques;
f, φ, les forces ou puissances qui les compriment par le moyen des cordes roulées autour d'eux.

Suivant ces noms le précedent corol. 7. donnera ici  $\begin{cases} m \cdot f :: a \cdot r \cdot \\ \varphi \cdot \mu :: s \cdot b \cdot \end{cases}$  Donc (en multipliant par ordre)  $m \varphi \cdot \mu f :: as \cdot br$ . pour toutes fortes de spheres comprimées comme jusqu'ici. D'où resulte

Formule Generale des Pressions des Spheres.  $m \varphi b r = \mu f a s (Q)$ .

II. Cette formule Q donnant m.  $\mu$ : f as.  $\varphi br$ . fait voir en general que les pressions totales perpendiculaires m,  $\mu$ , des spheres de rayons quelconques r, s, sont toûjours entrèlles en raison composée de la réciproque de ces rayons r, s, & des directes tant des forces ou puissances comprimantes f,  $\varphi$ , que des longueurs a, b, de ce que leurs cordes ont de roulé autour de ces spheres en cercles contigus, ou des longueurs absoluës des arcs circulaires en qui ces spheres sont comprimées par ces cordes.

Mem. 1717. Dd

#### 210 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

#### REMARQUE.

I. On voit que la précedente formule  $m \varphi b r = \mu f a s$  (Q) des pressions perpendiculaires m,  $\mu$ , des spheres, ne differe de la premiere  $p \varphi b r = \pi f a s$  (A) des pressions perpendiculaires p,  $\pi$ , des cylindres droits, qu'en ce que dans cette formule A les rayons r, s, le sont non seulement des cylindres, mais aussi de leurs arcs comprimés a, b, tous de cercles égaux en chacun de ces cylindres; au lieu que les rayons r, s, compris dans l'autre formule Q, ne le sont que des spheres comprimées en des arcs de cercle inégaux de chacune de ces spheres, & d'autant plus

petits qu'ils sont plus éloignés de son centre.

II. Quant aux noms  $m, \mu$ , qu'on donne ici aux pressions des spheres dans la formule Q, on ne les a pris differents de ceux p,  $\pi$ , qu'on a donnés aux pressions des cylindres dans la formule A, que pour empêcher que la ressemblance totale des lettres de ces deux formules ne les sit prendre pour la même : outre que les noms p,  $\pi$ , dans la formule A, y expriment des pressions vers les centres des arcs a, b, comprimés; & que les noms m,  $\mu$ , dans la formule Q, n'y expriment que des pressions dérivées de celles-là vers le centre de chacune des spheres comprimées en ces arcs a, b, comme ils n'expriment partout ici dans les Cones & les Spheroïdes que des pressions ainsi dérivées perpendiculairement à leurs surfaces; lesquelles pressions sont toutes vers le centre de la sphere, lorsque le spheroïde en est une.

Le détail de cette formule Q des pressions des spheres se fera comme l'on a fait celui des formules A,C, des pressions des cylindres dans le S. I. Ainsi l'on ne s'arrêtera pas

ici davantage.



# DESCRIPTION DUNE VALVULE SINGULIERE DE LA VEINE-CAVE INFERIEURE,

A l'occasion de laquelle on propose un sentiment nouveau sur la fameuse question du TROU OVALE qui semble également appuyé par les preuves favorables aux deux opinions contraires.

#### Par M. WINSLOW.

Ly a plus d'un siecle & demi qu'Eustachius, celebre Anatomisse Romain, a donné la description & la sigure d'une Valvule trés singuliere, située à l'embouchure du tronc de la Veine-cave inferieure. Il ne l'appelle pas Valvule, mais seulement une Membrane d'un artifice merveilleux, laquelle couvre l'orifice de cette Veine. Cette Valvule étoit devenue par la fuite aussi inconnue que les opuscules de l'Auteur étoient devenus rares, jusqu'à ce que M. Boerhaave, scavant Professeur de Leyde, les ait remis au jour par une nouvelle édition : cependant Gaspar Bauhin en avoit fait mention dans son Theatre Anatomique, & il en avoit donné la figure dans son Appendice avec toutes les Tables des opuscules du même Auteur. L'illustre M. Lancisi, premier Medecin de Sa Sainteté, à qui le Public a l'obligation d'avoir recouvré les autres Tables d'Eustachius, si estimées, & qu'on avoit cru perduës, a parlé en particulier de cette Valvule dans son explication de la 16e. Table, où aprés avoir renvoyé à la 8e. qui represente aussi la même figure avec l'explication de l'Auteur, il ajoûte que cette Valvule empesche que le sang qui descend des Veines jugulaires par la cave D d ii

7 Avril 1717. 212 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

superieure, ne heurte avec trop d'impetuosité contre le sang qui monte par la Veine-cave inserieure. Eustachius lui-même n'a rien dit de sa sonction: il a seulement marqué qu'il en donnoit la description, asin que quelqu'un en

cherchât l'usage.

Il y a long-temps que j'ai cherché cette Valvule dans l'homme & dans les animaux; non pas que je sçusse qu'Eustachius en avoit parlé, mais uniquement parce que j'avois lû que Riolan dans son discours des Valvules dit qu'il n'a jamais pû observer dans la Veine-cave les Valvules dont Sylvius & Charles Etienne, tous deux Medecins de Paris, ont sait mention. J'en trouvois bien dans le Mouton, mais seulement aux ouvertures des grosses branches hepatiques, de la même maniere qu'on en trouve ordinairement aux embouchures des petites veines dans les gros rameaux. Ces Valvules ou Membranes sont apparemment celles dont parle Charles Etienne, qui en désigne plusieurs, mais Sylvius paroît en avoir eû en vûë une autre particuliere: il faut remarquer en passant qu'il étoit avant Eustachius.

Je ne me lassois point de la chercher dans l'homme, profitant de toutes les occasions que je pouvois avoir, d'autant plus que je ne voyois aucune Valvule dans tout le tronc de la Veine-cave inferieure, & que je n'étois nullement content du raisonnement ordinaire sur le conflant des deux Veines-caves. Dans cette recherche il m'a paru tantôt que le tronc de la Veine-cave, à l'endroit où elle est comme nichée dans le Foye, étoit plus étroit qu'au dessus & au dessous, tantôt qu'il y avoit un replis circulaire dans sa capacité presque semblable au Pylore, environ à l'endroit où le tronc traverse le Diaphragme. Ce retrecissement & ce replis me donnoient beaucoup de courage, mais aussi me trouvois-je presque découragé, quand trés souvent je n'en voyois plus. A la fin je remarquai le 11 Octobre 1714 dans un Enfant d'environ un an quelques inégalités fibreuses & membraneuses sur la

surface interne du tronc de la Veine-cave, un peu au dessous de la partie inferieure de l'Oreillete droite, mais plus lateralement. Je sis reslexion en même temps sur ce que ces inégalités étoient placées comme vis-à-vis le cul de fac de cette Oreillete, & à l'endroit où le tronc de la cave est exterieurement garni de beaucoup de fibres charnuës. Mais toutes ces belles apparences ne se rencontroient pas toutes les fois que je cherchois; je veux dire ni le retrecissement, ni le replis circulaire, ni ces franges ou ces inégalités fibreuses. A l'égard des deux premiers, peut-être que les differentes manieres dont je m'y suis pris en dissequant, les ont fait paroître ou disparoître: car tantôt je détournois le Foye ou en haut ou vers le côté pour découvrir la Veine-cave, ce qui ne se peut faire sans la tirailler; tantôt ayant peur de déranger la moindre chose, je fendois le Foye par devant, j'y faisois differentes coupes, & j'emportois de sa substance le plus doucement que je pouvois, pour parvenir au tronc de la cave sans rien déplacer de la fituation naturelle. Mais je ne peux pas me souvenir laquelle de ces manieres m'a donné lieu de voir le retrecissement & le plis circulaire; car j'ai oublié de mettre cette circonstance parmi mes remarques. Et comme on est trés souvent obligé de menager un sujet pour l'examen de plusieurs parties, ces sortes de recherches restent en arriere, au grand préjudice de l'avancement de l'Anatomie. Ainsi n'ayant pas la commodité de renouveller mes experiences là-dessus, je me suis cependant opiniàtrement attaché à ce que j'avois observé de fibreux ou frangé, & bien des fois encore sans succés, jusqu'à ce que je me fusse avisé de prendre un chemin opposé à celui que j'avois suivi auparavant; ç'a été de fendre la Veine-cave par sa partie posterieure. Je rapporte tous ces évenements & toutes ces circonstances exprés pour consirmer ce que j'avançai l'année passée touchant les recherches anatomiques & les attentions particulieres qu'il faut avoir pour y réussir, & pour surmonter les difficultés qui s'y rencontrent. Ddin

214 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Ainsi je parvins à trouver ce que j'avois cherché tant de fois; je veux dire, une Valvule trés considerable, d'une grande beauté, en partie membraneuse, & en partie en forme de rezeau. Je la portai à l'Academie, & comme les Tables d'Eustachius publiées par M. Lanciss m'étoient venuës en main, je l'appellai du nom de cet Auteur, ajourant le mot reticulaire, à cause de sa forme, sans en oser déterminer l'usage, soupçonnant que celui de M. Lancisi ne rensermoit pas seul tout le mystere. La Compagnie la regarda avec plaisir, comme une chose qui n'y avoit pas encore été démontrée depuis son établissement, & on souhaita que j'en donnasse un Memoire. Ensuite ayant trouvé les anciens opuscules d'Eustachius & vû dans son Traité de la Veine azygos une description de cetre Valvule plus étenduë que celle qui se trouve avec la figure dans son Traité des Reins, je ne songeai plus à en donner un Memoire, quoi que son usage me tint en inquietude. Au reste je sus content non seulement de l'avoir trouvée & démontrée, mais aussi d'avoir découvert la cause de tous les mauvais fuccés que j'avois eûs avant d'y parvenir; sçavoir, qu'ayant toûjours fendu la Veine-cave par sa partie anterieure j'avois détruit cette Valvule en la coupant en deux, de forte que ses moitiés ou ses lambeaux s'étoient retirés & dérangés de côté & d'autre, d'une maniere à ne pas donner lieu d'y faire attention. Et c'est peut-être cette inadvertance qui a fait douter premierement de son existence, & qui l'a fait tomber ensuite dans un entier oubli, Ceci m'obligea de me remettre de nouveau à rechercher pour découvrir la raison de cette varieté, & par le même moyen quelque usage particulier de la Valvule.

Des observations résterées m'ont appris que nôtre Valvule est disposée à peu-prés comme celles des veines, en maniere de croissant, dont la concavité est en haut, & la convexité en bas. Une de ses cornes se termine entre l'orifice de la veine Coronaire & l'extremité anterieure de l'arcade charnuë de la cloison des Oreilletes, laquelle arcade forme en partie l'ouverture appellée trou ovale dans le Fœtus; l'autre corne aboutit entre l'extremité posserieure de cette arcade & le bord voisin de l'Oreillete droite. Le reste de la Valvule est presque demi-circulaire & attaché interieurement à la parois anterieure de la Veinecave inferieure. Elle n'est pas toute membraneuse quand elle est dans son entier, car depuis environ les deux tiers de sa largeur jusqu'au bord qui flotte, elle devient comme sibreuse, & sorme un beau rezeau, ce qui m'avoit donné occasion de l'appeller reticulaire. Elle est sort étenduë, de sorte qu'étant voutée, elle s'applique sur la cloison des Oreilletes prés la base du Cœur, & ainsi couvre l'orisice de la Veine-cave inferieure.

Cette description s'accorde en plusieurs choses, quoique non pas en toutes, avec celle d'Eustachius, qui ajoûte à la fin de la sienne que cette Valvule, qu'il appelle seulement Membrane, n'a pas quelquesois ce tissu de sibres, & ressemble pour lors à un croissant comme celle qu'il avoit trouvée à l'embouchure de la veine Coronaire, & qu'elle est quelquesois si retrecie, qu'à moins que d'y fairé attention, on passera là-dessus comme s'il n'y avoit rien. C'est ce que nous allons examiner dans un moment.

La figure qu'il en a donnée ne répond pas affés ni à fa beauté, ni à fa vraye conformation; & il est très dissicile d'en donner une figure exacte, à moins que d'en faire la démonstration ou la representation dans un vaisseau avec de l'eau claire, dans laquelle elle puisse flotter & s'étendre comme je l'ai démontrée à la Compagnie. Certainement c'est le moyen le plus sûr pour avoir une exacte connoiffance des parties qui flottent naturellement: car sans cela, elles sont toûjours plissées en disserentes manieres, étant fraîches; & étant séches elles diminüent roûjours d'étendue, & perdent leur conformation naturelle.

Mais depuis que j'ai découvert la maniere de trouver cette Valvule, il m'est arrivé plusieurs sois, comme à Eustachius, de la chercher avec toutes les précautions que je

216 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE scavois être necessaires, sans en rencontrer aucun vestige, ou d'en rencontrer seulement quelques portions plus ou moins grandes. Ce fut encore un nouvel embarras, & qui m'engagea à une nouvelle recherche, dont les observations suivantes surent le fruit. Je remarquai que je ne l'avois pas trouvée d'abord dans les adultes; quoi-que j'en eusse vû quelques traces, mais que je l'avois souvent observée dans les jeunes sujets avec quelque difference de plus ou de moins; que toutes les fois que je ne l'ai pas trouvée dans son entier, c'étoit la partie reticulaire qui manquoit le plus, de sorte qu'il n'y avoit souvent qu'un croissant membraneux fort étroit avec quelque peu de filets, & enfin que je trouvois cette Valvule dans son entier dans les plus petits Enfants, & fort diminuée dans ceux qui étoient plus avancés. De plus sa diminution me paroissoit proportionnée à celle du trou ovale, & s'effacer à mesure que ce trou se ferme; & quand je l'ai trouvée dans les adultes, j'y ai aussi trouvé la cloison des Oreilletes percée. Voilà bien des circonstances particulieres que ni Eustachius ni personne, que je sçache, n'ont remarquées : c'en étoit assés, ce me semble, pour me porter à penser que cette varieté n'est pas un jeu indifferent de la nature, ou une singularité personnelle, mais qu'elle pourroit dépendre de l'âge. Enfin il n'étoit pas possible de n'être point frappé de la grande conformité qui est entr'elle & le trou ovale dans leur accroifsement & leur diminution; & il étoit bien naturel de foupçonner que cette Valvule pouvoit avoir du rapport à la circulation particuliere du sang dans le Fœtus, & par consequent que c'étoit ici principalement qu'il falloit chercher ou placer son usage. Ce soupçon paroît même savorisé par sa disposition, puisque lorsqu'elle est voutée contre le bas de la cloison des Oreilletes, elle forme une cavité, ou une espece de cul de sac dont l'ouverture regarde celle qu'on nomme communement Trou ovale; & qu'étant ainsi appliquée, elle peut non seulement empêcher le fang de la Veine-cave superieure de trop heurter contre

celui de l'inferieure, comme M. Lancisi l'a fort bien remarqué, mais qu'elle peut encore empêcher le même fang aussi-bien que celui de la veine Coronaire, & celui qui pourroit s'échapper par le Trou ovale dont je parlerai aprés, d'entrer dans la Veine-cave inferieure; & enfin, ce qui merite le plus d'attention, celui de cette derniere

veine d'y retomber, quand il a passé la Valvule.

Pour rendre raison de ma pensée sur l'usage de cette Valvule par rapport au Fœtus, il faudroit auparavant rapporter les observations & les remarques que cette Valvule m'a donné occasion de faire sur les autres organes particuliers au Fœtus, principalement sur celui qui regarde la circulation du fang; mais comme elles peuvent seules faire un Memoire assés étendu, je me contenterai de parler de l'ouverture qui est entre les deux Oreilletes du Cœur, appellée communement Trou oyale & de sa membrane nommée Valvule de ce trou.

Avant d'entrer en matiere, je proteste que je n'ai nulle envie de renouveller la fameuse contestation qui, aprés avoir si long-temps exercé tant de celebres Anatomistes, a paru à la fin assoupie en quelque maniere par l'entremise de la Compagnie. Mes recherches & mes observations làdessus à l'occasion de la Valvule d'Eustachius m'ont conduit presque necessairement à un sentiment nouveau, qui m'à semblé d'autant plus heureux, qu'il est appuyé par les raisons favorables aux deux partis opposés, qu'il fait sentir l'obligation que nous avons aux travaux & à la conflance de l'un & de l'autre parti, & enfin que ce nouveau sentiment fait voir en même temps la sage conduite de l'Academie. qui recueille les faits avec soin, les examine avec justesse, & n'en tire aucune consequence décisive, tandis qu'il reste la moindre difficulté. Ceci fervira aussi de réponse à la censure de M. Manget sur le jugement de l'Academie, inserée dans sa dissertation contre M. Mery, qui se trouve dans son Theatre Anatomique, & à la fin du second tome de l'Anatomie de Verheyen de l'édition de Geneve.

Mem. 1717.

218 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Mais pour revenir à nôtre sujet, j'avoue que l'ancien système du passage du sang par cette ouverture m'avoit parû absolument incontestable pendant plus de quinze ans, non pas tant à cause du grand nombre de ses habiles défenseurs que par rapport à mes propres experiences. C'est Galien qui en est proprement l'Auteur; car c'est lui qui sans avoir eû égard à la circulation qu'il ne sçavoir pas, a écrit fort distinctement, qu'il y a un trou de communication dans le cœur du Fœtus, & que la nature y a fabriqué une membrane en maniere de couvercle, laquelle se renverse facilement dans le vaisseau pulmonaire, afin de ceder au sang qui vient avec impetuosité de la Veinecave, & d'empêcher aussi qu'il n'y retourne. Il a encore parlé du Canal arteriel dont il n'est pas question dans ce Memoire. Tous les Anatomistes depuis lui jusqu'à la découverte de la circulation, ont suivi la même idée, parmi lesquels il paroît que c'est Carcanus, éleve de Fallope, qui en a écrit le plus distinctement depuis Vesale, qui a dit le premier que la figure de ce trou est ovale. Harvée n'y a rien ajoûté ni changé, sinon qu'il l'a accommodée à celle de la circulation.

Aprés Harvée on est demeuré dans une grande tranquillité sur cet article, je veux dire sur le passage du sang par ce trou de droit à gauche & sur l'empêchement de son retour par la membrane qui dans la suite a été nommée Valvule du trou ovale. Louver a ajouté que c'est la plus grande partie du sang de la Veine-cave qui passe par ce trou. Stenon dans son Anatomie de la Raye avoit donné lieu d'attendre de lui quelque chose de particulier là-dessus; mais ses Opuscules posthumes que j'espere donner au public sont voir qu'il n'avoit que l'ancienne opinion. A la fin du dernier siecle, M. Mery publia un système tout contraire; sçavoir, qu'il passe une portion du sang pulmonaire par ce trou dans l'Oreillete droite, qu'il n'y a point de Valvule, & qu'il n'y passe point de sang de droit à gauche. Il s'est attiré sur les bras

presque tous les Anatomistes de l'Europe, il s'est désendu vigoureusement de la maniere que l'on voit dans les Memoires de l'Academie, mais la question est demeurée indécise, & peu d'Anatomistes se déclarent pour lui.

Il y a environ six ans que j'eus pour la premiere fois une conversation assés longue avec lui là-dessus. J'étois pour lors si prevenu de l'ancien système, que ni son discours ni la démonstration de ses pieces préparées ne sirent aucune impression sur moi. Dans la suite ayant eu plusieurs fois occasion de l'entendre parler à d'autres sur la même matiere, j'y trouvois de plus en plus quelque chose qui attiroit mon attention; neantmoins tout me paroissoit toûjours fort obscur. C'est l'idée du rapport de la Valvule d'Eustachius avec le trou ovale, qui m'a engagé de m'en instruire à fonds, d'aurant plus que depuis quelque temps je n'avois plus ofé m'opposer au nouveau systême. Mais à mesure que je travaillois, je rencontrois des difficultés par-tout, & il me paroissoit que l'un & l'autre fystême s'éloignoient d'un certain milieu que chacun en particulier donnoit lieu d'envisager, en ce que les défenseurs de chaque système étoient d'accord sur quelques articles, & que les uns passoient aux autres certains points, sans prendre garde qu'ils savorisoient le sentiment contraire & combattoient le leur.

On convient de part & d'autre que le Fœtus ne respire pas, & que ses Poumons sont sans cette sonction. On est d'accord, qu'au désaut de l'usage de cet organe, il saut que quelque chose y supplée pour entrenir les qualirés du sang necessaires à la circulation. Et on croit de part & d'autre l'avoir trouvé dans le sang qui revient par la veine ombilicale. C'est par rapport à cela qu'on avoüe aussi qu'il saut que le chemin de la circulation dans le Fœtus soit abregé.

A l'égard du premier de ces points, qui est de suppléer au désaut de respiration, les uns & les autres ont été assés embarrassés malgré leur aveu commun. Verheyen, 220 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE un des plus zelés défenfeurs de l'ancien système, a trouvé que le nouveau système prive tout-à-fait la tête & les autres parties superieures de cet avantage, en ce qu'elles ne recevroient qu'un fang qui a déja passé par les Poumons sans être renouvellé, au lieu que les parties inferieures recevroient continuellement un sang ranimé par celui de la Veine ombilicale. Et lui-même soutenant toûjours l'ancien système, étoit neantmoins contraint d'abandonner la plus grande partie de cet avantage aux parties inferieures, en ce que, selon lui, le sang qui tombe dans le ventricule droit, est seulement mêlé avec celui de la Veine-cave superieure, au lieu que le sang qui entre dans le gauche, outre ce mêlange est encore affoibli par le fang pulmonaire; ce qui ne s'accorde guere avec ce que cet Auteur avoit avancé un peu auparavant; sçavoir, que le sang qui monte vers les parties superieures en doit être mieux pourvû pour plu-

Quant à l'autre point, qui est d'abreger le chemin de la circulation dans le Fœtus, il me sembloit que selon le nouveau système le Canal arteriel auroit suffi sans le trou, & que selon l'ancien, ce Canal auroit été inutile, & le Trou seul auroit pû satisfaire, comme j'expliquerai dans la suite.

fieurs raifons.

Ces inconvenients, & beaucoup d'autres, qui m'embaraffoient d'autant plus, que je ne trouvois ni dans l'un ni dans l'autre fystême le moyen d'y remedier, me firent prendre le parti de les laisser tous deux, & de chercher, comme si je n'avois jamais oui parler de l'usage de ces organes particuliers du Fœtus. Ce nouveau travail me fit entrevoir qu'il y avoit quelque chose dans chaque systême dont la liaison pourroit resoudre toute la difficulté avec une grande simplicité, mais qu'il y avoit aussi dans l'un & dans l'autre un certain obstacle qui m'empêchoit d'y réussir. En esset, j'en trouvai un principal de chaque côté; sçavoir, que dans l'ancien systême on s'étoit trop attaché à conque dans l'ancien systême on s'étoit trop attaché à con-

s'est aussi trop attaché à la difference des vaisseaux, des ventricules & des oreilletes.

Je remettrai à une autre fois à dire de quelle maniere l'ai surmonté le dernier obstacle. A l'égard du premier, voici comme je m'y suis pris, & comme je crois avoir trouvé le dénouement de tout le mystere. M. Mery a fort combattu cette Valvule dans le Fœtus humain, soit par rapport à son étendue, soit par rapport à sa conformation, à quoi il a encore ajoûté l'injection & le fouffle. En effet, je vis clairement que quoi-qu'elle paroisse plus grande dans le veau Fœtus que dans le Fœtus humain, principalement quand on l'examine en la faisant flotter dans l'eau, ou quand on la souleve en soussant de droit à gauche, & quoi-qu'elle paroisse pour lors en quelque maniere avoir la forme de valvule, neantmoins elle n'est pas disposée pour faire la fonction des vrayes valvules, lesquelles sont toutes situées de manière, que pour s'opposer au retour du sang, elles s'écartent des parois auxquelles elles sont attachées, & resistent à ce retour par leur concavité. Et quoi qu'on la puisse étendre un peu sur l'ouverture, l'y tenir par une certaine maniere de souffler, quand rien ne s'y oppose de l'autre côté, neantmoins pour peu qu'on remue la piece, on voit que cette experience ne réuffit plus. Par-là on comprend bien que cela n'a point de lieu dans le vivant, où cette partie flotte en quelque maniere dans le sang, en étant environnée de côté & d'autre, & où elle est exposée à un mouvement continuel. Desorte que je sus convaincu que, quoi-que cette membrane paroisse un peu plus étendue dans le Veau Fœtus que dans le Fœtus humain, elle ne fair pas pour cela davantage la fonction de valvule pour empêcher le passage du sang de gauche à droit dans l'un & dans l'autre.

Voilà ce que les experiences de M. Mery avoient à la fin gagné sur moi; sçavoir, d'abandonner mon attache-

222 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE ment à la Valvule. Mais cela n'étoit pas capable de me faire adopter son système de la circulation dans le Fœtus. Car les défenseurs de l'ancien système avoient aussi par leurs experiences si vigoureusement soutenu le passage du fang de droit à gauche, qu'à la fin M. Mery a avoué luimême que les liqueurs seringuées & l'air soufflé passent également de part & d'autre dans le Fœtus, & dit que ces experiences étoient inutiles pour décider le cours du fang dans le Fœtus vivant: de plus il a même affeuré qu'il est impossible de faire des experiences convenables pour cela dans l'animal vivant. Ainsi le tout bien consideré, ces faits & ces experiences ne prouvent autre chose à mon égard que la liberté réciproque du passage du sang. La consequence que chacun tire à sa façon des capacités, des puissances, des resistances, des vitesses, &c. sont enveloppées de trop de difficultés pour engager ceux qui veulent voir clair de prendre un parti preserablement à l'autre.

L'Academie Royale des Sciences a bien observé ce dernier point dans ses jugements. Elle a permis l'impression de M. Mery l'an 1699, sur le rapport que Messieurs les Examinateurs avoient fait; sçavoir, que les consequences qu'il en tire meritoient d'être proposées au public. Dans l'Histoire de 1701. dont M. Mery rapporte un Extrait dans le Memoire de 1703. elle ditpositivement que les deux systèmes ne roulent que sur des consequences, & quoi-qu'elle ajoûte que celui de M. Mery se trouva victorieux dans un cas qui étoit extraordinaire, elle n'a pas pour cela donné une décision generale ni une approbation de son système; c'est ce que l'on voit assez clairement dans l'Histoire de la même année 1703. où en citant l'Histoire de 1699, elle rapporte un autre cas extraordinaire d'un Fœtus, en qui elle dit en termes exprés, que la circulation se faisoit certainement contre l'opinion de M. Mery. Elle dit encore au même endroit qu'il paroîtroit assés étrange que les deux systèmes contraires pusfent être vrais en même temps, que cependant il n'y a peut-être pas d'impossibilité, & le reste qui merite attention & qui finit par ces termes: En cas que la na- a ture sit prendre au sang tantôt une route tantôt l'autre, a quand même l'une des deux seroit la plus communément a usitée, il n'y auroit pas lieu de s'étonner que cette ques- tion eûtlong-temps partagéles Anatomistes, & eût sourni » aux deux partis des armes assés égales. «

Je rapporte ceci pour deux raisons. Premierement, pour faire connoître que cette Compagnie n'a pris aucun parti dans cette dispute, bien-loin d'avoir eû aucune prévention ou mauvaise complaisance, comme M. Manget l'en accuse avec une espece d'étonnement dans sa dissertation, où il répond aussi à l'observation de M. Littre de 1701. En second lieu, parce que ce trait de l'Histoire de l'Academie m'a fait naître cette nouvelle idée, aprés que la Valvule d'Eustachius m'eût engagé à m'instruire plus à fond sur cette matiere. Voici mon sentiment:

Je considere les deux Oreilletes du Cœur du Fœtus, comme une seule par rapport au Trou de communication, & les deux ventricules comme un par rapport au Canal arteriel. Il faut ici, avant que d'aller plus loin, rendre justice à Harvée, qu'il a en d'abord cette pensée, mais il l'a abandonnée aussi-tôt pour s'être attaché à l'idée d'une Valvule. Je suis encore plus étonné de voir que Verheyen, dans son Traité posthume, air avancé qu'il ne faut pascroire que la Valvule ferme jamais le trou dans le Fœtus, mais qu'elle nage entre le sang de la Veine-cave & le Pulmonaire: & qu'aprés cela il dispute le passage du sang de gauche à droit, & établit celui de droit à gauche comme une verité incontestable; tant il étoit préoccupé de l'ancienne opinion.

Il me semble donc naturel de regarder les Poumons du Fœtus par rapport à la circulation du sang comme un autre viscere, dont j'ignore l'usage dans cer état, me contentant de sçavoir que celui qu'il a dans l'adulte

224 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE est nul ici de l'aveu de tout le monde. Ainsi ce trou de communication entre les deux Oreilletes, étant toûjours ouvert, suivant les experiences de l'un & de l'autre parti, il me paroît trés naturel & trés simple que le sang pulmonaire & celui des Veines-caves se rencontrent sans impetuosité dans les Oreilletes, s'y mêlent réciproquement dans leur diastole, & par-là deviennent une masse uniforme & également ranimée de ce que le Placenta a fourni; que cette masse ainsi mixtionnée se partage dans la systole des Oreilletes, selon la proportion quelconque des capacités, pour être poussée par les deux ventricules comme par un seul, & pour être uniformément distribuée par l'artere pulmonaire, par le canal de communication & par l'Aorte comme par un seul tronc arteriel à toutes les parties en general. Par-là on n'a pas besoin de se tourmenter sur le calcul des capacités, des puissances, des resistances, des vîtesses, &c. car cette idée s'accommode à tout, soit que ces choses ou ces circonstances se trouvent plus à droit, soit qu'elles se trouvent plus à gauche, ou enfin soit qu'elles soient égales de côté & d'autre; elle est conforme à la structure naturelle & aux experiences des deux partis, & par consequent elle ne doit choquer personne, elle leve sans peine les difficultés mentionnées ci-dessus; elle est toute simple, & enfin elle revient le plus au jugement de l'Academie, auquel neantmoins je la soumers de tout mon cœur. A quoi sert donc la membrane flottante, & pour ainsi dire valvisorme? Ce n'est pas pour s'opposer au retour du sang dans le Fœtus. mais uniquement pour fermer le passage & former une cloison entiere aprés la naissance. C'est ce que M. Mery a fort bien remarqué aprés Vesale, qui avant que l'idée de la circulation fût en vogue, l'avoit déja insinué dans son Examen des Observations de Fallope, où il parle aussi d'une membrane orbiculaire dans l'orifice du canal arteriel, de laquelle je rendrai compte dans la suite.

Mais pour revenir à l'usage de la Valvule d'Eustachius, attendu



## DU CHANGEMENT DES SELS

acides en Sels alkalis volatiles urineux.

#### Par M. GEOFFROY l'Aîné.

3 Juillet 1717. Es sels auxquels les Chimistes ont donné le nom de sels alkalis sont de deux sortes, ou fixes ou volatiles. Les sels fixes sont ceux qui resistent à la violence du seu sans pouvoir être enlevés au moins sensiblement. Les volatiles au contraire sont ceux qui s'élevent à la moindre chaleur. Ils ont encore donné le nom de sels lixiviels aux alkalis sixes qu'ils tiroient par la lessive des cendres des Plantes brûlées, & le nom de sels urineux à ceux qui dans les distillations des Plantes & des Animaux s'élevent avec les autres principes volatiles du mixte, & rendent une odeur sorte & penetrante, telle qu'elle exhale de l'urine échaussée ou fermentée.

L'un & l'autre de ces sels sont les produits du seu, non pas toûjours à la verité du feu grossier de nos fourneaux, mais du feu principe, ou de la matiere subtile qui excite dans les corps mixtes la fermentation & la pourriture. Car, outre les sels alkalis fixes ou volatiles qu'on retire des differentes parties des Plantes & des Animaux par le moyen du feu, nous voyons souvent les substances du regne vegetal & du regne animal se fermenter jusqu'au point de découvrir par leur odeur penetrante & leur goût piquant le sel volatile qu'elles contiennent; telle est, par exemple, dans le regne vegetal l'Isatis, ou Pastel, qui sournit sans feu par la seule force de la sermentation du sel volatile : telles sont la pluspart des liqueurs des animaux qui en pourrissant deviennent trés acres au goût & d'une odeur trés penetrante, donnant toutes les marques d'alkalis urineux trés puissants. Je dis que les sels alkalis tant fixes

que volatiles sont les produits de la matiere du seu, parce qu'avant l'action du seu ces substances n'existoient point dans ces mixtes telles qu'elles paroissent ensuite.

Ces sels alkalis ne sont autre chose que des sels acides concentrés dans quelques molecules de terre & unis avec quelques parties d'huile par l'entremise du seu, soit dans la sermentation, soit dans la déslagration: c'est ce que

l'experience fait voir.

La difference des sels alkalis volatiles d'avec les sels alkalis fixes dépend principalement de la quantité de terre plus ou moins grande, qui se trouve unie avec les acides & les soufres. Dans les sels fixes il y a beaucoup de terre qui leur sert de base, & dans laquelle les acides sont engagés avec quelque peu d'huile. Dans les sels volatiles au contraire il y a très peu de terre & beaucoup

d'huile qui donnent corps aux acides.

Le regne vegetal nous fournit une fort grande quantité de sel alkali fixe & peu de sel alkali volatile : & au contraire le regne animal produit beaucoup de sel alkali volatile & peu de fixe. Le regne mineral nous donne quelque peu de sel alkali fixe naturel : tels sont le Natrum d'Egypte, & les sels tirés par la lessive de quelques terres salines qui se ramassent dans certains temps autour de Smyrne & dans plusieurs endroits de l'Orient. La Chimie a aussi trouvé moyen de convertir le Salpêtre en sel alkali fixe. Mais jusques ici on n'avoit point encore fait voir de sel alkali volatile produit par les acides du regne mineral. Cependant si les sels acides du regne vegetal sont capables de se transformer en sels alkalis soit fixes soit volatiles, pourquoi ceux du regne mineral ne seront ils pas susceptibles des mêmes changements? puisqu'ils ne sont pas fort differents des acides vegetaux, comme je l'ai fait voir ailleurs. Je ne puis mieux prouver la possibilité de cette transmutation, qu'en faisant voir par experience disferents acides mineraux changés en fels volatiles urineux. C'est ce que je vais faire dans ce Memoire.

228 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Mais auparavant il est à propos de démontrer de quelle maniere dans les regnes vegetal & animal les acides s'y transforment en sels alkalis à l'aide de la sermentation ou de la déstagration, asin que par l'exposition que je ferai de ce qui se passe dans la production de ces sels dans ces deux regnes, on puisse juger plus sacilement de ce qui se

passe dans nos operations sur le regne mineral.

C'est une chose connuë de tous les Chymistes, que se aprés avoir tiré le suc de quelque Plante, & sur-tout des Plantes acides, on le laisse pendant quelque temps en repos dans un lieu frais, il s'y forme des cristaux qui s'attachent aux côtés & au sonds du vaisseau où ce suc est contenu, & ces cristaux sont acides au goût. On donne à ce sel le nom de sel essentiel, à cause qu'il contient en lui à peu prés les mêmes principes dont la Plante est composée. C'est le sel acide contenu dans le suc de la Plante, concentré dans un peu de terre, de parties huileuses & d'eau.

Si au lieu de tenir ce suc dans un lieu frais, on le laisse exposé à l'air chaud, il fermente, & en bouillonnant il pousse en écume & en lie à sa circonference toutes les parties grossieres & terrestres répandues dans la liqueur : pour lors la plus grande partie des acides débarassés de leur terre, étendus dans les parties d'eau, attenués par la matiere subtile qui agite la liqueur, raressés par les parties d'huile qui se mêlent entre eux, composent une liqueur vineuse, qui piquant doucement la langue, n'y cause

qu'un chatouillement agreable.

Si on laisse aller la fermentation sans l'interrompre, en laissant la liqueur dans le même lieu exposée à l'air chaud, la matiere subtile ne cessant point d'agiter cette liqueur, en subtilise les parties huileuses à un tel point qu'elles s'exhalent & abandonnent les parties falines avec lesquelles elles étoient entremêlées. Les sels acides restant pour lors presque à nud agissent sur la langue plus vivement qu'auparavant. Tel est l'esset du Vinaigre ou des liqueurs aigries.

Jusques-ici nous n'appercevons que de l'acide ou en forme liquide dans les liqueurs vineuses & aigres, ou en forme solide dans les sels essentiels & dans le Tartre du Vin, c'est-à-dire, étendu dans l'eau dans ceux-là, & concentré par un peu de terre dans ceux-ci : & l'on n'y sçauroit découvrir de sel alkali soit fixe soit volatile qu'à l'aide du feu, ou par le moyen de la fermentation outrée &

poussée jusques à pourriture.

Ainsi au lieu d'exprimer le suc de ces herbes, si on le laisse sur le marc dans un lieu temperé, non seulement la matiere s'aigrit promptement, mais encore les parties salines acides rencontrant beaucoup de terre & d'huile grofsiere dans le marc de ces herbes, elles se concentrent dans ces parties huileuses, & se changent bientôt avec elles en sel volatile mêlé d'huile grossiere & à demi exaltée, ce qui fait l'odeur penetrante, mais puante & desagreable des fumiers d'herbes pourries.

Si on expose au feu les liqueurs vineuses ou le Vinaigre pour les distiller, le seu à la fin de la distillation y développe ou plustôt y produit quelque peu de sel volatile qui ne se manifeste que par une grande violence de feu-Au contraire les fumiers d'herbes pourries donnent plus de sel volatile, & cela presque dés le commencement de

la distillation avec un seu trés moderé.

Il en est à peu prés de même du Tartre & des autres sels essentiels. Ces sels avant que de passer par le seu ne donnent aucune marque d'alkali. En les distillant ils fournissent beaucoup de liqueur acide & d'huile grossiere : ensuite le feu pousse de l'esprit urineux & du sel volatile.

Il reste dans les cendres beaucoup de sel fixe.

Au contraire si, pour joindre la fermentation à l'action du feu, on humecte le Tartre d'un peu d'eau, & qu'on le laisse dans un lieu temperé se fermenter jusqu'à pourrir, il donnera pour lors beaucoup moins de sel fixe & une beaucoup plus grande quantité de sel volatile & plus promptement.

Ffiij

230 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Dans ces operations le sel acide débarassé par le secours du seu ou de la fermentation de la terre grossiere avec laquelle il étoit uni, se joignant aux parties huileuses, se change avec elles & avec les parties de seu dont elles sont

penetrées en un sel urineux.

Il est vrai que quelques-uns ont pensé que ces sels urineux étoient déja dans le mixte avant l'action du seu, qu'ils y étoient absorbés par la grande quantité d'acides, desorte qu'ils n'étoient point capables de s'y manisester par aucun signe. Il ne seroit pas même aisé de les convaincre du contraire, si nous n'avions pas d'autres experiences pour démontrer la production des sels alkalis par des mêlanges de matieres qui n'en contiennent point. C'est ce que nous allons voir par le changement des sels acides mineraux en sels alkalis.

La premiere de ces operations est connuë de tous les Chymistes: c'est la préparation du Nitre sixé, par laquelle on voit naître ce sel alkali sixe du mêlange du Sal-

pêtre & du Charbon dans le feu en cette maniere.

On prend une livre de Salpêtre qu'on fait fondre dans un creuser placé entre les charbons. On y jette peu à peu de la poudre de charbon, il se fait aussi-tôt une forte détonation avec slamme. Lorsque la fulmination est passée, qui ne cesse que lorsque le charbon est consumé, on y rejette de nouveau charbon, ce que l'on continuë jusqu'à ce qu'il ne se fasse plus de sulmination. On retire pour lors la matiere du seu, & on trouve dans le creuset un sel fixe qui donne toutes les marques de sel alkali.

On ne peut pas dire que ce sel fixe vienne du charbon, puisqu'on n'employe quelquesois dans cette operation que trois ou quatre onces de charbon, & qu'on retire jusqu'à dix ou douze onces de sel fixe purissé, & qu'une livre entiere de charbon ne donne que quelques

gros de cendres & quelques grains de fel fixe.

Quelques-uns pourroient croire que ce sel existeroit tel que nous le voyons dans le Salpêtre où il seroit ab-

sorbé par l'acide nitreux, comme nous voyons que l'on compose du salpêtre avec l'acide du Nitre joint au sel al-kali du Tartre.

Il ne me seroit peut-être pas bien difficile de faire voir que le sel de Tartre se décompose dans l'action de ces deux sels l'un sur l'autre, & qu'il ne reste de ce sel que sa terre jointe à l'acide nitreux pour sormer le Salpêtre artificiel, ou, comme parlent les Chymistes, le Nitre resultation. Ce sera une chose à examiner dans un autre temps. Mais pour ce qui est du Salpêtre, c'est un sel salé composé de l'acide nitreux uni trés étroitement avec une terre subtile assez semblable à la craye ou à la terre de la Chaux, & à laquelle les Chymistes ont donné le nom de terre alkaline ou absorbante, parce qu'elle sermente avec les acides, & que s'unissant à eux elle en reprime l'action. J'estime que dans une livre de Salpêtre rasiné & cristal-lisé il peut y avoir moitié d'eau, un quart de terre & autant de sel acide.

Ce que je presume de ce qu'en distillant le Salpêtre avec un intermede convenable & propre à séparer l'acide nitreux de sa terre, on retire de chaque livre de Salpêtre douze ou quatorze onces de bon esprit acide qui s'éleve en vapeurs rouges & qui se condense en une liqueur jaunâtre acide trés corrosive & qui sume continuellement. La terre reste dans la cornuë unie à l'intermede, & dont on ne peut retirer aucun sel alkali par la lessive.

Cet esprit contient environ quatre onces de sel acide, puisqu'une once de cet esprit versé sur une once de sel de Tartre bien desseché aprés une nouvelle exsiccation du mêlange qui a enlevé tout le phlegme qui étoit joint à l'acide, en a augmenté le poids de deux dragmes & demie. Par consequent les quatorze onces d'esprit contiennent environ quatre onces d'acide qui nagent dans dix onces de phlegme.

Tout ce phlegme ne vient pas à la verité du Salpêtre ; il en vient un peu de l'intermede pour bien desseché qu'il MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE puisse être. Une livre de Salpêtre purissé, tel qu'on le vend ordinairement, contient pour l'ordinaire moiné d'eau, c'est-à-dire environ huir onces; ce qu'on peur reconnoître si on prend du Salpêtre rasiné, & si on le fait fondre dans un creuset jusqu'à ce qu'il ne bouillonne plus, & qu'il reste en une sonte tranquille, qui est une marque qu'il n'y a plus d'humidité superssue. Si on pese ensuite la masse salie restante, lorsqu'elle sera resroidie & sigée, on trouvera son poids diminué de prés de moitié. Si on la fait dissoudre ensuite dans l'eau, & si on la cristallise, on trouvera qu'elle aura repris à peu prés sa premiere pessanteur, en absorbant presque son poids égal d'eau.

Y ayant donc dans une livre de Salpêtre environ demi-livre d'eau, & quatre onces de fel acide, il ne peut y avoir guere plus de quatre onces de terre absorbante ou

alkaline.

Comment donc une livre de Salpêtre fournira-t'elle jusqu'à dix & douze onces de sel alkali fixe, sur-tout en faisant l'operation dans des vaisseaux fermés, s'il n'y a dans le Salpêtre que quatre ou cinq onces au plus d'alkali fixe, & si le charbon n'en donne que quelques grains. Il faut convenir necessairement qu'il s'y est formé du mêlange des autres principes du Salpêtre & du charbon. Il faut, dis-je, qu'une bonne partie de l'acide du Salpêtre soit demeurée concentrée dans cette terre avec la terre du charbon & quelque portion de ses soufres pour composer cette masse salie faline par l'entremise de la matiere du feu.

Si ces preuves ne suffisoient pas pour démontrer la transmutation de l'acide du Salpêtre en sel alkali, on en seroit encore pleinement convaincu, en considerant ce qui se passe dans cette operation de la sixation du Salpêtre. Une partie du Salpêtre y est enlevée & se dissipe en slamme & en sumée, & une autre partie beaucoup plus considerable s'y fixe en sel alkali. On ne découvre dans tout cela aucune marque d'acide, & ce sel paroît y être entierement changé de nature. Tout le phlegme qui en-

troit

troit dans la composition du Salpêtre, se dissipe en vapeurs, & ces vapeurs sont blanches, au lieu que celles de l'esprit acide sont trés rouges: une portion de l'acide nitreux agissant avec le seu sur les sous grossiers du charbon, se dissipe avec eux en slamme, & il s'éleve avec eux quelque peu de la terre tant du Salpêtre que du charbon qui se mêle avec les vapeurs du phlegme. En même temps une autre portion de l'acide nitreux se concentre dans le reste de la terre du Salpêtre & dans celle du charbon, où quelques parties sulphureus & la matiere du seu l'engagent & le joignent trés étroitement. Il résulte ensin de ce mêlange un composé tout disserent de ce qu'étoit le Salpêtre, un sel alkali au lieu d'un sel salé, & nulle marque de sel acide.

Cette operation nous fait voir trés manisestement la transmutation de l'acide nitreux en un sel alkali fixe, peu different du sel fixe du Tartre & des autres sels qu'on re-

tire des cendres des Plantes par la lessive.

Jusques ici la Chimie ne nous fournit que cet exemple de la transformation du sel acide en sel alkali fixe dans le regne mineral. Mais ayant fait reflexion sur ce qui se passoit dans cette operation, & considerant qu'il y avoit là les mêmes principes qui nous donnoient le sel volatile urineux dans la distillation du Tartre & des Plantes, je crûs qu'il se pourroit bien faire que la même operation donnât du sel volatile urineux, & que ce sel trop raresié dans la grande quantité de vapeurs que produit cette fulmination se dissipât sans le faire sentir. Je resolus donc d'examiner avec plus de précision ce qui se passoit dans cette operation, en ramassant autant qu'il me seroit possible les vapeurs qui se perdoient, car il n'y a pas moyen de faire cette operation dans des vaisseaux exactement fermés, à cause de la violente fulmination du Salpêtre avec le charbon qui creveroit tout.

Pour cela, aprés avoir mêlé égales parties de Salpêtre rafiné & de charbon (augmentant la quantité du char-Mem. 1717. Gg MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE bon, asin de moderer l'action du Salpêtre) je plaçai dans un sourneau de reverbere une cornuë tubulée, à laquelle j'adaptai plusieurs récipients à deux becs, asin de donner plus d'étenduë & de liberté aux vapeurs pour circuler & se condenser. Après avoir échaussé cette cornuë jusqu'à en rougir le fonds, j'y jettai par petites portions le mêlange. Je me suis apperçû dans le cours de l'operation que les vapeurs qui s'élevoient par l'ouverture superieure de la cornuë, lorsque je la débouchois, avoient une odeur urineuse très penetrante, & que les dernieres vapeurs qui s'envoient par les ouvertures que j'avois laissées entre les deux derniers ballons n'en avoient qu'une soible mêlée de quelque odeur d'huile empyreumatique très legere : ce qui faisoit que cette odeur n'étoit pas desagreable.

Toutes les projections étant faites, j'ai poussé le feu pour chasser le reste des vapeurs qui auroient pû s'arrêter dans la cornuë: & à la fin de l'operation j'ai trouvé dans les récipients une liqueur d'une odeur urineuse penetrante, d'un goût salé. Elle étoit claire, mais elle avoit été obscurcie par quelques suliginosités & par un peu de la poussiere même du charbon qui s'étoit élevée & qui avoit passé avec les vapeurs dans le temps de la déstagration, l'ayant laissée reposer quelque temps, elle est restée sort

claire.

Cette liqueur outre son odeur a encore donné toutes les marques d'un sel volatile alkali urineux. Elle a sermenté vivement avec les acides, elle a donné la couleur verte au Sirop violat, la couleur bleuë à la dissolution du Cuivre, & elle a caillé, & ensuite précipité en blanc la solution du sublimé corross, sans donner aucune marque d'acide.

Pour m'assure si cet esprit volatile urineux ne venoit point du charbon, j'en ai mis dans une cornuë au seu de reverbere, & je l'y ai laissé pendant plusieurs heures. J'en ai tiré un phlegme d'une odeur empyreumatique qui ne donnoit aucune marque d'acide ni d'alkali. Ayant retiré ensuite ce charbon tel que je l'y avois mis, je m'en suis servi pour faire la fixation du Nitre qui m'a sourni le même

esprit urineux.

On ne peut donc pas dire que cet esprit urineux vienne du charbon. Il ne fort pas non plus du Salpêtre, qui avant cette operation ne donnoit aucune marque d'alkali. Cet esprit n'étoit donc contenu ni dans l'une ni dans l'autre de ces matieres tel que nous le voyons; il a fans doute été formé de la réunion de quelques-uns des principes de ces deux substances : & il est à presumer que comme dans le regne vegetal le sel urineux paroît être formé de l'union de l'acide avec l'huile & un peu de terre par le secours du feu. Dans le regne mineral pareillement & particulierement dans cette operation l'acide nitreux joint avec l'huile du charbon & quelque peu de terre par l'entremise du feu, produisent le sel urineux contenu dans cet esprit, ce qui paroît d'autant plus évident que nous n'avons que ces trois substances qui puissent composer ce sel dans cetre occasion.

Cette experience m'ayant engagé à faire plusieurs tentatives sur les autres acides du regne mineral pour les convertir en sel volatile urineux de même que l'acide du Salpêtre, j'en suis venu à bout avec l'acide vitriolique de cette manière.

J'ai pris une partie de fleurs de sousre & deux parties de sel de Tartre, j'ai mêlé exactement ces deux matieres, j'en ai fait la projection dans un creuset rougi entre les charbons: à mesure que les matieres se mettoient en sonte elles bouillonnoient & exhaloient une vapeur fort disserente pour l'odeur de la vapeur acide du sousre quoi-que trés penetrante. Elle étoit urineuse & un peu bitumineuse, comme elle s'éleveroit d'un mêlange d'esprit volatile de sel ammoniac mêlé de Petrole ou d'huile de Succin. Ce mêlange est long-temps sur le seu dans le creuset rougi sans s'enstammer, encore même ne s'enstamme t-il que trés soiblement à la sin, de sorte qu'on n'apperçoit cette Gg ij

236 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE lueur que dans l'obscurité & plustôt au dehors du creuset

qu'au dedans.

J'ai fait la même operation dans une cornuë de verre, à laquelle j'avois adapté un récipient pour ramasser cette vapeur, & j'en ai retiré par la distillation une liqueur d'une odeur forte & desagreable semblable à celle des œuss pourris ou du magistere de sousse. Cette liqueur d'ailleurs étoit chargée de sel volatile urineux, elle précipitoit en blanc la solution du sublimé corrosif, sermentoit avec les acides, verdissons le Sirop violat, & donnoit une teinture bleuë à la solution de Cuivre par le Vinaigre.

Il est vrai que cette liqueur étoit en trés petite quantité. Mais si on la veur avoir en plus grande abondance, il saut prendre égales parties de sel de Tartre & de souste, les sondre ensemble dans un creuser, retirer la masse & la sondre dans une suffisante quantité d'eau, la laisser dans un matras dans un lieu moderement chaud, elle y acquerera une odeur trés puante. En distillant cette liqueur on en retirera une bonne quantité d'esprit volatile urineux

trés fœtide.

Dans ces operations une partie de l'acide vitriolique contenu dans le foufre se joint avec le sel alkali du Tartre, & forme avec lui un sel neutre qui est le Tartre vitriolé, & qui reste fixe au sonds du vaisseau, pendant qu'une autre partie de cet acide joint avec toute l'huile bitumineuse du sousre raresiée par le seu, s'éleve en vapeurs, & produit par le nouvel arrangement de leurs parties ce nouveau sel volatile urineux.

Pendant que je travaillois sur cette matiere je trouvas dans l'Histoire Latine de l'Academie Royale des Sciences écrite par M. du Hamel une experience fort singuliere faite par M. Bourdelin, qui peut servir de preuve à tout ce que je viens d'avancer touchant la composition des sels alkalis urineux.

Ce sçavant Academicien prit de la limaille de Fer, il Pimbiba d'une quantité d'eau suffisante pour en faire une

pâte. Ayant laissé sécher la masse, il l'imbiba d'eau de nouveau; comme il pesoit la limaille à chaque imbibition, il remarqua qu'elle augmentoit de poids. Il continua de l'humecter jusqu'à ce qu'il s'apperçût que sa pesanteur n'augmentoit plus. Pour lors il fit distiller cette limaille dans une cornuë, & il en retira une liqueur urineuse ou chargée de sel alkali volatile en assés bonne quantité.

Il arrive dans cette occasion à peu prés la même chose que dans l'operation précedente. Le Fer contient beaucoup d'huile bitumineuse & de sels vitrioliques. Lorsqu'on l'humecte avec un peu d'eau, cette limaille s'échauffe trés considerablement, sume & rend une odeur un peu fulphureuse. Dans cette occasion les sels vitrioliques contenus dans le Fer, étant dissouts & mis en mouvement par l'eau, agissent sur la partie terrestre du Fer. En même temps la matiere subtile ou la matiere du feu excitée par cette premiere action des sels sur la terre rarefie l'huile bitumineuse du metal, & avec elle quelques sels acides. Ces trois matieres s'unissent ensemble de maniere qu'elles forment un nouveau composé qui est le sel volatile urineux.

Cette derniere experience desabusera ceux qui auroient pû croire que dans les operations précedentes il se feroit moins un changement de l'acide du Salpêtre ou du soufre en sel volatile urineux, qu'une volatilisation du sel alkali fixe du Tartre ou du Nitre fixé, puisqu'il ne se ren-

contre point de sel fixe dans celle-ci.

On peut conclure de toutes ces experiences, qu'il n'y a pas moins de difference essentielle entre les sels alkalis volatiles qu'il y en a entre les sels alkalis fixes, contre le sentiment de quelques Chimistes, qui ont pensé que tous les sels alkalis volatiles étoient homogenes lorsqu'ils étoient bien dépurés, & qu'il en étoit de même des sels alkalis fixes. J'ai fait voir dans un autre Memoire que les fels alkalis fixes tirés des cendres des Plantes, étoient fort differents, & qu'ils gardoient toûjours le caractere des sels acides qui les avoient formés. Et l'on voit par ceci que

Gg iii

238 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE les sels volatiles urineux doivent aussi differer essentiellement l'un de l'autre, l'un étant formé d'un acide nitreux, l'autre d'un acide vitriolique, &c. que ces sels doivent avoir des proprietés trés differentes, & que par consequent il n'est pas à propos de les employer l'un pour l'autre indifferemment, comme quelques Chymistes le presument.

# CONSTRUCTION D'UNE HORLOGE qui marque le Tems vrai avec le moyen.

Par M. DE LA HIRE.

#### PREPARATION ET DEMONSTRATION.

28 Aoust 1717.

Soit tirée une ligne droite MYG qui represente la ligne de l'apogée du Soleil, & sur cette ligne soit pris le point M pour la Terre. Si sur le centre M on décrit un cercle YOPO dont le diametre soit MY, & qu'on prenne MC égale à la trentième partie de MY, laquelle soit divisée en deux également en Z. Sur le centre C ayant décrit un autre cercle GE égal au cercle YOP, si du point Z on tire quelque ligne ZE qui rencontre le cercle YOP en L & GE en E, ayant aussi mené les lignes CE, ML qui se rencontrent en S, il est démontré que le point S sera sur un Ellipse dont ZG sera le demi-axe, & les points C & M en seront les soyers.

Et comme MC a été prise égale à la double excentricité du Soleil, le point S sera le vrai lieu du Soleil vû de la Terre en M, donc l'angle YCS est celui du moyen mouvement, & l'angle YMS est celui du vrai depuis l'apogée en G, ce qui s'ensuit du système elliptique du Soleil.

On pourra donc par ce moyen diviser le cercle YOLP qui a son centre en M dans tous les arcs comme YL du

vrai lieu du Soleil par rapport aux arcs GE du cercle GE égal au cercle YOL, lesquels representeront le moyen mouvement du Soleil.

Maintenant si l'on prend sur le cercle YOP l'arc YO égal à la distance de l'apogée du Soleil depuis le premier point du Cancer qui est de 8 degrés 1 dans ce tems-ci : & l'apogée étant en Y, on tirera la ligne OMD qui doir representer le colure des Solftices sur ce même plan, & fur lequel le cercle YOLP representera l'Equateur. Avant donc élevé du point M la ligne KMP perpendiculairement à la ligne OMD jusqu'à ce cercle en P & K, le point P nous representera le Pole du Monde dans le colure élevé perpendiculairement sur OMO. C'est pourquoi si l'on prend l'arc PQ de 23° 29', la ligne KQ rencontrera OM en T qui representera le Pole de l'Ecliptique.

Enfin si l'on prend sur le cercle OPO les arcs OX: OV chacun égaux à l'arc PQ, & que du point K on tire les lignes KX, KV qui rencontrent OMO en I & en D. ayant divisé ID en deux également en F, & du centre F. & du demi-diametre IF ayant décrit le cercle IPDK. il representera l'Eoliptique dont les points I & D seront les commencements des fignes du Cancer & du Capricorne. Tout ceci est évident, car ce n'est que la projection de la Sphere sur un plan qu'on appelle communement

l'Astrolabe Polaire, l'œil étant placé en K.

On connoît dans cette espece de projection que si du point T on mene des lignes comme TL à tous les points L de l'Equateur, lesquelles rencontrent l'Ecliptique aux points H, tous ces points H donneront fur l'Ecliptique des divisions semblables à celles de l'Equateur. Par exemple, si l'arc OL de l'Equateur est de 30° de ce cercle; l'arc IH de l'Ecliptique representera aussi dans cette projection 30% de l'Ecliptique.

Mais comme nous avons trouvé sur le cercle OLP sans considerer que ce fsit l'Equateur, tous les points I 240 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE qui marquoient les vrais lieux du Soleil par rapport à des lieux ou à des tems moyens, nous aurons aussi sur l'Ecliptique les points H qui representeront les mêmes vrais lieux du Soleil.

Mais ce n'est pas encore assés, il saut marquer sur cette projection l'ascension droite de ces vrais lieux du Soleil qui sont placés sur l'Ecliptique, ce que les lignes MHN détermineront, puisque le point M represente le Pole, & que les ascensions droites sont déterminées par des cercles meridiens qui sont ici representés par les lignes droites MHN, & par les arcs de l'Equateur qui en donnent la quantité.

Enfin il resulte de-là que si par le point M on mene la ligne MB parallele à CE, elle marquera le moyen lieu du Soleil, & que MHN marquera l'ascension droite du vrai qui répond à ce moyen, & ces lieux seront marqués

sur le même cercle OLP qui a son centre en M.

Voici maintenant de quelle maniere on peut construire une machine fort simple qui donnera la position des lieux moyens & vrais du Soleil, sans y employer aucune courbe

ni même de cercle.

Soit une Aiguille CE comme font celles du Cadran d'une Montre ordinaire, laquelle foit mobile sur le point C, & dont la longueur CE soit égale au rayon CG ou MO du cercle OLP, & que cette aiguille porte à son extremité E une petite cheville E. Soit encore une autre aiguille égale à la premiere & mobile sur le point M avec sa cheville en L. De plus soit une regle ZE mobile au point Z & plus longue que ZE, & que cette regle ait vers son extremité une petite sente, laquelle soit saite dans la ligne de soi qui vient de son centre Z, laquelle sente puisse recevoir justement les chevilles E & L des deux aiguilles précedentes pour s'y engager justement, & que les deux aiguilles & la regle puissent couler l'une sur l'autre sans s'y accrocher.

Il est évident que dans cet état, ces trois pieces se mouvant mouvant ensemble comme elles sont engagées l'une avec l'autre, détermineront toûjours les positions des points E & L comme elles sont dans la figure dans toutes les positions qu'elles pourront prendre autour des points C & M, dont l'une CE marquera le moyen mouvement du Soleil, & l'autre ML le vrai, comme on l'a expliqué cidevant.

Enfin qu'il y ait encore une troisième aiguille FH mobile sur le point F, & qui soit de la longueur FI du rayon de l'Ecliptique, laquelle porte à son extremité une cheville H qui lui soit attachée comme les autres. Dans le mouvement de cette aiguille, la cheville H décrira l'Ecliptique IHD. Mais qu'il y ait aussi une regle THL mobile au point T, & qui ait une sente dans sa ligne de soi TH qui puisse recevoir justement la cheville H de l'aiguille précédente FH& la cheville L de l'aiguille ML; ensorte que les trois premieres pieces que j'ai décrites, seront engagées avec ces deux dernieres, & ne pourront point se mouvoir les unes sans les autres.

Il doit encore y avoir une régle MN mobile sur le point M, & qui ait une sente dans sa ligne de foi pour

recevoir aussi la cheville H de la régle FH.

Je ne dis point comment ces régles & ces aiguilles avec leurs chevilles pourront se mouvoir en passant les unes sur les autres, puisque quelques-unes de ces chevilles peuvent être en dessus, & les autres en dessous, & en se servant de quelques canons au centre de leur mouvement, comme les Horlogeurs le pratiquent ordinairement.

On pourra enfin appliquer des rouës & des pignons aux endroits où ces pieces se meuvent, pour augmenter tant qu'on voudra l'apparence de leurs mouvements qui se réduisent à la ligne CE du moyen mouvement ou de sa parallele MB, & à la ligne MHN de l'ascension droite du vrai mouvement du Soleil qui marque le temps vrai.

### 242 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

#### SECONDE METHODE.

On peut faire marquer le vrai tems à une Pendule qui montre le tems moyen en minutes sans rien changer à son mouvement ni sans y rien ajoûter, mais seulement par le moyen d'une aiguille qui marquera ce tems vrai sur les mêmes divisions du Cadran des minutes, & d'une

maniere trés simple.

Les Pendules ordinaires qui marquent les minutes ont un Cadran particulier qui est divisé en ses 60 minutes, & je demande ici un espace circulaire de 6 lignes environ de largeur au dehors ou au dedans de ce Cadran. Dans cet espace, je décrits une courbe ondée comme elle est representée dans la figure suivante, & par la regle que je vais expliquer. Cette courbe doit être tracée le plus proche qu'il sera possible du Cadran des minutes, & qu'il y ait seulement entre deux & entre ses circonvolutions autant d'espace qu'il est necessaire pour y écrire les jours des mois.

On commence à tracer cette courbe au premier point de la division du Cadran des minutes; sur ce point de la courbe je marque le premier jour de Novembre, & je continue à décrire cette courbe & sur laquelle je marque en retrogradant les jours des mois autant eloignés les uns des autres que demande l'équation des jours, ou la difference entre le moyen & le vrai mouvement du Soleil en temps pour ces jours-là; ces jours seront marqués sur la courbe par le moyen d'une ligne droite tirée du centre du Cadran des minutes jusqu'à ce Cadran, mais de peur de confusion je marque seulement les divisions de 5 en s jours, ou de 10 en 10, suivant que l'espace entre les divisions le peut permettre. Ainsi cette courbe sera divisée par l'équation des jours pour toute l'année, où l'on remarquera qu'elle va tantôt en retrogradant comme au commencement, & tantôt directement comme vers la fin, suivant la nature de l'équation; & ensin cette courbe

se termine à la ligne tirée du centre au point de la division des minutes où elle a commencé: cette courbe a dû être en onde à cause que l'équation du temps est tantôt additive & tantôt soussante.

Cette division étant faite, on prendra une autre aiguille outre celle qui sert pour les minutes, laquelle doit se mouvoir sur le même centre de la premiere, & cette aiguille doit être aussi longue que l'autre, & même plus, si la courbe a été décrite au dehors du Cadran des minutes, & on la doit dorer par son extremité pour la distinguer de l'autre qui est bleuë, & l'on pourra aussi lui ajoûter vers son extremité un petit bouton plat ou un petit Soleil doré, pour faire connoître que c'est elle qui marque

le temps vrai.

Je suppose maintenant que l'Horloge est bien reglée sur le temps moyen, & par consequent que l'aiguille bleuë des minutes marque exactement ce temps; mais pour mettre l'aiguille dorée du temps vrai au lieu qui lui convient, on attendra à une ou deux heures devant ou aprés midi, que l'aiguille bleuë soit arrivée au point de 60', & dans le même temps on placera l'aiguille dorée en la faifant paffer par le jour où l'on est, lequel est marqué sur la courbe, ayant égard au jour qu'il sera, & qui devroit être marqué entre les divisions de 5 & 5, si la distance sur la courbe est assés grande pour faire cette attention. On voit donc qu'il faudra que l'aiguille dorée puisse se mouvoir librement pour lui faire changer de place, sans alterer le mouvement de l'autre. Ensuite on les laissera mouvoir toutes deux du mouvement de l'Horloge, & l'aiguille bleuë montrera le temps moyen, pendant que l'aiguille dorée montrera le temps vrai sur le même Cadran des minutes de l'autre.

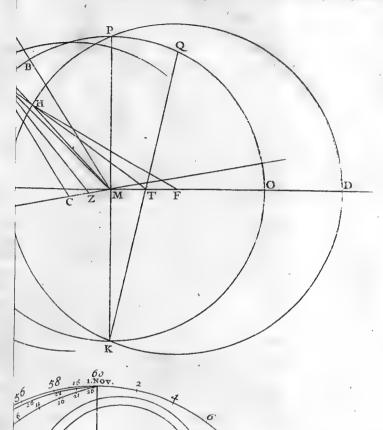
Par exemple, en considerant la figure suivante le 21 Septembre à quelque heure vers midi, l'aiguille bleuë CH du moyen mouvement étant arrivée au point de 60 minutes sur son Cadran, dans ce moment on placera l'ai-

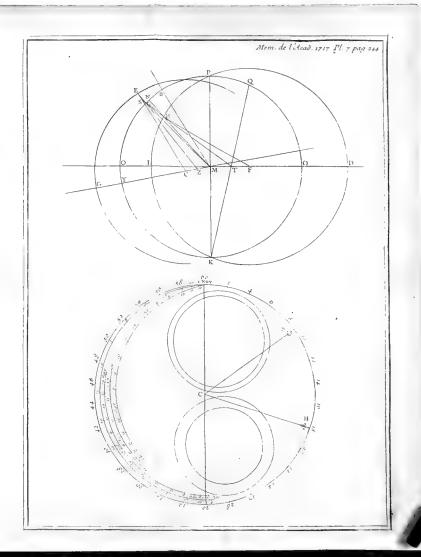
Hhij

244 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

guille dorée CS ensorte qu'elle passe par le point du 21 Septembre marqué sur la courbe ; les deux aiguilles étant donc emportées par le mouvement de l'Horloge, si aprés quelque heure de ce jour l'aiguille bleuë CH marque 18° fur le Cadran des minutes, il fera alors 18' de temps moyen aprés l'heure marquée par le Cadran des heures, mais alors l'aiguille dorée CS ne marquant que 9' sur le même Cadran, on sçaura qu'il n'est encore que 9' de temps vrai aprés l'heure de l'Horloge; & l'on doit remarquer que lorsque l'aiguille dorée se trouvera placée dans fon mouvement, ensorte qu'elle marque plus de minutes que l'aiguille bleuë, alors il faudra imputer la minute marquée par l'aiguille dorée à l'heure qui précede celle qui est marquée par l'Horloge. Par exemple, dans la disposition où sont ces aiguilles dans la Figure, si l'aiguille bleuë CH ne marquoit que 4 aprés 10 heures qui seroient de temps moyen, l'aiguille CS marqueroit 55, ce qui signifieroit qu'il seroit 55 aprés 9h de temps vrai.

On voit donc par ce qui a été dit ci-devant, qu'il faut bien placer d'abord l'aiguille CS du vrai mouvement par rapport à celle du moyen CH, & lorsque les jours sur la courbe occupent un espace considerable, il faudroit recommencer à faire souvent la même operation, mais l'Horloge étant bien reglée sur le moyen mouvement, lorsque l'aiguille CS aura été mise à sa place pour quel jour on voudra, suivant ce qu'on a enseigné ci-devant, il sera assés facile de juger de quelle quantité il faudra l'avancer ou la reculer pour les jours suivants sans avoir égard à l'aiguille CH. Par exemple, on voit que si du centre C on tiroit deux lignes par les points du 11 & du 16 Decembre jusqu'au Cadran des minutes, ces lignes intercepteroient 1' à à peu prés pour la différence de ces 5 jours entre le 11 & le 16, ce qui donneroit pour chaque jour un peu plus d'un quart de minute dont il faudra faire retrograder l'aiguille CS pour un jour sans s'assujettir à l'aiguille CH, je dis retrograder, car alors le vraitemps s'éloigne





du moyen, comme on le voit par l'ordre des jours mar-

qués sur la courbe.

On pourra par cette même methode prendre ou regler le temps vrai avec le moyen en quel jour on voudra de l'année comme au commencement de chaque mois. Car si l'on place l'aiguille du moyen mouvement CH sur le commencement de ce mois à midi, & que l'aiguille CS du vrai lieu lui soit jointe, ces deux aiguillés marqueront alors ensemble le moyen & le vrai temps, mais comme dans les jours suivants il faudra changer l'aiguille du vrai CS de place, ce qui se fera lorsque l'aiguille CH du moyen sera venuë sur le premier jour du mois, l'aiguille CS marquera successivement le vrai temps par rapport à l'aiguille du moyen qui ira toûjours felon le mouvement moyen, & cela jusqu'à la fin du mois, où l'on verra l'écart du vrai d'avec le moyen, où il faudra avoir égard si en changeant l'aiguille CS on l'a avancée, ou si on l'a reculée; car si elle a été avancée, le temps vrai sera toûjours plus grand que le temps moyen, & au contraire si elle a été reculée.

Enfin si l'on a aussi un bon Cadran solaire, ou une ligne meridienne tracée exactement, on pourra regler un Pendule sur le moyen mouvement, en se servant de cette machine. Car si dans quelque jour on place les deux aiguilles l'une sur l'autre, & qu'on les mette sur l'heure marquée par le Soleil, & que quelques jours aprés, quand ces aiguilles seront venues au jour de la courbe où on les avoit mises d'abord, si l'on en écarte l'aiguille du vrai sur la courbe de la quantité des jours entre les observations, il saudra, lorsque le Soleil marquera le même temps qu'il marquoit la premiere sois quand les deux aiguilles étoient ensemble, que l'aiguille du vrai marque aussi ce même temps, sinon l'Horloge ne sera pas bien reglée au moyen mouvement, & il faudra l'avancer ou la retarder pour la faire convenir selon qu'elle retardera ou avancera.

Par exemple, le 11 Decembre on met les deux aiguil-H h iii

246 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE les ensemble, & on les place à midi au commencement de la division du Cadran des minutes lorsqu'il est midi au Soleil, & dix jours aprés lorsque ces aiguilles seront revenuës ensemble à la division du 11 Decembre sur la courbe, ayant avancé celle du vrai sur la courbe jusqu'au 21 Decembre, il faudra, lorsque le Soleil sur le Cadran solaire ou à la Meridienne marquera midi, que l'aiguille du vrai temps marque aussi midi, sinon l'Horloge n'est pas reglée sur le moyen mouvement, car alors l'aiguille du moyen qui emporte celle du vrai, & qui doit montrer l'équation de l'Horloge par rapport à celle du vrai pour ces dix jours, sera trop ou trop peu avancée; il faudra donc retarder ou avancer l'Horloge, en abbaissant ou élevant le poids du Pendule, tant qu'on trouve, comme onvient d'expliquer, que l'aiguille du vrai s'accorde avec le Soleil. Mais on a des moyens fort commodes & fort justes par les observations des Étoiles fixes pour regler les Pendules sur le moyen mouvement du Soleil jusqu'aux secondes.

On doit bien remarquer, comme j'ai dit ci-devant, que lorsqu'on fait mouvoir l'aiguille du vrai mouvement, il ne saut pas avancer ni retarder l'aiguille du moyen.

# SUR LA VOLATILIS ATION vraye ou apparente des Sels fixes.

#### Par M. LEMERY.

14 Juillet

Ans le dernier Memoire que j'ai eu l'honneur de lire à la Compagnie, j'ai avancé que les Sels alkalis tant fixes que volatiles n'étoient point tels, c'est-à-dire, alkalis dans la plante ou dans l'animal dont on les retire; mais qu'ils y habitoient sous la forme d'un Sel salé ou acide concret, & qu'ils ne devenoient ensuite alkalis que par les moyens mêmes dont on se sert pour les retirer, & qui en leur enlevant une portion de leurs acides, les met-

toient par-là en état d'admettre autant de nouveaux acides qu'ils en avoient perdu d'anciens; qu'enfin ces Sels
alkalis étoient, à proprement parler, des Sels à demi décomposés, & qu'il étoit facile de recomposer ou de rétablir dans leur premier état, en leur restituant les mêmes
acides qu'on leur avoit ôté: par exemple, dans l'opération
du Nitre sixé par les charbons, on chasse des pores de la
matrice terreuse du Salpêtre une grande quantité d'acides
nitreux, ce qui donne une forme alkaline à ce Sel; & en
y versant ensuite de l'Esprit de Nitre, on le recompose de
maniere qu'on lui fait perdre sa forme alkaline, & qu'il
redevient parsaitement tel qu'il étoit avant l'opération,
c'est-à-dire, un veritable Salpêtre.

Quant à la volatilité des Sels, j'ai dir dans lemême Memoire, que c'étoit l'ouvrage de la fermentation, qui dans les animaux, par exemple, volatilifoit le même Sel, qui un peu auparavant étoit fixe dans la plante où il habitoit, & qu'il arrivoit souvent aussi que ce qui étoit volatile dans l'animal redevenoit fixe dans la plante, & tout cela suivant que le corps volatile s'associoit à des parties terreuses qui le fixoient, ou que le corps fixe déposoit une portion de ses parties terreuses, & recevoit en place des parties huileuses qui le rendoient plus leger & plus facile à être emporté en l'air. Ces parties huileuses se manisestent asses dans les Sels volatiles par le goût & l'odeur d'huile brûlée & sœtide que répandent ceux qui ont été

tirés des plantes & des animaux.

Pour prouver la maniere dont je suppose que les Sels se volatilisent, je n'ai point allegué une experience de Mr. Homberg qui favorise parsaitement mon opinion, & qui se trouve à la fin de ses Essais de Chimie donnés en 1702. Je ne me suis point étendu non plus sur la maniere dont les Sels salés ou acides concrets deviennent alkalis, parce que ce détail m'auroit trop détourné de mon objet principal que je ne voulois point perdre de veûë; & je me suis engagé à traiter une autre sois cette matiere.

248 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE en examinant quelle est la matrice veritable du Salpêtre & du Sel armoniac nitreux.

Cependant j'avois en main depuis fort long temps une Experience curieuse, dans laquelle on pourroit dire que le Sel fixe & alkali du Tartre qu'on y employe devient volatile par le moyen du Soufre du Fer, & peut-être aussi d'un acide nitreux & vitriolique qui se trouve dans le mêlange: & comme Mr. Geoffroy vient de nous donner une Experience dans laquelle il paroît aussi avoir fait un Sel volatile par un autre procedé, & avec des ingredients differents; sçavoir avec le charbon & le Salpêtre; de plus, comme il nous a donné son sentiment sur la nature & la formation des Sels alkalis, j'ai crû que par la raison que nous avions parlé en même temps sur le même sujet, je devois aussi rapporter dans le même temps mon observation sur la volatilisation des Sels; mais je ne le sais aujourd'hui que pour prendre datte, d'autant que mon experience meritant bien d'être suivie, viendra encore dans la suite accompagnée de plusieurs autres qui n'ont été

imaginées qu'à son occasion.

Deux ou trois assemblées avant celle où le Czar nous honora de sa presence, je rapportai à l'Academie une Observation que j'avois faite sur le Fer dissout par plusieurs fortes d'Eaux fortes & d'Esprit de Nitre; c'est que quand la liqueur est autant chargée de Fer qu'elle le peut être, ce qu'on reconnoît parce qu'elle est devenuë d'un rouge foncé, qu'elle a acquis une consistance sirupeuse, & qu'elle ne fermente plus ou trés peu avec de nouveau Fer; si on la passe alors par un papier gris, il reste ordinairement ensuite sur le filtre une espece de marc rougeâtre, & ce marc lavé en y versant de l'eau pure, laisse passer une liqueur quelquesois un peu rougeâtre, d'autre sois ou jaunâtre ou verdâtre, ce qui forme une seconde liqueur ou dissolution de fer qui se trouve assés souvent trés différente de la premiere qui étoit trés rouge, & qui a passé d'abord sans le secours de l'eau; car au lieu que l'huile

de Tartre versée sur la premiere dissolution ne détruit point sa couleur rouge, & ne forme qu'une espece de coagulum de la même couleur, avec lequel on peut faire de belles végétations; l'huile de Tartre versée sur la seconde liqueur forme à l'instant même un coagulum verdâtre & trés abondant, avec lequel je n'ai jamais pû faire de végétations; ce qui m'a donné lieu de conjecturer que l'Eau n'emportoir alors qu'un Vitriol ordinaire, ou un Fer dissout par un acide vitriolique, & cela d'autant mieux que le Vitriol vert ordinaire fondu dans l'Eau & mêlé avec un Sel sixe forme à l'instant un coagulum verdâtre & parsaitement semblable à celui de nôtre dissolution: nous verisserons plus particulierement dans la suite cette conjecture.

Je remarquai encore que quoi-que les acides du Salpêtre fassent la base de l'Eau sorte & de l'esprit de Nitre, & même que plusieurs Chimistes n'imaginent pas qu'il y ait dans ces deux liqueurs d'autres acides que ceux dont on vient de parler, il y a cependant tout lieu de croire que ces deux liqueurs contiennent réellement aussi des acides vitrioliques, & quelquesois en une quantité sort considerable, comme les essets que je rapporterai en leur

lieu, le dénotent trés clairement.

Enfin, comme je n'avois en vûë pour lors que de faire fentir à la Compagnie qu'il fe pourroit bien faire que dans la distillation de l'Eau forte & de l'esprit de Nitre, outre les acides nitreux qui s'élevent du Salpêtre employé dans ces deux operations, il s'élevoit aussi des acides vitrioliques fournis par la terre grasse ou le Vitriol employés aussi dans ces operations, je ne sis remarquer autre chose que la couleur verdâtre du coagulum qui se formoit par le mêlange de l'huile de Tartre, & de nôtre seconde dissolution du Fer, & je tû une autre circonstance que je n'avois pû m'empêcher de remarquer un grand nombre de sois, mais que je ne voulois point publier que je n'eusse fait à cette occasion plusieurs autres experiences pour m'assurer plus parsaitement de la vérité du Mem. 1717.

250 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE fait; & comme j'étois alors occupé à un autre travail,

l'avois remis à un autre tems l'examen dont il s'agit.

La circonstance que j'avois passé sous silence, c'est que quand on verse du sel de Tartre sur nôtre seconde dissolution du Fer qui produit un coagulum verdâtre; il s'éleve aussi-tôt du mêlange une forte odeur d'urine ou de sel volatile, qui augmente à mesure qu'on augmente la dose du sel de Tartre. Il y a environ deux mois qu'en faisant ce mêlange en presence de quelques gens pour leur faire voir la couleur du coagulum dont il a été parlé, ils furent frappés en même tems les uns & les autres, sans que je leur en parlasse, de l'odeur urineuse de la liqueur; & l'un d'eux prit le mêlange dans le dessein de verifier si c'étoit veritablement à des fels volatiles qu'étoit dûë l'odeur urineuse, ne le pouvant faire moi-même alors par les raisons qui ont été dites; mais je n'ai point appris depuis que cette experience eut été executée, & effectivement elle ne l'a point été; & Samedi dernier ayant promis, à l'occasion du Memoire dernier de M. Geoffroy, que j'apporterois à la Compagnie l'experience dont il s'agit, je l'ai refaite depuis, & je l'ai en quelque sorte rachevée en faisant distiller le mêlange.

Je mêlai donc Lundi dernier dans une petite cucurbite, une bonne quantité d'huile de Tartre avec nôtre seconde dissolution de Fer, & il s'éleva aussi-tôt une grande quantité de vapeurs urineuses; je couvris la cucurbite de son chapiteau; & soit parce qu'elle étoit dans un lieu où le Soleil donnoit de temps en temps, soit par la seule sermentation du mêlange, il monta une si grande quantité d'esprits volatiles urineux au chapiteau, que l'ayant ôté de dessus la cucurbite, & y ayant porté le nés, j'en sus vigoureusement frappé & obligé même de me reculer promptement, parce qu'il ne m'étoit pas possible de soutenir l'essont des parties spiritueuses qui s'en exhaloient.

Le lendemain, aprés avoir bien luté les jointures, je sis distiller la liqueur, d'abord à un petit seu, & peu de temps aprés je voulus voir ce qui étoit monté dans le récipient, & qui devoit être la portion la plus chargée de sels volatiles: je trouvai en effet qu'elle portoit fortement au nés comme sont les sels volatiles, & qu'elle avoit une saveur trés piquante; il me parut même trés sensiblement qu'elle ne differoit point, quant à l'odeur, d'un esprit volatile ammoniac assez fort, & l'ayant senti d'assez prés, j'en sus surpris & incommodé de la même maniere: ensin j'en mêlai avec la solution du sublimé corrosif, ce qui sit un précipité trés blanc & trés abondant, & ce qui ne me laissa aucun lieu de douter que je n'eusse retiré par cette voye un veritable sel volatile alkali.

La seconde portion qui est venuë ensuite par une chaleur un peu plus sorte, avoit une odeur d'urine moins considerable, mais quand on en mettoit sur la langue, elle la piquoit vivement, & saissission en même temps le nés. Elle a fait un précipité trés blanc & trés abondant avec le

sublimé corrosif.

La troisième & la quatrième portion, pour lesquelles on avoit encore augmenté le feu, avoient une odeur & un goût fade; cependant elles ont fait avec le sublimé un lait moins chargé à la verité que les deux premieres portions.

La matiere restée dans la cucurbite aprés la distillation y étoit sous la forme d'une masse calcinée qui tenoit au sond du vaisseau. Pour l'en détacher, j'y ai versé de l'Eau qui en a dissout toute la partie saline, & il est resté au dessous de la liqueur une poudre verdâtre ou noirâtre qui teignoit le liquide de la même couleur, quand on agitoit & qu'on broüilloit le tout; aprés quoi la poudre se précipitoit au sond comme auparavant; la dissolution saline dont on vient de parler, mêlée avec le sublimé corrosis, a fait un jaune soncé; & la poudre verdâtre séparée de la liqueur qui nageoit dessus, est devenuë ensuite sort jaune: il me reste quelques autres experiences à faire sur la masse restée au sond de la cucurbite aprés la dissillation.

Il m'en reste encore d'autres à faire sur la solution du

252 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Vitriol ordinaire comparée à nôtre seconde dissolution du Fer, & sur un grand nombre de dissolutions de Fer saites par disserents acides. Tout ce qui m'a paru jusqu'ici, c'est que quand on verse de l'huile de Tartre sur la premiere portion de nôtre dissolution de Fer saite avec l'esprit de Nitre ordinaire, on n'apperçoit point d'odeur urineuse, ou si elle en sait sentir, ce qui est fort rare, c'est toûjours trés peu de chose en comparaison de ce que produit la seconde portion qui verdir avec l'huile de Tartre comme il a été dit. Je suivrai plus particulierement toutes ces experiences, & j'en rendrai compte à la Compagnie.

Au reste, quoi-qu'il paroisse trés vrai-semblable que M. Geosseroy & moi nous ayons trouvé le secret de saire un veritable sel volatile qui n'existoit point, quant à sa sorme, avant nos experiences, & qui pour cela même devroit être consideré comme un sel volatile de nôtre saçon, ou comme une production de l'art, cependant il me reste encore des doutes & des scrupules sur la formation de ce sel, & quelques épreuves que je medite pour la verissication de ces doutes pourroient bien nous ôter à l'un & à l'autre la gloire d'avoir fait un sel volatile, & ne nous laisser que celle d'avoir développé & sair paroître un sel volatile caché auparavant, & comme enseveli dans une matiere où communément on ne s'avisoit point de le soupçonner: mais ensin quoi-qu'il en soit nous gagnerons toûjours beaucoup tous deux en découvrant la verité.

J'ajoûterai ici une reflexion que l'amour de la verité ne me permet pas de passer sous silence, c'est que soit que par les procedés & avec les matieres dont nous nous sommes servis, nous ayons essectivement donné lieu à la formation d'un veritable sel volatile alkali; soit que nous n'ayons sait autre chose par nos procedés que de dégager un sel qui étoit auparavant tout sormé, toûjours est-il vrai de dire que d'autres avant nous avoient déja fait la même chose par des procedés particuliers & avec des matieres semblables aux nôtres, c'est-à-dire, qu'on ne soupconnoit

guere de contenir des sels volatiles, & pour en être convaincu, il n'y a d'abord qu'à lire la seconde édition des Secrets du seu sieur Rousseau, p. 56 & 57, on y verra que le Vitriol de Venus donne par la distillation un veritable sel volatile, & qu'on retire un sel de la même espece, en redistillant & poussant par un dernier degré de feu le caput mortuum de tous les Vitriols, qui a été au-

paravant exposé à l'air.

Dans la seconde édition de l'Histoire Latine de l'Academie faite par M. du Hamel, on voit p. 219, que M. Bourdelin, aprés avoir humecté & desseché ensuite & à differentes reprises de la limaille d'Acier, de maniere qu'elle ne se chargeoit plus de nouvelle eau, & qu'elle avoit beaucoup augmenté de poids, en avoit retiré en cet étar par la distillation une liqueur chargée de sel volatile. & qui fermentoit vigoureusement avec l'esprit de sel. Cette experience s'accorde parfaitement avec celles du feu Sr. Rousseau; car si le Fer donne si aisément un sel volatile. comme ce metal sert de base à une grande quantité de Vitriols naturels, il n'est pas étonnant que ces mêmes Vitriols donnent aussi du sel volatile; & ce qui confirme encore ces mêmes experiences, c'est que du Vitriol artificiel fait avec du Fer, fournit aussi un sel volatile, comme il paroît par l'experience de ma façon que j'ai rapportée, & qui fait le sujet de ce Memoire.

Nous ne parlerons point ici de ce que M. Homberg a donné dans les Memoires de l'Academie de 1702 & de 1714 pour la volatilisation des sels, car ce ne sont point de sels volatiles alkalis, mais de sels salés dont il s'agit dans ces Memoires; nous rapporterons seulement une Experience curieuse du même M. Homberg qui se trouve dans la seconde édition de l'Histoire Latine de l'Acade-

mie Royale des Sciences.

Il jette une partie d'Alun & deux parties de sel de Tartre dans une cornuë à laquelle il applique un vaste récipient, & la matiere poussée par un seu gradué, donne

254 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE d'abord un esprit urineux, puis un sel volatile trés beau & trés penetrant. Il recommande de faire l'operation en grande quantité, c'est-à-dire, de mettre au moins dans la cornuë quatre livres & demie de matiere, sans quoi l'operation ne réüssiroit pas; & cela, parce qu'une petite quantité de sel étenduë dans un grand récipient pourroit à peine être reconnoissable & recueillie.

M. Homberg ne s'attribuë point la formation du sel volatile dont il s'agit, il croit qu'il étoit tout formé & contenu dans l'une des deux matieres qu'il avoit employées, mais il ne pense pas que ce sut dans l'Alun, où il ne reconnoît qu'un acide vitriolique & une terre. C'est donc dans le sel de Tartre qu'il prétend que le sel volatile en question est engagé & arrêté, & il suppose que ce sel volatile se débarasse & s'éleve par le secours de l'acide de l'Alun, qui se joignant au sel sixe, l'oblige par-là à lâcher & laisser partir le sel volatile.

Mais on ne voit pas trop par quel endroit deux sels alkalis se trouvent si étroitement unis ensemble; ce qu'on sçair, & ce que j'ai déja remarqué dans un autre Memoire, c'est que les parties integrantes des sels alkalis sont si peu propres à s'unir qu'elles ne se cristallisent point ou presque point, & qu'on les sépare les unes des autres avec la derniere facilité.

On conçoir encore moins comment le sel volatile que M. Homberg suppose joint avec le sel fixe du Tartre, & auquel on ne peut resuser par sa nature de sel volatile une disposition trés grande à s'envoler, comment, dis-je, ce sel volatile a été assez fortement arrêté par le sel fixe pour avoir resisté en cet état à l'action du seu de calcination qu'on a coutume d'employer dans l'operation ordinaire du sel de Tartre, & en general de tous les sels fixes.

On trouve donc plus vrai-semblable de supposer ou que le sel volatile dont il s'agit est artificiel & de la façon de M. Homberg, ou qu'il habitoit réellement dans l'Alun; & en effet le Vitriol qui ne differe de l'Alun que par sa matrice, & qui contient aussi-bien que lui une grande quan-

255

tité de la même espece d'acide; le Vitriol, dis-je, sans le secours & le mêlange du sel de Tartre donne par la distillation un sel volatile, comme il a déja été dit : de plus on scait qu'il entre de l'urine dans la fabrique ordinaire de l'Alun, de maniere qu'il paroîtroit en quelque sorte qu'il y a réellement du sel volatile dans le Fer, & peut-être même dans d'autres matieres metalliques; que c'est de-là que les Vitriols naturels & artificiels empruntent celui qu'ils donnent par la distillation; que celui qu'on retire de l'Alun lui a aussi été apporté ou par sa matrice ou par l'urine dont on se sert dans la fabrique de ce sel; que le sel volatile dans l'Alun & dáns le Vitriol se trouve joint avec l'acide vitriolique dont ces sels sont composés; qu'il y forme une espece de sel ammoniac, & que le seu venant à agir sur ce composé, oblige le sel volatile à se desunir de l'acide qui ne peut s'élever aussi haut ni aussi promptement que lui. On pourroit dire encore que quand on mêle un sel fixe alkali avec le Vitriol ou l'Alun, ce sel fixe ne fait en cette occasion que s'unir à l'acide vitriolique qui tenoit au sel volatile, & donner lieu par-là à une plus grande quantité de sel volatile de se dégager & de s'élever sous la forme ordinaire & avec les proprietés de cette espece de sel. Ce qu'il y a de vrai, c'est que la promptitude avec laquelle le sel volatile s'éleve du Vitriol artificiel de nôtre experience, dés que ce Vitriol a été touché par le sel de Tartre, que cette promptitude, dis-je, est une espece de préjugé contre la production artificielle du sel volatile qui sembleroit demander un temps plus considerable pour sa formation. De plus on sçair que quand le sel ammoniac ordinaire a été humecté & mêlé avec un sel fixe alkali, le sel volatile que contient le sel ammoniac s'en dégage aussi-tôt & s'éleve avec la même promptitude & dans les mêmes circonstances que dans nôtre experience, ce qui sembleroit favoriser encore l'idée d'un simple développement : & s'il ne se passe pas autre chose dans nôtre experience, il est aisé de prouver trés clairement que toutes les autres, sans en excepter 256 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE aucune, sont précisément dans le même cas; c'est ce que nous trouverons peut-être occasion de verifier plus parti-culierement dans la suite.

## DE LA GRANDEUR

# DES ETOILES FIXES;

## ET DE LEUR DISTANCE A LA TERRE.

#### Par M. CASSINI.

13 Novembre 1717.

Es premiers qui ont consideré les Etoiles fixes, n'ont eu que des idées fort imparfaites de leur grandeur & de leur distance à la Terre.

Accoutumés à ne juger des objets que par l'impreffion qu'ils excitent sur les sens, ils se sont imaginés qu'elles étoient attachées fixement dans la concavité d'une voute celeste qui se terminoit à l'horison, qu'ils ont appellée azurée, à cause de sa couleur bleuë en apparence.

A peine l'élevation de cette voute surpassoit-elle celle des plus hautes Montagnes, si l'on en croit ce qui est rapporté par plusieurs anciens Auteurs d'Atlas qui soute-

noit le Monde sur ses épaules.

On peut aussi juger de l'idée qu'ils avoient de la grandeur des Étoiles par les noms qu'ils ont attribué à des Constellations qui en renserment un grand nombre. Car pour ne point parler des personnages qui se sont signalés sur la Terre par de grandes actions, & que la flatterie a cru pouvoir immortaliser en les transportant dans le Ciel aprés leur mort, ils ont donné à quelques-unes de ces Constellations les noms de divers animaux, & même des plus vils & abjects tels que le Scorpion, qui n'a pas laissé d'être admis au nombre des Signes celestes, & d'occuper une des places des plus éclatantes du Ciel.

A me-

A mesure que nos connoissances augmenterent, à mesure les Etoiles parurent s'éloigner de nous. On rejetta l'opinion de ceux qui croyoient que le Soleil se couchoit tous les jours dans la Mer oceane, & qui, au rapport de Possidene cité par Strabon, asseuroient que vers les Côtes d'Espagne on entendoit le bruit qu'il faisoit en se plongeant dans la Mer, & on plaça le Soleil à une distance de la Terre assés grande pour qu'il ne sût point sujet à de pareils accidents.

Ayant ensuite consideré le mouvement des autres Planetes, dont trois surent reconnues être au dessous du Soleil & trois au dessus, on attribua à chacune de ces Planetes une Sphere particuliere à laquelle on donna une certaine épaisseur, asin qu'elles ne se sissent d'obstacle les unes aux autres dans leurs révolutions, & on plaça au dessus une huitième Sphere qui enveloppoit les autres, & sur dessinée pour les Étoiles sixes.

L'Astronomie s'étant ensuite persectionnée, on trouva la méthode de déterminer exactement la distance de la Terre à la Lune, qui est la plus proche de toutes les Etoiles, puisqu'elle les éclipse par sa rencontre. Les Etoiles sixes se trouverent par-là encore plus éloignées qu'on ne l'avoit crû jusqu'alors; mais telle est la force des préjugés qu'ils n'oserent leur assigner des limites aussi étenduës que celles qui resultoient de leurs Observations.

Il leur paroissoit absurde que la Terre qu'ils croyoient fixe au centre du Monde, & autour de laquelle ils prétendoient que tous les Astres faisoient leurs révolutions, sût cependant plus petite que la pluspart de ces Etoiles, & qu'on pût s'imaginer, par exemple, que le Soleil la surpassat un million de sois en grandeur.

Pour nous qui ne reconnoissons point de bornes à l'immensité des ouvrages de Dieu, qui nous a appris par son Prophete que les Cieux & le Firmament nous faisoient connoître sa gloire & l'excellence de ses ouvrages, nous examinerons sans aucun préjugé quelle est la grandeur

Mem. 1717. K

258 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE des Étoiles fixes qui resulte de nos Observations.

On ne peut guere séparer la consideration de la grandeur des Étoiles sixes de celle de leurs distances, puisque ces deux connoissances sont si étroitement unies ensemble, que l'une étant déterminée, l'autre en resulte necessairement.

En effet, la Geometrie nous apprend qu'ayant déterminé la grandeur apparente d'un objet éloigné & sa distance, on sçait sa grandeur veritable, & que réciproquement connoissant la grandeur apparente de cet objet & sa grandeur veritable, on peut déterminer sa distance.

A l'égard de la grandeur apparente des Étoiles fixes, il est disticile de la connoître exactement, à cause que les rayons qu'elles jettent de toutes parts & la vivacité de la lumiere qui les environne, empêchent de distinguer le

terme de leur circonference.

Entre les méthodes qu'on peut employer pour la déterminer, nous avons preferé celle qui resulte de la comparaison de leur grandeur à celle des autres Planetes qui est connue assés exactement.

Nous avons choisi pour cette recherche Sirius dans le grand Chien, qui est la plus belle & la plus éclatante des

Étoiles fixes qui paroissent sur nôtre horison.

Pour diminuer la vivacité de sa lumiere, nous avons appliqué au Verre objectif d'une Lunette excellente de 34 pieds un Carton qui couvroit la plus grande partie de ce Verre, & ne laissoit qu'une ouverture ronde d'un pouce & demi de diametre.

La Lunette étant ainsi préparée, nous l'avons dirigée à Sirius dont le disque nous a paru assés bien terminé & déposiillé de la pluspart des rayons étincellents qui l'envi-

ronnent ordinairement.

Jupiter étant alors sur l'horison, nous l'avons observé avec la même Lunette, & l'ayant comparé avec Sirius, nous avons trouvé que son diametre étoit dix sois plus grand que celui de cette Etoile.

Le diametre apparent de Jupiter étoit alors de 50 se-

condes, d'où il resulte que celui de Sirius étoir d'environ

s secondes.

Si l'on pouvoit presentement connoître la distance de cette Etoile à la Terre, on auroit sa grandeur veritable, mais il faut avoüer qu'on ne peut pas assigner de limites exactes à la distance des Etoiles fixes. Tout ce que l'on en sçait de certain, & qui est generalement reçu de tous les Astronomes, est que leur distance à la Terre surpasse celle de toutes les Planetes, dont la plus éloignée de nous, gui est Saturne, l'est d'au moins 100 mille diametres de la

Terre ou 300 millions de lieuës.

Supposant cette distance & le diametre apparent de Sirius de , secondes, tel que nous venons de le déterminer, si l'on fait comme le sinus total est au sinus de 5 secondes, ainsi 100 mille diametres de la Terre sont à un quatriéme nombre, on aura la grandeur du diametre de cette Etoile de deux diametres & un tiers de la Terre, ou de 7000 lieuës, & cela dans la supposition que la distance de Sirius à la Terre n'est pas plus grande que celle de Saturne, ce qui est la moindre étendue qu'on puisse lui assigner, car on a lieu de conjecturer que cette Etoile est à une distance beaucoup plus grande, comme on le verra dans la suite de ce discours.

Si l'on suppose avec quelques Philosophes que les Etoiles fixes sont autant de Soleils, & qu'étant de la même nature & également lumineuses en elles mêmes, elles font aussi à peu prés de la même grandeur, la distance du Soleil à la Terre étant pour le moins de 10 mille diametres de la Terre, & le diametre apparent de Sirius étant à celui du Soleil comme 1 à 384, on aura la distance de Sirius à la Terre de trois millions 840 mille diametres de la Terre. Too at the in a median of ub ruptus noi

Pour ce qui regarde les autres Etoiles fixes, si on juge que plusieurs d'entre elles ont une grandeur uniforme, & qu'elles ne paroissent plus petites les unes que les autres que parce qu'elles sont plus éloignées, leur distance à la Kkij

260 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Terre doit être presque incomprehensible. Car sans parser de celles que l'on apperçoit à la vûë simple, & qui sont trés petites par rapport aux Étoiles de la premiere grandeur, nous en distinguons encore une infinité d'autres par le secours de nos plus grandes Lunettes qui paroissent de la même grandeur que les plus petites que nous discernons à la vûë simple, & plus nous employons de grandes Lunettes, plus nous en découvrons, ensorte qu'il n'est

pas possible d'en définir le nombre.

Quelques-unes des Lunettes que nous employons augmentent plus de 200 fois la grandeur des objets, ainsi si l'on suppose que le diametre apparent des plus petites Etoiles que l'on peut discerner à la vûë simple est six sois plus petit que celui des Etoiles de la premiere grandeur, on aura le diametre apparent de quelques-unes de celles que nous observons par nos Lunettes douze cent sois plus petit que celui des plus grandes Etoiles, & supposant leur grandeur uniforme, ces Etoiles feront douze cent sois plus éloignées de nous que Sirius, dont la distance a été trouvée de trois millions huit cent quarante mille diametres de la Terre.

Quelque prodigieux que soit cet éloignement, il doit être encore sans comparaison plus grand, si l'on considere la distance des Etoiles sixes à la Terre qui resulte de l'hypothese de Copernic, laquelle est la plus generalement reçue des Philosophes à cause de sa merveilleuse simplicité.

Suivant ce système le Soleil & les Etoiles sont fixes; la Terre fait une révolution autour de son axe en 24 heures, ce qui produit l'apparence du mouvement journalier

des Planetes & de toutes les Etoiles.

Elle acheve aussi dans l'espace d'une année sa révolution autour du Soleil, en décrivant un cercle qu'on ap-

pelle Ecliptique ou Orbe annuel.

On attribue même le mouvement apparent des Étoiles fixes à un mouvement presque insensible de l'axe de la Terre autour des poles de l'Écliptique qui s'accomplit en 25000 années.

Il resulte de ce système que la Terre parcourt dans l'espace de six mois la moitié de son Orbe, & est transportée par ce mouvement à l'opposite du lieu d'où elle étoit partie dont elle se trouve éloignée du double de sa distance au Soleil, c'est-à-dire, de plus de 20 mille diametres de la Terre.

Si donc l'on suppose une Etoile fixe placée à une distance quelconque, la Terre décrivant par son mouvement propre l'Orbe annuel, cette Etoile doit répondre à divers points du Ciel, à l'égard desquels elle forme un angle

qu'on appelle parallaxe de l'Orbe annuel.

On peut se former une image sensible de cette parallaxe, en faisant attention à ce qui nous arrive dans les voyages où nous voyons de côré & d'autre du chemin deux Arbres, deux Clochers ou deux autres objets dont l'un est fort éloigné, se répondre en ligne droite. A mesure que nous avançons, l'objet le plus proche semble se détacher & s'éloigner de celui qui est le plus éloigné, à proportion de sa distance, & la Geometrie-pratique nous apprend à déterminer l'éloignement de ces objets, pourvûr que nous connoissions le chemin que nous avons parcouru & les angles qu'ils ont sormé à ses extremités.

Il resulte de-là que connoissant la distance du Soleil à la Terre, si l'on peut discerner dans la situation d'une Etoile sixe quelque variation d'une saison de l'année à l'autre causée par le mouvement de la Terre autour du Soleil, on aura la distance de cette Etoile à la Terre, & que connoissant son diametre apparent, on aura aussi sa

grandeur veritable.

Cette recherche est d'autant plus importante, que st l'on pouvoir parvenir à établir la Parallaxe de l'Orbe annuel, on auroit une preuve solide du mouvement de la Terre, au lieu que cette Parallaxe étant nulle ou insensible, on en tire un des plus sorts arguments contre ce mouvement, à cause de la prodigieuse distance des Etoiles sixes & de leur énorme grandeur qui en resulte.

K.k. iij.

## 262 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

C'est aussi dans ce dessein que divers Astronomes ont essayé de découvrir s'il y avoit quelques variations dans

les Étoiles fixes qui pût favoriser cette parallaxe.

Il est fait mention dans le voyage d'Uranibourg & dans les Memoires de l'Academie du 31 Juillet 1693 des Variations observées dans la hauteur de l'Etoile Polaire en differentes saisons de l'année, mais comme elles ne s'accordoient pas toutes à ce qui devoit resulter du mouvement de la Terre, & qu'il y en avoit même qui y étoient contraires, on n'en avoit pû tirer aucune consequence qui servit à l'établir.

M. Flamsteed, celebre Astronome Anglois, crût être plus heureux dans ses découvertes, & entreprir de prouver dans une Lettre qu'il écrivit à M. Wallis, & qui est inserée dans le troisième Tome de ses Ouvrages, que les Variations qu'il avoit observées dans la hauteur de cette Etoile étoient causées par le mouvement de la Terre autour du Soleil; mais nous avons fait voir dans les Memoires de l'Academie de 1699 que l'on ne pouvoit rien conclure de ses Observations qui savoris cette hypothese.

Il est souvent dangereux de se prévenir en saveur de quelque système, on rejette comme abturde tout ce qui y est contraire, on prend les moindres apparences pour des preuves solides, & c'est peut-être un des plus grands

obstacles pour faire de nouvelles découvertes.

Quoi que ces tentatives te soient trouvées inutiles, nous n'avons pas laissé d'examiner si les Variations que l'on a observées depuis dans la situation de quelques autres Etoiles sixes pouvoient être saverables au mouvement de la Terre; & comme il y avoit à craindre que les alterations que les instruments peuvent soustrir en diverses saisons de l'année n'en sussent en partie la cause, nous resolumes de saire de nouvelles Observations avec toutes les précautions qu'il est possible de prendre.

Nous choisimes pour cette recherche Sirius, que plusieurs raisons nous firent preserre aux autres Etoiles sixes.

263

La premiere est que sa lumiere étant plus vive & plus éclatante que celle de toutes les autres qui paroissent sur nôtre horison, on peut l'observer tous les jours à son passage par le Meridien, & choisir les temps où sa Parallaxe doit être la plus sensible, car on l'apperçoit aisément avec des Lunettes de deux ou trois pieds même en la presence du Soleil, lorsque ces deux Astres passent en même temps par le Meridien, qui est le temps où la clarté du jour est la plus grande.

La seconde raison est que si l'on suppose que les Etoiles sont à peu-prés égales entre elles, & que les plus petites ne le paroissent ainsi que parce qu'elles sont à une plus grande distance, Sirius doit être une des plus prés de nous, & par consequent des plus propres pour discerner

s'il y a quelque parallaxe.

La troisième raison est qu'elle est située proche du colure des Solstices, lequel passe par le Pole de la Terre, sa longitude étant au dixième degré de l'Ecrevisse, d'où il resulte que les variations que le mouvement de la Terre doit causer dans la latitude de cette Etoile sont à peu prés égales à celles que l'on doit appercevoir dans sa déclinaison, tout au contraire de ce qui arrive dans l'Etoile polaire dont M. Flamsteed s'étoit servi pour chercher la Parallaxe.

Enfin la quatriéme & derniere raison est que sa déclinaison ne varie que de deux secondes 25 tierces dans l'espace d'une année, de sorte qu'ayant déterminé la situation de cette Etoile par rapport à un point sixe dans le Ciel, on doit y distinguer plus facilement toute la varia-

tion qui y est causée par la parallaxe.

Pour faire les Observations de cette Étoile avec toute l'exactitude possible, nous y employâmes une Lunette de trois pieds dont le tuyau est de Cuivre, dans laquelle on avoit placé au soyer commun des deux Verres quatre sils qui se croisoient au centre & faisoient entre eux des angles de 45 degrés.

264 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Le tuyau de cette Lunette qui étoit rond entroit vers ses extremités dans deux quarrés de Cuivre de 20 lignes de diametre & de deux lignes d'épaisseur auxquels il étoit soudé. Ces deux quarrés de Cuivre étoient posés sur une alidade ou regle de Fer à laquelle ils étoient attachés par le moyen de quelque vis.

Cette Lunette étant ainsi préparée, nous l'appuyâmes sur un quart de cercle de six pieds de rayon qui est dans la Tour occidentale de l'Observatoire, & qui est scellé dans

le mur depuis plus de 30 années.

Nous la dirigeames à Sirius au commencement d'Avril de l'année 1714, de telle forte que cette Etoile passa exactement à son Meridien par le centre de la Lunette, & nous l'arrêtames en cette situation par le moyen de deux vis qui entroient dans les extremités de l'alidade & du quart de Cercle mural.

Nous avions choisi ce quart de Cercle pour y attacher nôtre Lunette à cause de sa grande solidité qui est moins sujette à ébranlement, & parce qu'ayant été scellé depuis long-temps, il y avoit à presumer qu'il n'y arriveroit point d'alteration sensible dans l'espace d'une année, joint à ce que l'on pouvoit verisser par les Observations journalieres, si le quart de Cercle étoit toûjours dans le même état.

En examinant toutes les Observations que nous avons saites de cette Etoile, on voit que le 20 Avril 1714 elle a rasé le bord superieur du sil horisontal de cette Lunette; qu'elle a passé le 15 Mai & le 6 Juin par son centre; qu'elle a partu un peu au dessous le 27 Juin, & que le 9 Juillet on l'a vû raser la partie inserieure de ce sil; qu'elle a passé le 5 Octobre par le centre, & que le 29 Decembre elle a rasé la partie superieure de ce sil; que le 18 Janvier 1715, jour du plus grand froid de l'Hiver, elle passa par le centre; que le 27 Mars & le premier Avril elle rasa la partie superieure du sil horisontal dont elle parut un peu détachée; que le 29 Juin elle passa un peu au dessous du centre, & que le 29 Juin elle partur raser

raser le bord inserieur de ce fil, desorte que dans le cours d'une année il n'y a eu d'autre variation dans la hauteur Meridienne de Sirius que celle de l'épaisseur du fil horisontal de la Lunette qui paroissoit à peu-prés égale au diametre de cette Etoile qu'on a jugé de 5 ou 6 secondes.

Pour examiner presentement s'il y a quelques-unes de ces variations qu'on puisse attribuer au mouvement de la Terre autour du Soleil, il faut considerer que la déclinaifon Meridionale de Sirius qui étoit au mois d'Avril 1714 de 16d 21' 23" devoit être un an aprés à la fin de Mars 1715 de 16d 21'25' 55', & qu'ainsi la hauteur Meridienne de cette Etoile devoit paroître plus petite à la vûë simple, & plus grande dans une Lunette à deux Verres qui renverse les objets telle que sont celles dont nous nous fervons dans nos Obfervations.

Ainsi cette Etoile qui au commencement d'Avril de l'année 1714 passoit exactement par le centre de la Lunette, devoit à la fin de Mars & au commencement d'Avril 1715 paroître un peu au dessus du centre, conformement à l'Observation où on l'a vû raser la partie superieure du fil horisontal dont elle paroissoit un peu détachée, ce qui est une preuve que la Lunette n'avoit point fouffert d'alteration sensible dans l'espace d'une année.

Dans les autres Observations la déclinaison de Sirius augmentant, cette Etoile devoit paroître s'élever peu à peu au dessus du centre de la Lunette, au lieu qu'elle a paru quelquefois au dessous, comme on l'a remarqué à la fin

de Juin des années 1714 & 1715.

Il faut donc examiner si cette déclinaison qui a paru dans Sirius plus petite au mois de Juin que dans les autres temps de l'année est conforme à ce que demande la pa-

rallaxe annuelle & le mouvement de la Terre.

Pour donner une idée de la Methode geometrique que nous avons employée à cette recherche, nous considererons le Soleil immobile au centre de nôtre Tourbillon, & de la Sphere celeste dans laquelle est placé Sirius.

Mem. 1717.

## 266 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Si l'on prolonge jusqu'à cette Sphere celeste les axes de la Terre qui passent par les Poles de l'Ecliptique & ceux de l'Equateur, la Terre faisant sa révolution autour du Soleil dans l'espace d'une année, ces deux axes ainsi prolongés forment par leurs révolutions des Cercles égaux à ceux de l'Orbe annuel, d'où il resulte qu'une Etoile étant supposée sixe & invariable, les Poles de l'Ecliptique & de l'Equateur s'en trouvent tantôt plus prés tantôt plus éloignés.

Dans l'exemple proposé de Sirius dont la longitude est au dixième degré de l'Ecrevisse, & la latitude Meridionale de 39<sup>d</sup> 33', la Terre étant à la fin de Juin à l'opposite du Soleil, c'est-à-dire, au commencement du Capricorne, l'angle que le Pole apparent de l'Ecliptique fait au centre de la Terre avec cette Etoile est plus petit qu'à la fin de Decembre où la Terre répond au commencement de l'Ecrevisse. La latitude Meridionale de cette Etoile & sa déclinaison qui suit la même regle (comme on l'a dit ci-dessu) a donc dû paroître plus petite à la fin de Juin qu'à la fin de Decembre, conformement aux Observations & principalement à celle du mois de Juin 1715 où le mouvement de cette Etoile en déclinaison auroit dû la faire paroître plus grande.

Il reste presentement à considerer si ces variations que nous venons de trouver conformes à celles qui doivent resulter du mouvement de la Terre ne peuvent point être attribuées à l'esset des restractions, & l'on remarquera pour cela que s'il y a quelque inégalité dans les restractions d'une saison de l'année à l'autre, elles doivent être plus grandes en Hiver où l'air est plus condensé qu'en Eté où

ce même air est plus dilaté.

Nous en avons même un exemple dans l'Observation de Sirius du 18 Janvier 1715, où le froid étant le plus grand de l'année, la hauteur Meridienne de cette Etoile sut observée plus grande qu'à la fin de Decembre de l'année précedente, ce qui ne peut être attribué qu'à l'effet d'une restraction extraordinaire.

Ayant donc observé au commencement d'Avril de l'année 1714 que Sirius passoir par le centre de la Lunette fixe, la refraction qui devoit être moindre en Eté auroit dû faire paroître cet Astre moins élevé à la fin de Juin des années 1714 & 1715 tout au contraire de l'Observation.

Par la même raison la refraction étant plus grande en Hiver qu'en Eté, la hauteur Meridienne de Sirius auroit dû paroître plus grande à la fin de Decembre qu'à la fin

de Juin tout au contraire de ce qui a été observé.

On ne peut donc point attribuer les Variations que nous avons observées dans la hauteur Meridienne de Sirius aux differentes resractions de l'Eté à l'Hiver, qui bien-loin d'avoir causé celles que l'on a remarquées, auroient dû faire un esset contraire, & détruire en tout ou en partie l'apparence causée par la parallaxe de l'Orbe annuel, car supposant ces resractions plus grandes en Hiver qu'en Eté d'une certaine quantité, la parallaxe de l'Orbe annuel que nous avons remarquée seroit augmentée de toute cette quantité, ce qui seroit favorable au mouvement de la Terre si l'on pouvoit être assuré qu'il n'y ait point eu dans l'air quelque cause extraordinaire qui ait produit ces effets.

Si l'on veut presentement trouver quelle est la distance de la Terre à Sirius qui resulte de ces Variations, & quelle doit être la grandeur de cette Etoile, on sera comme le sinus de la parallaxe observée de 6 secondes est au sinus de la latitude Meridionale de Sirius qui est de 39d 33; ainsi le diametre de l'Orbe annuel qui est au moins de 20000 diametres de la Terre est à la distance de la Terre à Sirius qu'on trouvera de 437 millons 800 mille diame-

tres de la Terre.

La distance de la Terre à Sirius étant ainsi connuë, & son diametre apparent de 5 secondes, on trouvera la grandeur de son diametre veritable de 10612 diametres de la Terre. Le diametre de la Terre est à celui du Soleil environ comme 1 à 100, donc le diametre de Sirius suivant ces Observations surpasse de cent sois celui du Soleil

Llij

268 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE de même que le diametre du Soleil surpasse de cent sois celui de la Terre, & la solidité de cette Etoile est un million de sois plus grande que celle du Soleil, de même que la solidité du Soleil est un million de sois plus grande que celle de la Terre.

On peut avec beaucoup de raison appliquer à la pluspart des Étoiles sixes ce que l'on vient de remarquer de Sirius, & juger par-là de leur grandeur énorme & de leur prodigieuse distance à la Terre qui est tout-à-sait surprenante, mais qui n'est pas incomprehensible à ceux qui sont accoutumés à considerer l'immensité des Ouvrages de Dieu.

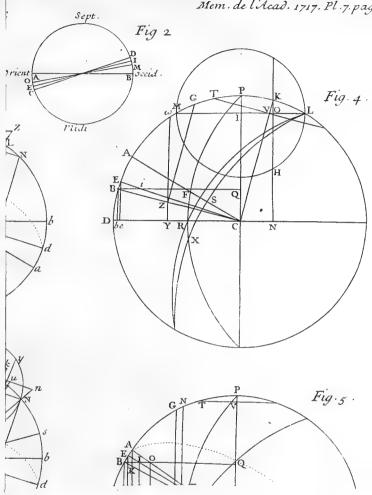
# DESCRIPTION

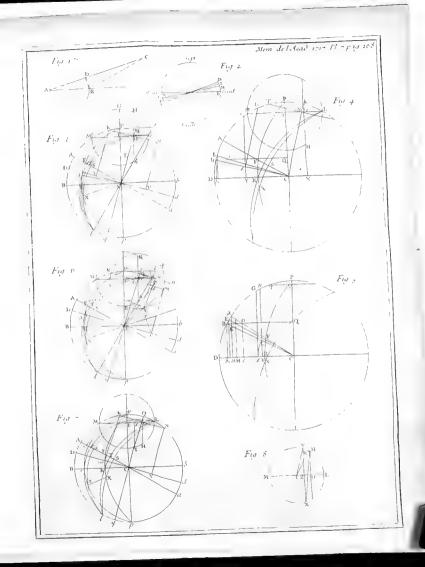
De deux nouvelles Especes de LAMIUM, cultivées au Jardin du Roy.

## Par M. DANTY D'ISNARD.

18 Decembre 1717. E grand nombre de Plantes connuës aujourd'hui, & les nouvelles découvertes que l'on en fait tous les jours enrichissent considerablement la science de la Botanique; cette multitude de Plantes pourroit par la suite apporter quelque consussion dans cette vaste science, également utile & necessaire, si pour l'éviter les sçavants & éclairés Botanisses qui s'y appliquent serieusement ne se donnoient dorênayant le soin de saire graver de bonnes sigures de celles qu'ils découvriront, & deles décrire avec tant d'exactitude, qu'en évitant la trop grande brieveté, ils rapportent toutes les circonstances necessaires dans leurs descriptions, asin qu'on ne puisse les consondre avec d'autres Plantes.

Il seroit à souhaiter que quelques-uns des Auteurs de





Botanique qui nous ont précedé, & qui nous ont donné leurs ouvrages sur les Plantes, les eussent travaillé conformement à cette idée: car combien se trouve-t-il de ces ouvrages, dans lesquels les Auteurs rapportent des Plantes comme nouvelles, qu'ils nomment seulement sans en donner de description ni de sigure qui peut-être sont déja décrites & sigurées; mais comment s'en assurer?

Que si plusieurs d'entre eux ont donné des descriptions de ces Plantes, il est arrivé quelques sois qu'ils les ont décrites, ou negligemment, ou d'une maniere si courte, qu'ils ont obmis beaucoup de circonstances necessaires, ce qui rend ces descriptions si obscures & si imparfaites qu'il en naît continuellement des doutes qui embarrassent les plus habiles Botanistes qui consultent les ouvrages de ces Auteurs.

On sent de quelle consequence il est d'éviter ces deffauts: pour m'en écarter, j'ai tâché de décrire & de faire graver avec le plus de soin & d'exactitude dont j'ai étécapable les Plantes dont je vais vous faire l'histoire, qui n'ont été décrites ni gravées, que je sçache, par aucun Auteur.

## PREMIERE ESPECE.

Lamium Italicum, maximum, flore amplo purpureo.

Lâmium d'Italie, trés grand, à grande fleur couleur de pourpre.

La racine I de cette Plante est une tousse de sibres divisées & subdivisées en plusieurs rameaux garnis de chevelu, dont les plus grosses ont une ligne de diametre, & les plus longues ont six à sept pouces: l'écorce de ces sibres est blanc sale, elle recouvre un corps blanc & ligneux.

Cette racine pousse plusieurs tiges A quarrées, longues de trois pieds; chacune de ces quatre faces ont trois lignes d'épaisseur prés du collet, laquelle diminuë jusqu'à l'extremité des tiges: elles sont noueuses d'espace en es-

Llij

270 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE pace, leurs angles sont colorés de purpurin aux environs des nœuds, glabres (c'est-à-dire sans poils) & branchuës, ses branches sont opposées, elles prennent naissance des aisselles des seuilles.

Si on coupe transversalement ces tiges, on les trouvera creuses en dedans, & on reconnoîtra qu'elles sont tapisfées interieurement de trés peu de moële blanchâtre.

Les tiges font accompagnées de feüilles dont les plus grandes font longues de trois pouces & demi sur deux pouces quatre lignes de largeur. Ces seüilles representent en quelque maniere un cœur, elles sont échancrées dans l'endroit où s'insere la queuë, dentelées en dents de scie sur les bords. On remarque trés peu de poils sur les bords des feüilles & sur les côtes arrondies qui sont au dessous de la feüille. Ces seüilles sont colorées d'un verd brun en dessus, & d'un verd plus clair en dessous; elles sont opposées par paires, & sont attachées aux nœuds des tiges par une queuë qui aux plus grandes seüilles est longue de deux pouces & large d'une ligne, & aux plus petites elle est longue de trois lignes & large d'un sillon assés prosond, & arrondie en dessous.

A la hauteur d'environ quinze pouces de la fommité, la tige est ornée à chaque nœud de plusieurs sleurs qui

partent des aisselles des feuilles.

Chaque fleur B, C, D, est d'une seule piece en gueule, longue de seize lignes; cette fleur est un tuyau D ouvert dans son son sond; ce tuyau jusqu'à l'endroit où il s'évase est long de six lignes, blanc dehors, rayé dedans de quelques lignes purpurines, ensuite ce tuyau s'élargit en maniere d'une grosse gorge, qui a quatre lignes de long & autant de large; au dessus de cette gorge ce tuyau est découpé en deux levres, dont l'une est superieure & relevée, & l'autre est inserieure & rabatuë, la levre superieure est creusée en cuilleron, elle est crenelée & garnie de poils, sa partie convexe est couleur de pourpre, & sa partie con-

cave est d'un pourpre plus pâle; la levre inferieure est rabatue, échancrée en cœur dans son milieu, dont chacun des côtés est crenelé sur les bords, creusé, marqué de points & rayé de lignes purpurines.

Cette seur contient dans sa cavité quatre étamines blanches, deux desquelles ont six lignes de long, & les deux autres n'en ont que quatre; les sommets sont jaunes,

longs d'une ligne.

Le calice E, F, G, de cette fleur est verd, d'une seule piece, qui a quatre lignes & demie à cinq lignes de long, dont le pavillon G est découpé en cinq parties qui se terminent en pointes; la plus longue de ces découpures est relevée, elle a deux lignes de long, les deux laterales ont une ligne trois quarts, & les deux inferieures se rabat-

tent & ont une ligne & demie de long.

Du fond de ce calice F s'éleve un placenta dont le bord est relevé d'un petit cercle membraneux qui reçoit le bas de la fleur. Du centre de la même superficie s'éleve un filet E, F, sourchu par son extremité, long de quatorze lignes; ce filet est blanc dans sa partie superieure & lavé d'un peu de purpurin dans sa partie inserieure. La base de ce filet F est entourée de quatre embrions de semences qui portent sur le placenta. Quelques-uns ont donné à ce filet le nom de stile; quelques autres ne le distinguant point des embrions & du placenta, appellent le tout ensemble pistile, & le sçavant M. Malpighi donne judicieusement à cette même partie le nom de trompe. Ce filet, conjointement avec les embrions, s'emboëtent dans le trou posterieur de la fleur D.

Ces embrions deviennent autant de semences H grises, luisantes, triangulaires, arrondies sur le dos, applaties par les côtés qui se touchent, longues d'une ligne & un quart, larges de deux tiers de ligne dans leur partie superieure, se terminant dans leur partie inferieure par une petite pointe qui est d'une couleur grise beaucoup plus claire que le reste de la graine. Elles meurissent dans le calice

272 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE & en tombent aisément lorsqu'elles sont meures.

Ce Lamium est vivace, il fleurit en Mai & en Juin.

Cette Plante a une odeur trés-puante; j'ai mâché sa racine, elle m'a laissé dans la bouche une saveur un peu acre, son goût approche de celui de la Rave.

Ses feuilles mâchées sont desagreables, un peu ameres,

& piquent foiblement la langue.

Les fleurs ont trés peu d'odeur; étant mâchées elles font encore moins d'impression sur la langue que les feüilles.

Ses racines, ses feuilles & ses fleurs rougissent le papier

bleu.

M. Michaël, Botaniste du Grand Duc de Florence, a découvert cette Plante en Italie.

## SECONDE ESPECE.

Lamium villosum, Catariæ folio, flore dilutè purpurascente.

Lamium velu, à feüilles de Cataire, dont la fleur est couleur de chair.

Ce Lamium differe du précedent.

1°. Par ses tiges & ses seuilles qui sont chargées d'un

velu cendré ou blanchâtre.

2°. Par ses tiges L longues d'un pied & demi, qui sont quarrées comme celles du précedent, mais chacune de leurs faces n'a que deux lignes d'épaisseur prés du collet.

3°. Par ses seuilles dont les plus grandes sont longues de deux pouces, larges d'un pouce & demi, ridées & un peu ondées sur les bords: les queuës de ces plus grandes seuilles ont un pouce & demi de long sur trois quarts de ligne de large.

4°. Par ses fleurs M, N, O, d'une couleur de chair si pâle, qu'elles paroissent presque blanches; la partie conyexe du cuilleron de la levre superieure est d'une couleur

de chair

de chair plus vive, elles sont aussi marquées en quelques endroits de points, souettées & rayées de lignes de couleur de chair assés vive, ces sleurs ornent le haur de la tige de la longueur de sept pouces.

Il est vivace comme le précedent, il lui ressemble par

sa racine K, & il fleurit peu de temps avant lui.

Il n'en differe pas par son odeur qui est fort puante, ni par celle de sa fleur qui en a très peu.

Ses racines, ses seuilles & ses sleurs rougissent le papier

bleu.

Ce Lamium croît sur le Mont Gargan, qu'on nomme aussi Mont de Saint-Ange, situé sous le quarante-deuxiéme degré de latitude dans la Capitanate, Province du Royaume de Naples. M. Michaël en a pareillement sait la découverte.

Il y a bien de l'apparence que ces deux Plantes ont les mêmes vertus que le Lamium vulgare, album, sive Archangelica, flore albo. Park. Theat. 604. & le Galeopsis procerior, fatida spicata. I. R. H. 185. puisqu'elles en ont à

peu prés le goût & l'odeur.

L'illustre M. Sherard, ci-devant Consul pour la Nation Angloise à Smyrne, aussi versé dans l'étude de la Botanique qu'il l'est dans celle des Belles-Lettres & de l'Antiquité, a remarqué qu'il n'y a guere de meilleur fondant pour la guerison des tumeurs, que l'on appelle froides, ou scrophuleuses, que l'insusion à froid dans de l'eau commune des feüilles & des sleurs du Lamium vulgare, album, sive Archangelica store albo. Park. Theat. 604. on la prend pour boisson ordinaire, dont on continuë l'usage jusqu'à une entiere guerison; il a cité plusieurs exemples de personnes qui ont été parsaitement gueries par l'usage de ce remede.

Le celebre M. Vaillant, un des Professeurs des Plantes du Jardin du Roy, Associé de cette Academie, un des plus habiles Botanistes de ce temps, s'est assuré par de longues experiences, que le Galeopsis procerior, fatida

Mem. 1717,

274 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE fpicata. I. R. H. 185 est un trés excellent fondant & un puissant resolutif, il s'en est servi autresois fort utilement pour resoudre de trés grosses tumeurs; il faisoit piler toute la Plante fraîchement cüeillie, dont on formoit un cataplasme de l'épaisseur d'un doigt, que l'on appliquoit sur la tumeur, lequel on renouvelloit deux sois par jour.

Je ne connois guere de meilleur remede pour la piqueure, ou la blessure des tendons, & pour les ulceres, que

l'huile où cette derniere Plante a infusé au Soleil.

## EXPLICATION DES FIGURES

qui representent les differentes parties de deux Especes de Lamium.

## Premiere Espece.

A, une tige diminuée dans toutes ses parties.

Les parties suivantes sont grandes comme nature-

B, une fleur enchassée dans son calice vûë en devant.
C, une fleur contenuë dans son calice vûë de prosil.

D, une fleur féparée de fon calice vûë de profil.

E, le calice vû de côté, d'où il fort un filet fourchu.

F, le calice ouvert en devant, dans lequel on voit les embrions des graines surmontés du filet fourchu.

G, le calice vû de côté.

H, les semences vûës de front des deux côtés & de profil-I, la racine qui pousse plusieurs tiges.

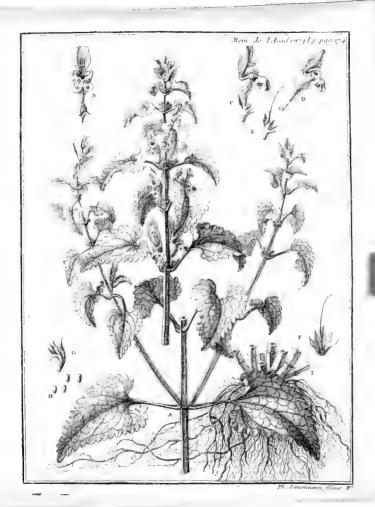
# Seconde Espece.

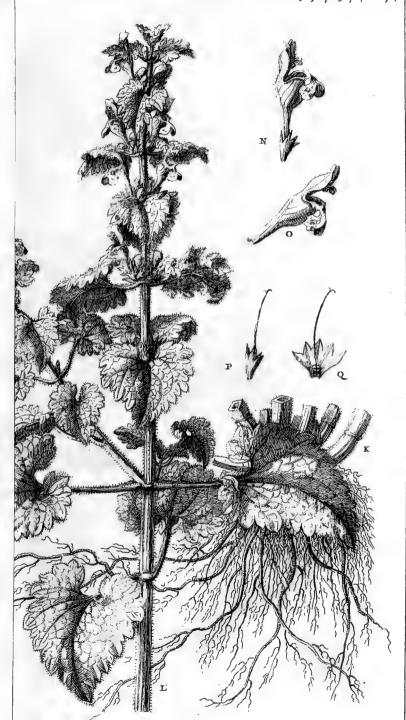
K, la racine qui pousse plusieurs tiges. L, une tige diminuée dans toutes ses parties.

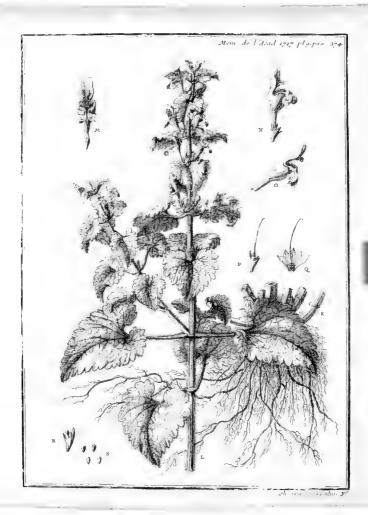
Les parties suivantes sont grandes comme nature.

M, une fleur enchassée dans son calice vûë en devant. N, une fleur contenuë dans son calice vûë de profil-









O, une fleur séparée de son calice vûë de profil.

P, le calice vû de côté, d'où il sort un filet fourchu.

O, le calice ouvert en devant, dans lequel on voit les embrions des graines surmontés du filer fourchu.

R, le calice vû de côté.

S, les semences vûes de front des deux côtés & de profil.

## REMARQUES SUR L'AIMAN.

#### Par M. DE LA HIRE.

N ne peut pas se persuader facilement comment un Aiman peut enlever à un autre Aiman qui est plus fort que lui un morceau de Fer qu'il tient suspendu, car il semble que la vertu du plus fort doit toûjours l'emporter sur celle du plus foible. Cependant on ne peut pas douter de l'experience, car je l'ai faite avec soin, pour voir si ce qu'en rapporte M. Rohault dans sa Phisique étoit bien certain. Il appelle cette experience une belle difficulté, & pour la resoudre il n'en donne point d'autre raison, si ce n'est que le Fer touche alors le plus foible Aiman en plus de parties qu'il ne touche l'autre. Il faut remarquer que cette experience ne réuffit pas toujours, mais seulement quelquesois, comme le dit aussi M. Rohault. & c'est sans doute ce qui lui avoit donné lieu de conjecturer que cela ne venoit que des differents attouchements du Fer à l'Aiman, ce qui paroît fort probable, mais nous verrons dans la suite si cette raison peur generalement se Soutenir, & d'où viennent ces differences.

Je remarque d'abord que pour faire exactement l'experience dont il s'agit ici, il ne faut pas suspendre un morceau de Fer à un Aiman, puisque la pesanteur du Fer tendra toûjours à le séparer de l'Aiman superieur : c'est pourquoi il vaut mieux placer l'Aiman ensorte que la li-

Mmij

11 Decema bre 1717.

276 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE gne de ses poles soit horisontale, & que le Fer que je suppose être une petite verge qui sera appliqué à son pole le plus sort soit aussi horisontal dans sa longueur & posé sur un corps poli comme du verre pour y pouvoir glisser sacilement, comme on le voit dans cette Figure, où A est

le gros Aiman & le plus fort dont le pole M est le Meridional qu'on estime le plus vigoureux dans ces pays-ci, & contre le-

quel est appliqué la verge de Fer F, & l'Aiman B est le plus foible, dont on applique le pole Septentrional f à l'autre extremité de la verge F, & l'on observe que quand on éloigne l'Aiman B de l'Aiman A selon la direction de ses poles, quelquesois cet Aiman B arrache de l'Aiman A la verge de Fer F, & l'entraîne avec lui, demeurant toûjours appliquée à son pole f, & quelquesois l'Aiman B se sépare de la verge de Fer qui demeure jointe à l'Aiman A, comme il semble que cela devroit toûjours arriver.

Mais l'experience que l'on fait d'ordinaire pour reconnoître la direction des poles d'un Aiman, qui est de semer fort legerement de la limaille d'Acier sur un papiet
que l'on a placé au dessus d'une pierre d'Aiman & suivant ses poles à peu-prés, m'a fait soupçonner s'il n'y auroit point dans tous les Aimants quelques pores par où la
matiere magnetique répandue dans l'air s'y introduiroit
bien plus sacilement que dans d'autres; car on remarque
toûjours que les petits grains de cette limaille se disposent
en silets séparés les uns des autres & jamais autrement, si
ce n'est hors de la sphere de la vertu de la pierre où cette
limaille se voit semée indisseremment & sans aucun ordre
regulier. C'est pourquoi il se pourroit saire que dans un
Aiman qui ne paroît avoir que peu de force, il y auroit
pourtant des pores qui recevroient plus de matiere ma-

gnetique, & qui par consequent pourroient saire un plus grand esset dans les experiences que plusieurs pores d'un Aiman plus gros & plus sort; & si cela étoit, il seroit sacile de voir pourquoi un Aiman plus soible dans une certaine position avec une petite verge de Fer la retiendroit & l'arracheroit à un Aiman plus sort en general, & que dans d'autres positions l'Aiman plus sort retiendroit le Fer quand on en éloigneroit le plus soible. Mais comme ce que je viens de dire n'est qu'une conjecture, j'ai voulu voir si les experiences ne me pourroient point donner quelque

lumiere sur ce sujet.

J'ai pris pour cer effer un gros Aiman qui pese environ blivres, & qui est assés fort, puisque sa sphere d'activité est sensible sur une éguille de boussole à 6 pieds loin de l'Aiman; cet Aiman est tout nud & sans armure, il est un peu irregulier, si ce n'est vers son pole Meridional qui se termine par trois faces, dont il y en a une qui est beaucoup plus grande que les autres, & c'est cette pointe qui a toû-Tours servi à toucher des aiguilles; & comme j'avois toûjours dans la pensée qu'une petite pierre d'Aiman qui ne paroît pas avoir beaucoup de force en la comparant à une autre qui fait de plus grands effets pourroit neantmoins être plus forte dans quelques-unes de ses parties, j'ai pris un petit morceau de Fer d'un pouce de long & de 3 lignes environ de grosseur, & l'ayant aimanté avec ma pierre, j'ai jugé que ce morceau de Fer ne pourroit jamais avoir autant de vertu que la pierre qui l'avoit aimanté, & comme ce Fer est devenu par l'attouchement en quelque façon une pierre d'Aiman, je m'en suis servi au lieu du foible Aiman B ci-dessus, pour en faire l'experience par rapport au gros Aiman.

C'est pourquoi j'ai appliqué contre le gros Aiman A une petite verge ou sil de Fer d'une ligne environ de grosseur, tel qu'est F dans la Figure précedente, & dont la longueur étoit d'un pouce & demi; ce sil de Fer s'est aimanté aussi-tôt & tenoit fortement à la pierre, & y de-

Mmin

meuroit attaché horisontalement suivant la position des poles de la pierre, & j'ai ensuite appliqué à l'autre extremité de ce sil de Fer F le morceau de Fer B qui avoit été aimanté d'abord, ensorte que les poles de vertu contraire se touchassent, c'est-à-dire, que le pole Septentrional se du Fer B touchât le pole Meridional du sil de Fer F, asin qu'ils sussent unis plus fortement ensemble & avec l'Aiman A, le tout étant posé de niveau. Ensuite ayant retiré doucement le Fer B, le sil de Fer Flui est demeuré attaché & a quitté l'Aiman A, & cela est toûjours arrivé de même toutes les sois que j'ai résteré cette experience, mais il est vrai que lorsque j'ai éloigné le Fer B de l'Aiman A de 2 ou 3 pouces environ, le sil de Fer F a quitté aussi le Fer B.

J'ai voulu voir ensuite ce qui arriveroit si j'appliquois d'abord contre l'Aiman A le morceau de Fer aimanté B, & ensuite contre celui-ci le fil de Fer F, & toûjours les poles joints aux poles de differente dénomination, car alors le fil de Fer ne touchoit le Fer B que dans un petit endroit, & le Fer B touchoit l'Aiman A dans une place beaucoup plus large, car les extremités de ces Fers avoient été bien dressés à la lime, & j'ai remarqué avec un peu de surprise, & contre le penchant que je pouvois avoir pour la raison de M. Rohault, que le fil de Fer étant retiré en arriere emportoit avec lui le Fer B qui touchoit l'Aiman A, & cela toûjours de même dans la répetition de l'experience.

J'ai cru que je ne devois pas m'en tenir à ces seules experiences, & qu'il falloir encore en saire quelques autres pour tâcher de découvrir la veritable cause de l'effet dont nous parlons ici; c'est pourquoi j'ai commencé à placer mon gros Aiman, ensorte que sa grande sace & ses poles sussent dans une position horisontale, & ayant mis dessus un papier blanc, j'y ai semé de la limaille d'Acier à l'ordinaire, & j'y ai remarqué les poles & les ventres, comme on les appelle, du tourbillon de la matiere ma-

gnetique qui circule autour de cette pierre.

Ensuite ayant ôté le papier, & ayant placé la verge de Fer F contre l'Aiman A, & au bout de ce Fer le Fer B, la longueur de ces deux Fers étant dans la ligne des poles de l'Aiman, comme je les avois placés d'abord, j'airemis le papier par dessus, & y ayant semé de la limaille j'ai observé, comme on le peut voir dans la Figure, que les filets de la matiere magnetique qui sortoient par le pole M de la pierre paroissoient se coucher au long de la verge F sans y entrer, & que du Fer B qui étoit appliqué à cette verge, il sortoit des filets presque perpendiculaires à la longueur de ce Fer, lesquels rencontrant ceux qui venoient du pole M de l'Aiman, les emportoient avec eux, & qu'à l'extremité de ce Fer B il se formoit une espece de pole ou tourbillon trés sensible qui s'étendoit au loin en se joignant à la matiere qui venoit du pole M, laquelle pouvoit retourner ensuite vers l'autre pole de l'Aiman-Ce que je dis de la matiere qui sort des poles de la pierre & des Fers se doit entendre de même de celle qui tendroit à y rentrer, ce qui est indifferent & qui feroit le même effet suivant le système de M. Hugens. La même disposition des filets arrive aussi si l'on place le Fer B proche de l'Aiman & le Fer F au de-là.

Ces experiences pourroient persuader que le Fer ou l'Acier aimanté a plus de force que l'Aiman même qui l'a aimanté, & c'est aussi ce que nous voyons assés souvent qu'une verge ou une regle d'un certain Acier ayant été aimantée par un bon Aiman, soutient ou porte un poids bien plus pesant que ne fait l'Aiman même à nud & sans être armé. Il me semble qu'on pourroit dire encore que cela viendroit de ce que l'Acier ou le Fer étant un corps mou par rapport à l'Aiman, quoi qu'ils soient de même nature, a ses pores bien plus propres à recevoir l'impression de la matiere magnetique que non pas l'Aiman qui est un corps dur, puisque ce n'est qu'une pierre, aussi le Fer perd-t-il sa vertu tout d'un coup pour en prendre

280 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

une autre toute contraire, ce que ne peut pas faire facilement un Aiman, & ce qui pourroit seulement arriver dans quelques-unes de ses parties qui ne seroient pas tout-à-sait pierre, aussi il reprend peu à peu sa premiere vertu aprés qu'elle a été changée ou alterée par un plus sort Aiman que lui, & par consequent il pourra s'introduire dans l'Acier une plus grande quantité de matiere magnetique que dans l'Aiman même qui a dirigé & ouvert les pores de

l'Acier pour recevoir cette matiere.

Ainsi les deux morceaux de Fer B & F qui se touchent, & dont l'un est appliqué contre l'Aiman A pourroient avoir une vertu bien plus sorte que l'Aiman A, & principalement lorsqu'ils sont peu éloignés de cer Aiman, dont ils peuvent recevoir une partie de la matiere magnetique de son tourbillon, laquelle se joint à celle qui est répanduë dans l'air. Aussi lorsque ces deux Fers sont à une distance un peu trop grande de l'Aiman A pour en recevoir de la matiere magnetique, ils diminüent considerablement de sorce, & c'est ce qu'on remarque ordinairement qu'un morceau de Fer aimanté a bien plus de force pour soutenir un poids en presence de la pierre d'Aiman que quand il en est éloigné. Tour ceci se connoît visiblement par la disposition des silets de la limaille d'Acier.

On pourroit encore apporter pour une preuve de ce que j'ai avancé ci-devant, sçavoir, qu'un Aiman peut communiquer à un morceau de Fer plus de sorce qu'il n'en a lui même. Car nous ne doutons point que la Terre ne soit un Aiman, mais un Aiman trés soible, à cause que la matiere magnetique qui l'environne est trop dispersée autour de son globe, & qu'il n'y a que peu de ses parties qui puissent rencontrer ce Fer, c'est pourquoi elle ne peut aimanter d'abord que soiblement une longue verge de Fer qu'on dispose en l'air suivant le cours de cette matiere; cependant c'est cette même matiere qui à la longueur du temps en dirige & en ouvre tous les po-

res pour faire devenir ce Fer un fort bon Aiman, aprés qu'il a changé de nature par la rouille, & qu'il est devenu pierre, comme on l'a vû à Aix en Provence & à Chartres. Ce sût aussi ce qui m'engagea il y a 25 ou 30 ans à ensermer dans une pierre de la même nature que celle du Clocher de Chartres plusieurs sils de Fer suivant le cours de la matiere magnetique, & qui s'étant aimantés d'abord, se sont convertis en pierre en se rouillant & sont devenus des Aimans. La même chose est arrivée à un sil de Fer qui a été suspendu en l'air pendant un

fort grand temps.

J'ai fait encore une Observation sur le cours de la matiere magnetique qui passe au travers d'une grosse pierre d'Aiman, ce qui est marqué distinctement par les filets de la limaille qu'on seme sur un papier posé sur l'Aiman, où l'on voit que vers les poles de la pierre il s'y amasse beaucoup de simaille qui forme l'origine d'un tourbillon dont les ventres sont entre les poles, & que la limaille est aussi en assez grande quantité vers les bords de la pierre, & dont les filets sortent presque perpendiculairement de ces bords; mais il n'y a que trés peu de limaille dans le milieu qui a des directions differentes suivant les inégalités de la pierre, d'où l'on pourroit juger que la pierre n'auroit que trés peu de force dans son milieu. On remarque aussi la même chose à une verge de Fer aimantée. Ceci se trouve confirmé par l'experience que je fis autrefois sur un Anneau d'Acier de 3 pouces de diametre que j'avois aimanté en approchant seulement le pole de la pierre d'Aiman contre un endroit de cet Anneau, car je connus par la limaille d'acier semée sur un papier que j'avois placé au dessus de cet Anneau, les deux poles, l'un où il avoit été touché par la pierre, & l'autre à l'extremité du diametre de l'Anneau qui passoit par l'endroit où il avoit été touché. On y remarquoit aussi les ventres entre ces poles, mais il ne paroissoit rien de sensible dans le milieu de l'Anneau. Ce qui me fit connoître que la vertu de l'Ai-Mem. 1717. Nn

282 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE man avoit passé d'un pole à l'autre, & s'étoit communiquée au long de l'Anneau, sans que les ventres se confondissent.

Enfin les experiences que j'ai faites sur le cours de la matiere magnetique, comme on a vû dans la Figure précedente, sont connoître que lorsqu'on a joint à la pierre les deux morceaux de Fer, toute sa vertu passe de son pole S le plus éloigné des Fers au pole m du Fer le plus éloigné de la pierre, & que vers le milieu, où est placé l'autre Fer, il n'y a que trés peu de force; car la pierre & les deux Fers ne sont plus ensemble que comme une seule pierre d'Aiman, & c'est ce que j'ai connu trés clairement sur une excellente pierre qui étoit armée, où la matiere magnetique s'introduisant toute dans les armures qui étoient appliquées contre les poles, se détournoit toute vers les têtes des armures pour leur faire soutenir un poids trés considerable, car alors les côtés des armures vis-à-vis les poles n'avoient plus aucune sorce sensible.

Îl en seroit ici à peu-prés de même où toute la vertu de la pierre passant de son pole S au pole m du Fer le plus éloigné, ne sçauroit plus retenir que trés soiblement le Fer du milieu qui demeure attaché au Fer le plus éloigné qui a reçû toute la vertu de l'Aiman dans sa Figure, laquelle étant longue, a beaucoup de sorce pour agir sur le Fer du milieu qui en est proche, & c'est ce qui est marqué par les silets de la limaille qui sortent presque perpendiculairement de ce Fer, ce qui lui donne plus de sorce pour se joindre au Fer du milieu qu'il n'en reste à

l'Aiman pour le retenir.

J'ai rapporté ci-devant que lorsque je faisois cette experience avec l'Aiman A & les deux Fers B & F, je n'avois point remarqué que le Fer du milieu restât attaché à la pierre A lorsqu'on en éloignoit l'autre Fer, mais qu'au contraire il restoit toûjours attaché à l'autre Fer & le suivoit, cependant M. Rohault rapporte que cela arrive quelquesois, & c'est ce qui m'a fait soupçonner que l'Ai-

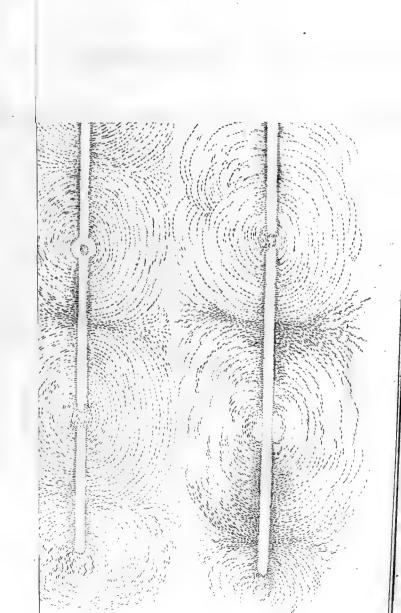
man A ayant beaucoup de force, en communiquoit aussi beaucoup au Fer le plus éloigné ou à l'Aiman dont il tient la place. C'est pourquoi au lieu de cet Aiman A j'ai pris un morceau de fil de Fer assez gros & long, lequel avant été aimanté, est devenu un Aiman propre pour ces experiences, & au lieu des deux autres Fers B & F, j'ai pris un morceau de fil de Fer d'une demi-ligne de groffeur & de trois pouces de long, que j'ai coupé en deux parties, l'une d'un pouce & l'autre de deux, & ayant aimanté ces trois morceaux de Fer, je les ai placés suivant leurs poles sur un verre, ensorte que d'abord le plus court étoit au milieu, & ils se touchoient par leurs extremités. Ces trois Fers ne composoient alors que comme un seul Aiman. car ces trois Fers se tenoient attachés ensemble en les faifant mouvoir, & il arrivoit aussi que lorsque j'éloignois du plus gros le plus long des deux autres, il entrainoit avec lui le plus court qui étoit au milieu, car le plus gros étoit arrêté ferme, ce qui étoit conforme aux premieres experiences, car le plus gros des trois communiquoit affez de vertu au plus éloigné pour lui faire retenir celui du milieu qui étoit le plus petit; mais lorsque j'ai voulu placer le plus petit à l'extremité, & l'autre qui lui étoit égal en groffeur, mais plus long, au milieu, j'ai observé que quelquefois le plus petit n'entraînoit pas l'autre, lequel s'en séparoit en demeurant joint au plus gros des trois qui étoit immobile, ce qui ne s'accorderoit pas avec les premieres experiences, mais aussi je puis dire que le plus petit des deux plus déliés qui étoit le plus éloigné n'avoit pas affez de force pour entraîner l'autre qui lui resissoit par la pelanteur.

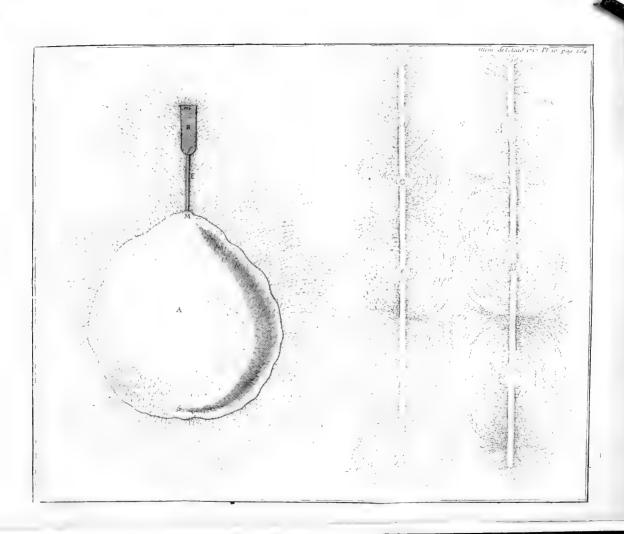
J'ai remarqué aussi, en considerant attentivement la maniere dont ces sils de Fer s'appliquoient l'un contre l'autre pour y agir, qu'ils ne joignoient pas leurs extremités circulaires exactement l'une au bout de l'autre, mais qu'ils s'en détournoient un peu pour se rencontrer par les bords de leur circonserence, car ils avoient été bien dres-

284 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE sés par les bouts, ce qui venoit sans doute de ce que la matiere magnetique sortoit en plus grande abondance en cet endroit que vers le milieu, comme il arrive à tous les corps un peu larges, lorsqu'étant aimantés on veut leur faire soutenir un morceau de Fer, comme on le remarque à un couteau dont la pointe est arrondie.

Il faut encore prendre garde dans les experiences qu'il y a des Fers qui ne sçauroient s'aimanter, c'est-à-dire, qui ayant été touchés d'une bonne pierre, & étant d'une sigure longue, ne peuvent pas soutenir un Fer trés leger à moins qu'ils ne soient en presence d'un Aiman, mais ce n'est pas qu'ils ne soient d'une nature propre pour cela, mais seulement à cause que leurs pores ne peuvent pas retenir la vertu qui leur a été imprimée par l'Aiman.

Mais enfin pour conclusion on doit considerer que les premiers Fers appliqués contre l'Aiman lui font une efpece d'armure qui a beaucoup de force vers son extremité, en rassemblant la vertu qui est répandue autour de la pierre, ce qui le fait agir plus puissamment que la pierre même, ce qui est trés connu par les armures, & c'est ce qui lui fait arracher à la pierre les autres Fers qui en sont plus proche, car cette espece d'armure se joint trés fortement au Fer qu'ila touche, & qui par consequent doir l'emporter avec elle quand on les veut separer, c'est aussi Ge qu'on peut voir en appliquant contre l'un ou l'autre pole de la pierre un Fer qui lui serve comme d'armure sans être attaché à la pierre, car l'extremité de cette armure se joindra trés fortement au Fer qu'on lui presentera, ensorte qu'ils se sépareront ensemble de la pierre, & cela jusqu'à ce que le Fer qui touchoit l'Aiman soit trop éloigné de la pierre pour en recevoir assez de force pour retenir l'autre, & c'est-là, à ce qu'il me semble, la veritable raison de l'effet que nous avons entrepris d'expliquer dans ce Memoire.





## OBSERVATIONS

Sur un Fætus monstrueux qui n'avoit qu'un Oeil.

### Par M. LITTEE.

A nature a fait voir dans les Monstres de si grandes bizarerries & de tant d'especes differentes, qu'elle ne cembre peut presque plus rien produire dans ce genre capable de nous frapper; au moins n'est-il presque rien qu'on n'imagine possible de ce qui peut arriver par un retranchement,

une augmentation ou un déplacement des parties.

Un Fœtus, qui me tomba il y a quelques mois entre le mains, me parut cependant digne d'attention par la ressemblance qu'il avoir avec ces Forgerons monstrueux que nous dépeint la Fable; il sembloit propre à faire douter si elle n'a point eu un fondement réel. On trouvoit en ce Fœrus ce qu'elle donne de plus extraordinaire aux Cyclopes par rapport à la conformation. Il n'avoit comme eux qu'un œil, placé au milieu de la partie inserieure du front.

La Compagnie, à qui je le fis voir, jugea qu'il meritoit d'être dissequé avec soin. On a parlé de quelques Fœtus de figure approchante de celle de celui-ci, mais on a négligé d'examiner leur structure interieure. La dissection des Monstres nous y fait découvrir des choses souvent plus singulieres que celles que montre leur exterieur, & quelquesois propres à nous donner des éclaircissements fur leur formation.

Le Fœtus, dont je veux parler, étoit né à sept mois, mort même quelque temps avant sa naissance. Il étoit entierement privé de l'organe de l'odorat. La place, où devoit être le nés, étoit unie, plate & de niveau avec le reste de la face; elle étoit couverte d'une peau qui n'étoit. Nn iii.

#### 286 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

percée par aucune ouverture. Le dessous de cette peau étoit tout-à-fait solide, de sorte qu'on n'y trouvoit point les creux necessaires pour former les deux sosses ansales et pour loger les lames osseuses et la membrane qui les tapisse, aussi tout cela lui manquoit, on n'en observoit même aucun vestige.

Mais ce que le visage offroit de plus singulier, c'est la position de son œil, qui étoit précisément placé au milieu de la partie inferieure du front : il avoit pourtant deux sourcils, qui avoient conservé leur place ordinaire, par consequent l'œil en manquoit. Il avoit ses deux pau-

pieres, mais dénuées de cils.

Le globe de l'œil étoit rond à l'ordinaire & composé de la membrane appellée conjonctive, de la sclerotique & d'une cornée qui étoit de figure ovale. Au travers de cette cornée on distinguoit deux petits corps ronds, l'un à droit & l'autre à gauche. J'ouvris le globe, je remarquai qu'il n'y avoit point de choroïde, & que les deux petits corps étoient, pour ainsi dire, deux yeux rensermés sous une même enveloppe, ou qui n'avoient qu'un globe commun : car chacun de ces deux petits corps avoit son nerf optique, fa retine, fes ligaments ciliaires, fon iris, son humeur vitrée, son cristalin. Il n'y avoit que l'humeur aqueuse, qui étoit commune à ces deux petits corps. Toutes leurs parties étoient fort petites, excepté les deux cristalins, qui à peu de chose prés avoient leur grosseur naturelle. Les parties propres à chacun de ces petits corps formoient un globe distinct de celui que formoient les parties propres à l'autre. Ils se touchoient un peu par le milieu, mais ils n'avoient entre eux de communication que par leurs vaisseaux, qui partoient immediatement de la sclerotique; la choroïde, d'où ils partent d'ordinaire, manquant comme je l'ai dit. Ce que nous avons ici de singulier est donc que la nature eut rensermé deux yeux sous une même enveloppe, & qu'elle ne leur eut donné qu'une seule ouverture placée au bas du front. Pour les

Mem. de l'Acad 1717. pl. 11. pag. 286





rontrent les deux christallins renfermés dans un même globe .

Mem. de l'Aaid 1717, pl. 11. pag. 280.



les rig A.B.C. montreur les deux divietallins reprérmés dans un même globe

parties qui devoient composer le nés, ou le Fœtus avoit manqué de suc pour leur formation ou pour leur accroissement, ou bien ce suc, au lieu de se porter en dehors pour élever les parties exterieures, étoit resté en dedans & par son épanchement avoit comblé les fosses nasales.

J'ouvris le crâne en presence de Mrs. Duvernay & Rouaut. Nous trouvâmes le cerveau fondu & semblable à une bouillie claire, & nous n'y pûmes observer aucune forme de partie. Nous n'y vîmes qu'un seul cordon de nerf, que nous reconnûmes être le nerf optique. Il fortoit du crâne pour s'inferer dans l'orbite de l'œil par un trou percé précifément entre les deux endroits par où passent ordinairement les deux nerfs optiques & à distance égale de l'un & de l'autre. Ces deux trous manquoient, il n'en falloit qu'un pour laisser passer un seul ners. Mais il est à remarquer que ce nerf optique, quoi-que simple en apparence, étoit réellement double. Il y en avoit deux de renfermés sous une même enveloppe, comme nous l'avons vû des autres parties de l'œil.

Ce Fœtus avoit quelques autres singularités, mais moins remarquables, & que nous ne ferons qu'indiquer. Sa main gauche avoit six doigts, dont les deux premiers étoient faits du pouce, qui étoit comme partagé en deux

parties presque égales jusqu'à sa racine.

La langue n'étoit pas libre, parce que le filet se continuoit jusqu'au bout de cet organe : l'épiglotte ne l'étoit pas non plus, elle étoit renversée en devant sur la racine de la langue & y étoit étroitement unie. Ce seul vice de conformation eut suffi pour faire bientôt perir le Fœtus, s'il fût venu au monde vivant, d'autant qu'il n'auroit rien pû avaler, qu'il n'en fut tombé dans la glotte, parce qu'elle manquoit de son couvercle ordinaire. Ainsi il eût été bien-tôt étouffé. A ces deux vices prés, tout étoir dans l'ordre naturel dans la bouche, dans la gorge, & dans les parties du corps dont nous n'ayons point parlé.

# OBSERVATIONS DE L'ECLIPSE DE LUNE

Arrivée le vingtième jour de Septembre au soir 1717 à l'Observatoire Royas.

Par Mrs. DE LA HIRE.

27 Novembie 1717. Le Ciel auroit été trés favorable pour l'Observation de cette Eclipse, s'il ne s'étoit pas trouvé à l'horison Oriental une vapeur fort noire & épaisse qui s'étendoit jusqu'à 5 degrés de hauteur environ, ensorte que lorsque la Lune se leva on ne pût point la voir; l'Eclipse devoit être alors vers son milieu, & l'on ne commença que vers les 6h 20' à appercevoir la Lune asses consusement. On voyoit qu'elle étoit fort éclipsée, mais il n'étoit pas encore possible de déterminer la quantité de ce qui en étoit caché, & ce ne sût que vers les 6h 28' où elle sût presque entierement dégagée de cette vapeur. Nous observames alors que l'Eclipse étoit encore de 7 doigts à peu prés, car l'extremité de ce broüillard se mêlant avec la penombre la rendoit encore un peu indéterminée.

Enfin quelque temps aprés elle passa dans un endroit du Ciel qui étoit trés serein, & nous en simes les Observations suivantes des doigts & des demi-doigts que nous avons corrigées à l'ordinaire, & rectifiées les unes par les autres, car dans les Eclipses de Lune il y a toûjours quelque incertitude, à cause qu'on ne voit que la penombre, laquelle se rencontrant tantôt sur des parties claires & tantôt sur des parties obscures, la sont juger ou moins ou

plus étenduë.

| Tems vrays. |      |     | Phases.           |  |  |
|-------------|------|-----|-------------------|--|--|
| H. '        | M.   | S.  | Doigt M.          |  |  |
| à 6         | 28   | 20  | 7 0               |  |  |
| 6           | 41   | .25 | 6 0               |  |  |
| 6           | 47   | 10  | 5 30              |  |  |
| 6           | 52.  | 35  | 5 0               |  |  |
| 6           | 57   | 35  | 4 30              |  |  |
| 7           | 2    | 20  | 4 0               |  |  |
| 7           | 6    | 53  | 3 30              |  |  |
| 7           | II   | 19  | 3 O               |  |  |
|             | 15   | 30  | 2 30              |  |  |
| 7<br>7<br>7 | 19   | 18  | 2 0               |  |  |
| 7           | 23 . | 3   | I 30              |  |  |
|             | 26   | 46  | 1 0               |  |  |
| 7           |      | 31  | 0 30              |  |  |
| 7           | 34   | 15  | Fin de l'Eclipse. |  |  |

Voici encore les Observations du recouvrement de lumiere de plusieurs Taches du disque de la Lune.

| •                       |  |   |  |
|-------------------------|--|---|--|
| H.                      | M.   | S.  | Noms des Taches.   |
| à 6 6 6 6 7 7 7 7 7 7 7 | 23<br>29<br>31<br>39<br>41<br>56<br>6<br>9<br>13<br>16<br>22<br>27<br>30 | 5<br>45<br>50<br>20<br>45<br>45<br>50<br>53<br>5<br>20<br>5<br>30 | Grimaldus. Milieu de Copernic. Manilius & Menelaüs. Le bord de la Mer de Crifés. Pline. Dionysius. Promont. aigu & milieu de Tycho. Fin de Tycho & Taruntius. Cathar. & Theophilus. Cyrillus Fracastor. Petavius. Langrenus. Fin de l'Eclipse. |
| 7 34 15<br>Mem. 1717.   |  | . 1717.   | <u>Qo</u> :  |

290 Memoires de l'Academie Royale

Les Observations des doigts ont été faites avec une Lunette de 7 ½ pieds qui portoit le Micrometre, & celles de l'Emersion des Taches ont été faites avec une Lunette

de 6 pieds.

Nous ne pûmes pas observer le diametre de la Lune avant l'Eclipse, à cause qu'elle étoit encore sous l'horison, mais immediatement aprés nous l'observames avec mon Micrometre de 31'7' à la hauteur de 16 degrés, & qui étant réduit à l'horisontal étoit de 30'58". Nous l'observames aussi avec l'ancien Micrometre de M. Picard, & nous le trouvames étant réduit à l'horisontal de 30'55".

#### REMARQUES.

On doit remarquer que dans le calcul qu'on fait des Eclipses de Soleil & de Lune, on se sert toûjours du diametre horifontal de la Lune; c'est pourquoi quand les tables donneroient les diametres exactement, la quantité de l'Eclipse qu'on conclura du calcul ne conviendra pas avec la quantité observée, à cause que dans l'Observation on se sert d'une partie du diametre de la Lune à la hauteur où elle est asors, car le diametre apparent change de grandeur, & il est toûjours plus grand que le diametre horisontal: il faudra donc dans l'Observation des doigts avoir égard à cette augmentation du diametre, car pour ce qui est de la grandeur de l'ombre de la Terre sur la Lune, esle se trouve augmentée dans la même proportion que le diametre apparent, & l'on pourra réduire ce diametre apparent à son diametre horisontal par la Table qui a été dressée pour cette réduction. Le reticule de mon Micrometre a cet avantage qu'on peut le faire trés commodement & trés facilement, puisqu'il n'y aura qu'à tirer sur le Carton une nouvelle ligne droite pour avoir la quantité des doigts augmentée dans la même proportion que le diametre augmenté; & même aussi-tôt qu'on aura un diametre observé avant l'Eclipse, on pourra tirer quelques lignes pour les diametres à différentes hauteurs où la Lune

peut monter ou descendre dans la durée de l'Eclipse, ce

qui est facile à connoître.

J'avertirai encore ici, comme j'ai fait dans mes Tables. que lorsqu'on se sert de filets de Ver à soye dans les Micrometres pour observer les diametres du Soleil ou de la Lune, ou de petites distances entre les Astres ou leurs hauteurs sur l'horison, on ne peut pas voir ces filets qu'avec beaucoup de peine quand le Ciel est fort serein, à cause qu'il paroît trés noir au travers de la Lunette, mais que ce n'étoit pas la même chose, s'il y avoit dans l'air une vapeur ou un nuage leger, car le Soleil ou la Lune l'éclairant, formoit une blancheur qui faisoit appercevoir distinctement ces filets; c'est pourquoi pendant la nuit on éclairoit le verre objectif de la Lunette, ce qui faisoit à peu-prés le même effet; mais il n'est pas aisé d'éclairer ce verre si la Lunette est longue, à cause qu'il est toûjours un peu enfoncé dans le tuyau, & de plus le vent ne le permet pas pour l'ordinaire, & il faut encore que la lumiere soit assés forte, car la blancheur qui paroît ne vient que des petites inégalités du verre qui sont éclairées, & souvent la lumiere ou la lanterne où elle est nous cache l'Astre. Je pensai donc à faire cette blancheur, en posant sur l'extremité du tuyau de la Lunette une gaze ou toile de soye blanche & trés fine, qui pouvoit recevoir la clarté d'une chandelle de loin, & donner à l'air la blancheur necessaire pour voir distinctement les filets, ce qui m'a trés bien réussi dans les Observations. Cependant j'ai remarqué que dans les Eclipses de Lune où le Ciel est bien ferein, la Lune avoit encore affés de lumiere pour éclairer par trop la gaze, ce qui alteroit la grandeur de la penombre, & dans ce cas il faudra faire une espece de gaze fort claire avec les mêmes filers de la gaze ordinaire, en les appliquant sur un morceau de carton percé dans son milieu d'une ouverture un peu plus grande que l'ouverture du verre objectif, & en colant ces filets de soye sur le bord du carton, ou en les y arrêtant avec un peu de cire

O o ii

292 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE molle; on pourra aussi en avoir plusieurs de differente force ou épaisseur pour choisir celle qui conviendra le mieux à l'Observation.

Pour ce qui regarde les Observations des distances des Etoiles ou des Planetes & leurs hauteurs sur l'horison, ce sera la même méthode, & il faut prendre garde que la gaze étant éclairée, ne fasse pas perdre de vûë par sa blancheur les Astres qu'on observe.

## OBSERVATION

#### DE L'ECLIPSE DE LUNE

faite le 20 Septembre 17.17.

#### Par M. MARALDI.

27 Novembre 1717.

N s'étoir préparé à faire l'Observation de cette Eclipse sur la Terrasse de l'Observatoire, d'où l'on pouvoir découvrir tour l'horison, & voir la Lune à l'Orient & le Soleil à l'Occident, car la Lune devoit se lever éclipsée pendant que le Soleil devoit se coucher à l'opposite, & ces deux Astres devoient paroître en même temps sur l'horison. Cette apparence de la Lune éclipsée en presence du Soleil paroît difficile à comprendre, parce que dans les Eclipses de Lune cet Astre étant opposé au Soleil, l'un doit être couché lorsque l'autre se leve, & réciproquement. Ce phenomene vient en partie de ce que les rayons du Soleil & de la Lune se plient dans l'Atmosphere, & venant à l'œil ainsi pliés, representent ces deux Astres élevés sur l'horison lorsqu'ils sont encore au dessous.

Pline rapporte qu'on avoit observé une sois la Lune éclipsée à son coucher, lorsque le Soleil étoit sur l'hori-

son, & il remarque cette Eclipse comme surprenante.

Cleomede dit qu'il est impossible que cette apparence arrive, & que cela n'est qu'une siction inventée pour rendre douteuses les raisons que donnent les Astronomes & les Philosophes des Eclipses. Il ne laisse pourtant pas d'en donner quelque explication, en disant entre autres choses que par le moyen de l'humidité de l'air il peut arriver au Soleil, ce qui arrive à un anneau qui est dans un vase, & qui étant caché par ses bords à un œil placé à une distance convenable, se rend visible en remplissant le vase d'eau. Cette experience étoit connue dés le temps d'Euclide, qui la rapporte dans sa Catoptrique.

Quoi-que l'experience rapportée par Cleomede & l'apparence de la Lune éclipsée vienne du même principe, qui est de la refraction des rayons qui se fait en passant d'une matiere rare dans une plus dense, il faut avouer que Cleomede n'a pas bien expliqué cette apparence qui se fait dans les Eclipses, & que ce n'est que depuis environ

deux siecles qu'elle a été bien connuë.

Les Astronomes modernes ont observé aussi des Eclipses de Lune en presence du Soleil, mais elles sont fort rares, à cause que cette apparence dure peu de temps, & que les nuages & les vapeurs qui sont pour l'ordinaire à l'horison nous empêchent souvent de voir le Soleil & la Lune dans cette situation.

C'est ce qui est encore arrivé dans la derniere Eclipse, car il se rencontra un nuage qui cacha le Soleil avant qu'il sût entierement couché, & les vapeurs épaisses qui étoient à l'Orient au lever de la Lune ne permirent pas de la voir que lorsqu'elle étoit élevée sur l'horison de tout son diametre. Mais quoi-qu'on ne pût pas voir ces deux Astres en même temps, on reconnut qu'ils auroient été visibles sans ces empêchements, canun moment aprés que le bord superieur du Soleil cessa de paroître, on apperçût la Lune à l'Orient tout élevée sur l'horison.

Monsieur le Duc du Maine & Madame la Duchesse se

294 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE trouverent à cette Observation avec M. le Cardinal de Polignac, M. le Prince de Dombes & M. de Malezieu.

On commença de voir la Lune à 6h 3', qui parut éclipsée plus de la moitié, mais les vapeurs & le grand jour ne permirent pas de déterminer exactement la partie éclipsée de la Lune qu'à 6h 25'; elle l'étoit pour lors de 7d 17', & on s'apperçût que l'éclipse alloit en diminuant.

| A 6 <sup>h</sup> | 33' |    | L'ombre paffoit par Manilius & par Menelaus. |
|------------------|-----|----|--|
|                  |     |    | La partie de la Lune éclipfée                |
|                  |     |    | est de                                       |
| 6                | 36  |    | Partie éclipfée 6 35                         |
| 6                | 40  | 0  | 6 22   |
| 6                | 45  | 30 | 5 56   |
| 6                | 46  | 15 | L'ombre à Plinius.                           |
| 6                | 50  | 20 | 5 25   |
| 6                | 55  | 15 |  |
| 6                | 57  | 15 | Proclus est découvert.                       |
| 7                | 0   | 0  | Dionisius éloigné de l'ombre de son          |
|                  |     |    | diametre.                                    |
| 7                | 4   | 17 | Tycho commence à se découvrir.               |
| 7                | 4   | 17 |  |
| 7                | 7   | 0  | Promontorium acutum est sorti.               |
| 7                | 8   | 0  | Le second bord de Tycho sortoit de           |
|                  |     |    | l'ombre.                                     |
| 7                | 13  | 0  | 2 57   |
| 7                | 16  | 15 |  |
| 7                | 19  | 15 | 2 15   |
| 7                | 23  | 0  |  |
| 7                | 27  | 0  |  |
| 7                | 32  | 30 |  |
| 7                | 33  | 50 |  |
| 7                | 35  | 30 | Fin de l'Eclipse.                            |
|                  |     |    | 4.4  |

Le terme de l'Ombre n'étoit pas bien marqué sur la Lune, ce qui rend l'Observation un peu douteuse.

## OBSERVATION DE L'ECLIPSE DE LUNE

du 20 Septembre 1717.

#### Par M. CASSINI.

ETTE Eclipse étoit remarquable en ce que l'effer des refractions devoit faire paroître la Lune éclipsée à son lever en la presence du Soleil, quoi-qu'elle lui sût

diametralement opposée.

27 Novembre 1717.

Pour appercevoir ce Phenomene le plus long-temps qu'il seroit possible, nous avions fait transporter sur le haut de la Terrasse de l'Observatoire une Pendule & une Lunette de 8 pieds, au foyer de laquelle on avoit placé des Reticules pour observer la quantité de l'Eclipse.

L'horison du côté de l'Orient étoit chargé de vapeurs, & du côté de l'Occident il y avoit des nuages peu élevés.

dans lesquels le Soleil entra.

A 6 heures 2 minutes on apperçût un moment aprés: le coucher du Soleil du côté de l'Orient le bord superieur de la Lune qui étoit extrêmement foible, & qui paroissoit élevé sur l'horison de tout son diametre. On ne distinguoit de la Lune qu'un Croissant fort étroit, le reste étant encore dans les vapeurs ou dans l'ombre de la Terre qui éclipsoit sa partie inferieure.

A 6h 11' 30" la Lune commença à fortir des vapeurs, mais le grand jour qu'il faisoit encore empêcha de distin-

guer exactement le terme de sa partie éclipsée.

A 6h 24' 10" on commença à voir plus distinctement le terme de l'ombre, & on trouva la grandeur de l'Eclipse de 7 doigts 12 minutes.

#### MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE 296 H. M. S. Copernic est sorti de l'ombre. 6 A 26 I٢ Le milieu de Menelaus & de Manilius 15 31 est sur le bord de l'ombre. Menelaus & Manilius font entiere-50 32 ment fortis. La grandeur de l'Eclipse est de 6 6 34 5 doigts 36 minutes. Insula sinus medii est hors de l'ombre. 37 45 Gassendi commence à sortir. 40 34 La grandeur de l'Eclipse étoit de 6 30 41 doigts. Pline est entierement hors de l'ombre. 42 25 La partie éclipsée est de 5 doigts 24 47 35 Boüillaud commence à fortir. 5 50 La partie éclipfée est de 4 doigts 48 57 53 minutes. Dyonisius est entierement sorti. 45 55 Proclus fort. 56 45 La partie éclipsée est de 4 doigts 12 7 44 minutes. Mare Crisium est entierement hors de 3 l'ombre.

4 38 Promontorium acutum commence à fortir.

5 40 Tycho est à moitié sorti.

6 55 Tycho & Taruntius font entierement fortis.

On a été ensuite obligé de descendre dans la Tour Orientale inferieure à cause de la nuit qui n'a pas permis de continuer les Observations sur la Terrasse.

7 17 40 Catharina commence à sortir.

|   |     |     | DES SCIENCES. 207  |
|---|-----|-----|--|
| 7 | 1'8 | 40  | DES SCIENCES. 297<br>La partie éclipfée est de 2 doigts 24<br>minutes. |
|   | 21  |     | Fracastorius commence à sortir.  |
|   | 23  | 0   | La partie éclipsée est d'un doigt 48 minutes.                          |
|   |     |     | La partie éclipsée est d'un doigt 12 minutes.                          |
|   | 27  | 40  | Langrenus est tout sorti.  |
|   | 32  | 0   | Langrenus est tout sorti. Furnerius est sorti.                         |
|   | 34  | -50 | Fin de l'Eclipfe.  |

En réduisant les Phases observées en doigts, on trouve qu'à 6h 27 28" l'Eclipse étoit de sept doigts.

| à 6h       | 35        | 19"        |          | inpro ctore do re | fix doigts & demi.    |
|------------|-----------|------------|----------|-------------------|-----------------------|
|            | ,         |            | b        | 11                | •                     |
| 6          | 41        | 30         |          |                   | six doigts            |
| 6          | 46        | 24         | 4        | -                 | cinq doigts & demi.   |
| 6          | <b>52</b> | ,          | 5        | 39                | sing doing            |
| U          | 3 4       | 3          | ٠,       | 47                | cinq doigts.          |
| 6          | 57        | 50         | ٠ د      |                   | quatre doigts & demi. |
| 7          | 3         | <b>37</b>  | 5        | 47                | quatre doigts.        |
| 7          | 8         | 19         | 4        | 42                | trois doigts & demi.  |
| 7          | 13        | I          | 4        | 42                | trois doigts.         |
| 7.         | 17        | 44         | 4        | 43                | deux doigts & demi.   |
| 7          | 21        | 20         |          | 36                | deux doigts.          |
| 7          | 24        | 7          | 2        | 47                | un doigt & demi.      |
| 7.         | 27<br>Mem | 7<br>. 171 | 3,<br>7, | - 1 C C C         | un doigt.             |
| 7.57<br>7. | 27<br>Mem | 7<br>. 171 | 3.       |                   | un doigt.             |

298 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Les premieres Observations des Phases de cette Eclipse ayant été faites avant la nuit, on n'a pas pû distinguer le terme de l'ombre aussi exactement que dans les dernieres; on n'a pas pû aussi déterminer la grandeur de l'Eclipse qui étoit vers le milieu de sa durée dans le temps du lever de la Lune, mais il paroît par la comparaison des Phases qu'elle a eté de plus de 7 doigts & demi.

#### Extrait de l'Observation de l'Eclipse de Lune du 20 Septembre 1717, faite à Nuremberg par M. Wurtzelbaur.

Le temps a été favorable à Nuremberg pour l'Observation de l'Eclipse de Lune du 20 Septembre 1717, qui devoit paroître sur l'horison plus long-temps qu'à Paris, à cause que cette Ville est située par rapport à nous vers l'Orient.

A 6h 5' 30" le bord superieur de la Lune a paru élevé d'un degré sur l'horison, trois minutes & demie avant le coucher du Soleil, qui est arrivé à 6h 9' 0".

A 6h 17' 30", la Lune étant fortie presque entierement des vapeurs, la grandeur de l'Eclipse sut observée de prés de 8 doigts.

A 6h 54' o" L'Eclipse étoit de 7 doigts.

7 29 30 Cinq doigts.

7 41 45 Trois doigts trois quarts, Tycho est à moitié sorti.

7 52 10 Deux doigts.

8 1 35 Trois quarts de doigts.

8 10 45 Fin de l'Eclipse à Nuremberg.

La fin de l'Eclipse ayant été observée à Paris à 7<sup>h</sup> 34' 50", on aura la différence des Meridiens entre Paris & Nuremberg de 35' 55" à 10 secondes prés de celle qui resulte des Observations de la Tache de Tycho qui donnent cette différence de 36' 5".

#### OBSERVATION

De l'Eclipse de Lune du 20 Septembre 1717 au soir, faite à Montmartre.

#### Par M. DELISLE le Cadet.

'Avois choisi, pour faire cette Observation, un en- 27 Novem-J droit de Montmartre d'où j'aurois pû observer le lever bre 1717. de la Lune & le coucher du Soleil au veritable horison le jour de l'Eclipse; mais une nuée épaisse me déroba la vûë du Soleil ce jour-là avant qu'il eût atteint l'horison, & la Lune se leva dans un brouillard qui ne me la laissa appercevoir que lorsqu'elle étoit déja élevée sur l'horison; j'attendis encore quelque temps avant de trouver les termes de l'ombre de la Terre assés distinctement marqués pour pouvoir être observés; mais vers les 6 heures & demie le crêpuscule étant fort diminué, je commençai les Observations suivantes avec une Lunette de 7 pieds, à laquelle j'avois appliqué un Micrometre inventé par M. le Fevre dans lequel un cheveu sert d'index & se meut fur des divisions faites par des points sur une ligne oblique à cet index. Comme par la construction de ce Micrometre cette ligne peut s'incliner plus ou moins fur l'index, l'on peut ajuster la division à telle grandeur que l'on veut, ce qui est fort commode pour observer les Eclipses. Je l'avois ajusté au diametre apparent du Soleil qui se trouvoit divisé en 60 parties égales, & c'est en ces parties & leurs fractions (dont j'estimois jusqu'aux quarts) que j'ai déterminé la largeur du restant de la Lune dont j'ai ensuite conclu la grandeur de la partie éclipsée en employant le diametre apparent de la Lune que j'ai aussi observé dans ces mêmes parties. Il s'est trouvé à 7h 40 Ppij

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE précisément de 57 de ces parties dont celui du Soleil en valoit 60, d'où se tire le diametre apparent de la Lune de 30' 30" à la hauteur de 15d. Par la comparaison de toutes les Observations j'ai estimé le milieu à 6h 8', & la sin à 7h 35' ce qui est une minute plus tard que je ne l'ai observé immediatement. Pour la grandeur, il m'a paru qu'elle a été de 7 doigts ½ environ, ce que j'ai reconnu, en essayant sur differentes grandeurs celle qui representoit le mieux toutes les Observations.

|   | Tems vrai. |    |    | Grand<br>de la |     | Doigts & minutes. |     |  |
|---|------------|----|----|----------------|-----|-------------------|-----|--|
|   | ** ** 0    |    |    | éclipse        | D   | 7.5               |     |  |
|   | H.         | M. | S. | Μ.             | S.  | D.                | M.  |  |
|   | 6          | 31 | 40 | . 17           | 49  | .7                | . 2 |  |
|   |            | 36 | 0  | 17             | 6   | 6                 | 45  |  |
|   |            | 43 | 55 | 15             | 14  | 6                 | 1   |  |
|   |            | 52 | 0  | 13             | 18  | 5                 | 15  |  |
|   |            | 53 | 40 | 12             | 46  | 5                 | 2   |  |
|   | 7          | 2  | 50 | . 10           | 54  | . 4               | 18  |  |
|   |            | 5  | 40 | . 9            | 50. | 3                 | 53  |  |
|   |            | 8  | 0  | . 9            | 14  | . 3               | 38  |  |
|   |            | IO | 30 | 8              | 31  | 3                 | 21  |  |
|   |            | 17 | 20 | 6              | 24  | 2                 | 31  |  |
|   |            | 20 | 20 | . 5            | 30  | 2                 | 10: |  |
|   |            | 23 | 40 | 4              | 4   | I                 | 36  |  |
|   |            | 25 | 40 | 3.             | 35  | . 1               | 25  |  |
|   |            | 27 | 10 | 3              | 4   | 1                 | 12  |  |
| F | in         | 34 | 0  | 0              | 0   | 0                 | 0   |  |

Observation de l'Occultation d'Aldebaram par la Lune le 25 Septembre 1717 au soir.

Le bord éclairé de la Lune sous lequel Aldebaram se cacha paroissoit dentelé à cause de la proximité de la Lune à l'horison, ce qui m'empêcha de m'assurer, à quelques DES SCIENCES.

secondes prés, de l'instant précis de l'im mersion. A 9 1 1 38" temps vrai, Aldebaram me parut toucher la dentelure qui étoit au bord de la Lune, & dés ce moment je ne le pûs plus distinguer. Je m'étois fervi pour faire cette Observation, d'une Lunette de 13 pieds. L'émersion de dessous le bord obscur s'est faite dans un instant à 10h 3 57, ensorte que la durée de l'Eclipse a été de 52 19". Pendant ce tems-là j'ai observé le diametre apparent de la Lune par la distance des cornes, lorsqu'elle étoit à la hauteur de 5d 1, & je l'ai trouvé avec la même Lunette de 13 pieds de 1013 parties, dont le diametre du Soleil, suivant son cercle de déclinaison, parut le lendemain 26 Septembre à la même hauteur sur l'horison en avoir 1020, d'où l'on conclud, fans avoir égard à la refraction, puisqu'elle est la même pour le Soleil & pour la Lune, que le diametre de la Lune devoit être de 31'56', celui du Soleil étant de 32' 9"; mais comme la Lune étoit alors élevée sur l'horison de 5d 1, & qu'à cette hauteur l'augmentation de son diametre par dessus l'horisontal est de 3", il suit que le diametre horisontal de la Lune devoit être dans le temps de cette éclipse de 31 53".

#### CRICS NOUVEAUX.

#### Par M. DALESME.

A construction des Crics qui sont en usage est telle que la force qui les sait agir n'y est pas appliquée assés avantageusement, & qu'on ne peur pas toûjours y appliquer assés de force pour leur faire produire tout l'effet dont on auroit besoin. D'ailleurs ils ont le désaut de s'user assés vîte lorsqu'on les sait beaucoup travailler; j'en ai eu un exemple en grand. On sit saire 100 Crics neuss à Brest en 1700 & 1701; il en coûta plus de 3600 li-

Pp iij

vres pour raccommoder les mêmes Crics en 1702 & 1703. Ce font ces considerations qui m'ont engagé à chercher des Crics plus parfaits que les ordinaires, & moins sujets à s'user. Ceux que je propose ici ont encore l'avantage de pouvoir être substitués à la pluspart des Machines qu'on employe pour agir avec beaucoup de force, c'est de quoi il sera aisé de juger par les Figures suivantes.

#### FIGURE I.

Elle represente le Cric que je substitue au Cric employé ordinairement à lever des fardeaux. Sa construction est si simple, que je crois qu'on l'entendra assés par la feule inspection de la Figure, sans qu'il soit besoin d'autre explication. Je ferai seulement remarquer que, quoi-qu'il foit incontestable parmi les Mechaniciens qu'on perd toûjours en vîtesse ce qu'on gagne en force, & réciproquement qu'on perd en force ce qu'on gagne en vitesse; cependant un homme seul fait à peu-prés autant d'effet avec ce Cric, & aussi vîte que deux hommes en font avec le Cric ordinaire, & c'est ce qui a été justifié par des experiences résterées. Je ne veux pourtant pas infinuer que ces experiences donnent atteinte au plus celebre Axiome de la Mechanique; mais je veux seulement faire obferver que la force est appliquée plus avantageusement sur le nouveau Cric qu'elle ne l'est sur les anciens, qu'un homme seul donne autant de sa force à celui-ci que deux hommes donnent de la leur à l'autre. Et cela 1°, parce que chaque homme ne peut agir que d'une main sur le Cric ordinaire, au lieu que les deux mains agissent sur celui que je propose. 2. C'est que c'est toujours en pesant que l'homme agit sur le nouveau Cric, & on sçait que c'est la façon d'agir dans laquelle il a le plus de force. 30. Quand le Cric ordinaire n'est pas bien huilé, le frottement des roues & des pignons y est considerable, & consume une grande partie de la force. C'est aussi par la diminuDES SCIENCES. 303 tion des frottements que ce Cric est bien moins sujet à s'user que les anciens.

#### FIGURE I.I.

On y a fait representer le Cric ordinaire, asin qu'on soit plus en état de le comparer avec l'autre.

#### FIGURE III.

Elle represente un autre Cric propre à faire l'effet de celui de la Figure I. ils sont l'un & l'autre dans le même principe, mais ce dernier differe du premier, en ce que la Cramaillere du dernier est taillée dans la tige même du Cric, & qu'elle ne monte pas comme dans la Figure I.

#### FIGURE IV.

Elle represente la construction que je donne au nouveau Cric, pour le rendre propre à être substitué au Cabestan, & il lui est substitué avec avantage, car il épargne les hommes qu'on est obligé d'y employer pour tenir le garant, c'est-à-dire, pour tenir le bout de la corde qui se dévide de dessus le Cabestan, pendant qu'une partie de la corde qui tire le fardeau vient s'y entortiller. D'ailleurs le Cabestan employe une force considerable à plier le garant ou le cable autour de son arbre ou susée, & cette force, qui est employée en pure perte par rapport au poids à tirer, est d'autant plus considerable que le cable est plus gros, & cablé plus dur & plus roide.

D'ailleurs il est aisé de voir par la Figure qu'on peut augmenter la force de ce Cric selon le besoin, en changeant de trou la cheville du Levier, ce qui se fait trés vîte

& fans embarras.

#### FIGURE V.

Elle represente ce Cric mis en état d'agir comme les Chevres ordinaires sur lesquelles il a encore des avantages. Ensin il est aisé de voir qu'on peut appliquer cette MaMEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE chine dans la pluspart des occasions où l'on a à faire de grands efforts, & qu'elle épargnera souvent l'embarras des cordages, des mousses ou palans, &c.

#### OBSERVATION

De l'Eclipse d'Aldeberam par la Lune, faite le 25 Septembre 1717.

#### Par M. MARALDI.

7 Decembre 1717. Dus avons observé l'Eclipse d'Aldebaram par la Lune, qui est arrivée le 25 Septembre, cinq jours aprés l'éclipse de Lune.

A 9h 11'33" Aldebaram sut caché par le bord éclairé

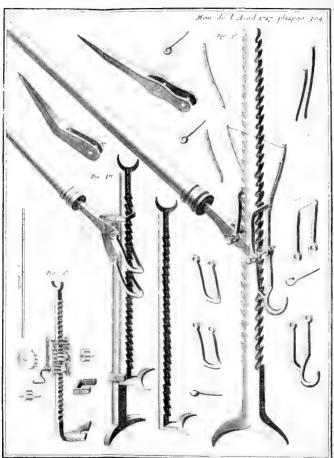
de la Lune vis-à-vis la Tache appellée Grimaldi.

A 10h 3'53" Aldebaram soriit du bord obscur de la

Lune, l'Eclipse ayant duré 52' & 20".

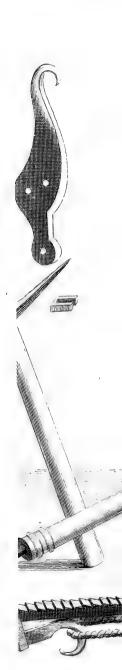
Nous n'avons point remarqué aucun changement dans l'Etoile en entrant & en fortant de la Lune qui puisse donner quelque marque d'une Atmosphere autour de cet Astre.

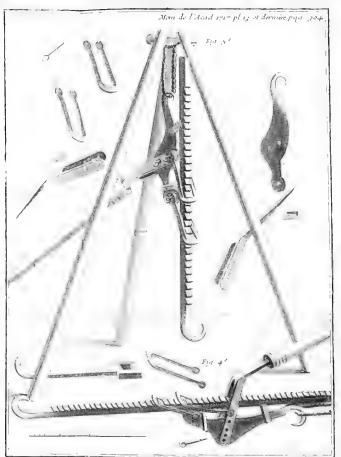
La même nuit aussi-bien que la précedente & la suivante nous simes plusieurs Observations du passage de la Lune & de l'Etoile tant par des Cercles horaires qu'au Meridien pour la recherche de la Parallaxe de la Lune que nous rapporterons dans une autre occasion.



Ph. Smonnou filme Del' et Se.

dernière pag . 304.





Sumonneau filius Del' et Se



